

**EFEKTIVITAS PENERAPAN MODEL PROBLEM BASED LEARNING
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS
SISWA KELAS XI SMA NEGERI 9 GOWA**



**UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH MAKASSAR
FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN
PROGRAM STUDI PENDIDIKAN MATEMATIKA**

2023



LEMBAR PENGESAHAN

Scripsi atau naskah Sri Andita Putri, NIM 78536-11843-19, disampaikan oleh Panitia Ujian Skripsi berdasarkan hasil Kajianan Akademik Universitas Muhammadiyah Makassar Nomor 201 Tahun 1425 H/2023 M pada tanggal 26 Agustus 2023 di hadirkan oleh Prof. Dr. Mulyadi, SE, MM yang memperoleh gelar Surjana Pendidikan pada Program Studi Tradisional Islamografi (Subjurusan Kependidikan dan Ilmu Pengetahuan Islam) STKIP PGRI Makassar pada hari Rabu tanggal 30 Agustus 2023 di:



Ditujukan oleh,

Dekan FKIP Universitas Muhammadiyah



Ketua STKIP PGRI Makassar
NIM. 800 034



UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH MAKASSAR
FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN

SURAT PERNYATAAN

Nama : Siti Amelia Putri
Nim : 105361104319
Program Studi : Pendidikan Matematika
Judul Skripsi : Evaluasi Pengembangan Model Problem Based Learning Terhadap Kemampuan Penerapan Matematik Siswa Kelas XI SMA Negeri 9 Gowa

Dengan ini menegaskan bahwa skripsi yang saya tulis di depan umum pengamatan adalah hasil kerja sendiri dan tidak hasil copias atau dituliskan oleh seseorang.

Disediakan persyaratan ini saya boleh dengan sebenarnya dan saya berterima kasih atas pernyataan ini dilaksanakan.

Makassar, Agustus 2013

Tinggi Membuat Pernyataan

Siti Amelia Putri
NIM 105361104319



UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH MAKASSAR
FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN

SURAT PERJANJIAN

Nama : Siti Amelia Putri
Nim : 105361104319
Program Studi : Pendidikan Matematika
Judul Skripsi : Efektivitas Pengembangan Model Problem Based Learning Terhadap Komunikasi Pemecahan Masalah Matematik Siswa Kelas XI SMA Negeri 4 Gowa

Dengan ini saya, Siti Amelia Putri berjanji:

1. Mulai dan penyusunan proposal sampai selesai penyusunan skripsi ini, saya yang bertanggung jawab sendiri (tidak dibantah oleh dosen penulis).
2. Dalam penyelesaian skripsi ini, saya selalu mendekati, bekerja dengan pembimbing yang telah ditentukan oleh pimpinan fakultas.
3. Saya tidak akan menghindari pertemuan (wajib) dalam penyusunan skripsi ini.
4. Apabila saya melanggar perjanjian, saya seperti nomor 1, 2, dan 3 maka saya bersedia menerima sanksi sengsih ketika yang ada.

Demikian perjanjian ini saya buat dengan penuh kesadaran.

Makassar, Agustus 2013

Yang Membuat Perjanjian

Siti Amelia Putri

NIM. 105361104319

MOTTO DAN PERSEMBAHAN

Allah tidak membebani seseorang melainkan sesuai dengan kesanggupannya. Dia mendapat pahala (dari kebaikan) yang diusahakannya dan dia mendapat siksa (dari kejadian) yang dikerjakannya.

(Q.S AL-Baqarah:286)



ABSTRAK

Siti Amelia Putri, 2023. *Efektivitas Penerapan Model Problem Based Learning Terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika siswa Kelas XI SMA Negeri 9 Gowa*. Skripsi. Program Studi Pendidikan Matematika Fakultas Keguruan dan Ilmu Pendidikan Universitas Muhammadiyah Makassar. Pembimbing I Murtuinah dan pembimbing II Ikhlasyah.

Penelitian ini bertujuan untuk mengetahui efektivitas penerapan model problem based learning dalam pembelajaran matematika pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa. Hal ini dilihat dari cara menjawab soal yang diberikan guru, dimana siswa belum bisa menjawab soal tersebut secara dengan indikator kemampuan pemecahan masalah matematika. Untuk mengatasi masalah tersebut peneliti menerapkan model dengan pengembangan model pembelajaran PBL. Jenis penelitian ini adalah tipe eksperimen dengan desain penelitian yang digunakan adalah pre test-posttest, yaitu teknik penelitian yang dilaksanakan dengan adanya tes awal perlakuan, dan tes akhir dan yang selanjutnya kelas pembelajaran Penelitian ini dilaksanakan selama 6 (enam) kali pertemuan. Sampel dalam penelitian ini adalah kelas XI MIPA 1 dengan total 34 siswa. menggunakan teknik cluster random sampling. Teknik pengumpulan data yang digunakan untuk mengumpulkan data adalah tri kemampuan pemecahan masalah matematika siswa, lembar observasi siklus 1 siswa, angket respon dan lembar observasi keterlaksanaan. Analisis data penelitian ini adalah analisis deskriptif dan analisis statistik inferensial. Hasil penelitian berjumlah lima bukti: 1) Hasil belajar matematika siswa telah penerapan model problem based learning di kategorikan "Menengah dan Tumbuh" secara klinikal. 2) Aktivitas siswa dalam pembelajaran matematika di kategorikan "Aktif". 3) Respon siswa terhadap pembelajaran matematika di kategorikan "Positif". Berdasarkan hasil penelitian ini, siswa telah memenuhi ketiga kriteria pembelajaran matematika, sehingga dapat disimpulkan bahwa pembelajaran matematika efektif diterapkan melalui penerapan model Problem Based Learning pada kelas XI SMA Negeri 9 Gowa.

Kata Kunci: Efektivitas, Problem Based Learning

KATA

PENGANTAR



Alhamdulillah puji syukur atas kehadiran Allah SWT karena dengan rahmat dan hidayah-Nya sehingga penulis dapat menyelesaikan skripsi yang berjudul “Efektivitas Penerapan Model *Problem Based Learning* Terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematik Siswa Kelas XI SMA Negeri 9 Gowa”. Shalawat serta salam tak hoga gola kita sampaikan kepada Nabi Muhammad SAW, para sahabatnya, sabarot dan para pengimunnya.

Skripsi ini dibuat untuk memenuhi salah satu syarat jadi tampperoleh gelar sarjana pada Program Studi Pendidikan Matematika Fakultas Keguruan dan Ilmu Pendidikan Universitas Muhammadiyah Makassar. Pada kesempatan ini, penulis mengucapkan terima kasih kegairah hadir dalam tesis Munir dan Syaiful yang telah memberikan saran-saran yang sangat berharga, dan memanfaatkan momentum segala kesempatan penulis dalam proses memperbaiki ilmu pengetahuan sehingga sampai dituliskan penyelesaian skripsi ini.

Dan terimakasih kepada seluruh keluarga besar penulis yang telah memberikan dorongan moral dan semangat untuk mendukung keberhasilan penulis. Semoga apa yang dicapai benar-benar peruntungan bisa berlipat ganda oleh Allah SWT. Selain itu juga terimakasih dan penikmatan yang setia-sertanya penulis ucapkan kepada:

1. Ayahanda Prof. Dr. H. Ambo Aise, M.A., Rektor Universitas Muhammadiyah Makassar.
2. Ayahanda Erwin Akib, S.Pd., M.Pd., Ph.D., Dekan Fakultas Keguruan dan Ilmu Pendidikan Universitas Muhammadiyah Makassar.
3. Ayahanda Mirup, S.Pd., M.Pd., Ketua Program Studi Pendidikan Matematika Universitas Muhammadiyah Makassar.
4. Ayahanda Abdul Gaffar, S.Pd., M.Pd., Sekretaris Program Studi Pendidikan Matematika Universitas Muhammadiyah Makassar.

5. Ayahanda Andi Qurairy, S.Si., M.Si., penasihat akademik yang selalu memberikan motivasi dan semangat kepada penulis selama menempuh tugas perkuliahan.
6. Ibunda Dr. Mutmainnah, S.Pd., M.Pd. dan Ayahanda Ilhamsyah, S.Pd., M.Pd. pembimbing I dan dan pembimbing II yang telah menghargai waktunya, memberikan bantuan, arahan serta motivasi sejak awal penyusunan skripsi hingga selesaiinya skripsi ini.
7. Ayahanda Ilhamuddin, S.Pd., M.Pd. dan Ibuanda Fauzki Razidani, S.Pd., M.Pd. Validator I dan Validator II yang telah memberikan arahan dan petunjuk terhadap instrumen penelitian.
8. Para Dosen dan Staff Dinas Pendidikan, Kemendikbud, Kementerian Pendidikan dan Kebudayaan Republik Indonesia, dan Universitas Muhammadiyah Makassar telah memberikan bantuan selama penulis menempuh pendidikan.
9. Ayahanda H. Tageddu Linggo, S.Pd., M.Si., Kapita SMA Negeri 9 Gowa yang telah memberikan kesempatan kepada penulis untuk melakukan penelitian di sekolah tersebut.
10. Ibunda Nurmasih, S.Pd. guru matematika sederajat dengan penulis, serta segenap guru-guru dari atas SMA Negeri 9 Gowa yang telah memberikan arahan serta bantuan dalam pelaksanaan penelitian.
11. Siswa-siswi kelas XI SMA Negeri 9 Gowa yang telah bekerja sama dalam pelaksanaan penelitian ini.
12. Kakak dan adik-adik tercinta pendoa tanah doong Barru Aisyah Aulia Putri, S.Ak., Lubiyana, S.Pd., Suliswara, S.Pd., Sri, Khofifah Badru, S.Hut., Normati Padila, Filsawati, Nurdzaem, dan Reasy Jaya yang senantiasa selalu menjadi penghibur yang setia memberikan semangat dan motivasi.
13. Teman-teman saangkatan 2019 Pendidikan Matematika khususnya kelas 2019B yang telah menamani penulis selama penyusunan skripsi.
14. Semua pihak yang telah membantu penulis dalam menyelesaikan skripsi ini yang tidak bisa penulis sebutkan satu-persatu.

• Semoga Allah SWT memberikan balasan yang berlipat ganda kepada semua dan dengan segala kerendahan hati, penulis senantiasa mengharapkan kritikan dan saran yang bauifat membangun dari pembaca, untuk kesempurnaan skripsi ini. Mudah-mudahan dapat bermanfaat bagi para pembaca terutama bagi diri pribadi. Amin.

Makassar, Agustus 2023

Siti Anesia Putri



DAFTAR ISI

	Halaman
HALAMAN JUDUL	i
LEMBAR PENGESAHAN	ii
LEMBAR PERSETUJUAN PEMBIMBING	iii
SURAT PERNYATAAN	iv
SURAT PERIANTIAN	v
MOTTO DAN PERSENGAHAN	vi
ABSTRAK	vii
KATA PENGANTAR	viii
DAFTAR ISI	xi
DAFTAR TABEL	xiii
DAFTAR GAMBAR	xiv
DAFTAR LAMPIRAN	xv
BAB I PENDAHULUAN	1
A. Latar Belakang	1
B. Rumusan Masalah	7
C. Tujuan Penelitian	8
D. Manfaat Penelitian	9
BAB II KAJIAN TEORI, KERANGKA SERTIFIKAT DAN HIPOTESIS	10
A. Kajian Teori	10
1. Efektivitas	10
2. Model Problem Based Learning	15
3. Pemecahan Masalah	19
4. Matematika	20
5. Masalah Matematis	21
6. Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis	22
B. Materi Matematika	25
C. Kerangka Berpikir	46

D. Hasil Penelitian Relevan	49
E. Hipotesis Penelitian	51
BAB III METODE PENELITIAN	53
A. Jenis Penelitian	53
B. Lokasi Penelitian	53
C. Populasi dan Sampel Penelitian	53
D. Desain Penelitian	54
E. Variabel Penelitian	54
F. Definisi Operasional Variabel	55
G. Prosedur Penelitian	55
H. Instrumen Penelitian	57
I. Teknik Pengumpulan Data	58
J. Teknik Analisis Data	59
BAB IV HASIL PENELITIAN DAN PEMBAHASAN	66
A. Hasil Penelitian	66
B. Pembahasan	79
BAB V SIMPULAN DAN SARAN	84
A. Simpulan	84
B. Saran	85
DAFTAR PUSTAKA	86
LAMPIRAN-LAMPIRAN	92
RIWAYAT HIDUP	242

DAFTAR TABEL

Tabel	Halaman
2.1 Sintak Model <i>Problem Based Learning</i>	17
2.2 Indikator Keberhasilan Pemecahan Masalah	24
2.3 Rubrik Skor Pemecahan Masalah	25
2.4 Harga Karir	27
2.5 Biaya Toko di Kota A	32
2.6 Biaya Toko di Kota B	32
2.7 Biaya Murah Kedua Toko	33
2.8 Hasil Penelitian Relevansi	49
3.1 Populasi Siswa Kelas XI SMA Negeri 9 Gowa	53
3.2 One Group Pretest-Posttest Design	54
3.3 Pedidikangorum Kompetensi Pemecahan Masalah	60
3.4 Kriteria Ketuntasan minimal (KK) tes digunakan untuk mewujudkan pembelajaran Matematika di SMA Negeri 9 Gowa	60
3.5 Kriteria Indeks Gain	61
3.6 Kategori Aspek Akhir tes Siswa	62
3.7 Kategori Kompetensi Guru	62
3.8 Kategori Aspek Religius Siswa	63
4.1 Nilai Standar Hasil Sebelum (Praktis) Penerapan Model <i>Problem Based Learning</i>	67
4.2 Kategorisasi Standar Penilaian Hasil Praktis Sebelum Penerapan Model <i>Problem Based Learning</i>	68
4.3 Kriteria Ketuntasan Hasil Tes Siswa Sebelum Penerapan Model <i>Problem Based Learning</i>	68
4.4 Nilai Statistik Hasil Tes Siswa Setelah Penerapan Model <i>Problem Based Learning</i>	69
4.5 Kategorisasi Standar Penilaian Hasil Tes Siswa Setelah Penerapan Model <i>Problem Based Learning</i>	70

4.6 Kriteria Ketuntasan Hasil Test Siswa Setelah Penerapan Model <i>Problem Based Learning</i>	70
4.7 Klasifikasi Gain Teromalisa: Peningkatan Kemampuan Pemecahan Masalah Siswa Setelah Penerapan Model <i>Problem Based Learning</i>	71
4.8 Hasil Uji Normalitas Nilai Pretest dan Posttest	75
4.9 Hasil Uji Normalitas Aktivitas dan Respon Siswa	75
4.10 Hasil One Sample t-test Nilai Posttest	76
4.11 Hasil One Sample t-test Nilai gain Normalisasi	78



DAFTAR GAMBAR

Gambar	Halaman
1.1 Hasil Pelajaran Siswa Kelas XI SMA Negeri 9 Gotika	4
2.1 Bagian Keringka Pikit	48



DAFTAR LAMPIRAN

Lampiran	Halaman
Lampiran 1	93
1.1 Rencana Pelaksanaan Pembelajaran (RPP)	94
1.2 Lembar Kerja Siswa	107
1.3 Daftar Hadir Siswa Kelas VII MIPA 1	135
1.4 Jadwal Pelaksanaan Penelitian	136
1.5 Kisi-Kisi Soal Pretest dan Posttest	137
Lampiran 2	138
2.1 Instrumen Tes Kesiapanan Pembelajaran Masalah (Pretest dan Posttest)	139
2.2 Lembar Observasi Aktivitas Siswa	145
2.3 Instrumen Lembar Observasi Keterlibatan Pembelajaran	148
2.4 Instrumen Angket Respon Siswa	150
Lampiran 3	153
3.1 Definisi Nilai Pretest, Posttest Dan Nilai Gain	154
3.2 Lembar Jawaban Pretest, Posttest Siswa	155
3.3 Lembar Jawaban Observasi Aktivitas Siswa	167
3.4 Lembar Jawaban Observasi Keterlibatan Pembelajaran	172
3.5 Lembar Jawaban Angket Respon Siswa	180
3.6 Hasil kesiapanan Pembelajaran	194
3.7 Hasil Pengamatan Aktifitas Siswa	195
3.8 Persepsi Respon Siswa	196
Lampiran 4	198
4.1 Analisis Statistik Deskriptif	199
4.2 Analisis Statistik Inferensial	201
Lampiran 5	205
5.1 Dokumentasi	206
5.2 Persuratan	208
5.3 Power Point	209

BAB I

PENDAHULUAN

A. Latar Belakang

Pendidikan merupakan salah satu faktor yang mementukkan kualitas sumber daya manusia. Pemerintah sejak dahulu berbagai upaya untuk meningkatkan mutu pendidikan. Peningkatan mutu pendidikan merupakan bagian penting dalam pembangunan dibidang pendidikan nasional dan merupakan bagian integral dari upaya peningkatan kualitas manusia Indonesia secara menyeluruh. Akhirnya pendidikan merupakan faktor penting yang harus diwujudkan dalam proses pendidikan. Dalam undang-undang No. 20 Tahun 2003 menyatakan bahwa pendidikan adalah sebuah hak bagi dan terikat untuk diwujudkan sistem belajar dan proses pembelajaran agar peserta didik dapat aktif mengembangkan potensi dirinya untuk memiliki karakter spiritual, kognitif, emosional, dan kepribadian. Berdasarkan akhlak mulia, serta kompetensi yang diperlukan dirinya, masyarakat, bangsa dan negara. Selain itu tujuan pendidikan adalah mengembangkan potensi belajar seseorang agar menjadi individu yang mampu meraih sukses akademik.

Programme for International Student Assessment (PISA) merupakan suatu program yang diinisiasi oleh *Organization for Economic Co-operation and Development (OECD)* yang bertujuan untuk mengevaluasi sistem pendidikan secara global. Namun, prestasi Indonesia pada PISA 2018 masih berada diurutan ke 72 dari 77 negara di dunia yang menunjukkan bahwa kemampuan matematika

siswa di Indonesia berada di peringkat terbawah dengan skor 379. Skor ini di bawah rata-rata yaitu 489. Hal ini menjadi perhatian dunia pendidikan sehingga perlu segera adanya perbaikan untuk meningkatkan kemampuan siswa dalam menyelesaikan permasalahan, salah satunya dengan mempelajari pendidikan dalam bidang matematika (Annizar, dkk, 2020).

Pendidikan matematika merupakan ilmu yang bertujuan dalam mendidik siswa untuk berpikir logis, sistematis dan kritis dalam memecahkan suatu masalah baik di bilangan bulat maupun ditolong oleh teknologi (Nur dan Annisa, 2019). Selain itu menurut Miftahil dan Fuadiah, (2021) matematika merupakan ilmu yang mengalami perkembangan teknologi dan inovasi yang sangat penting dalam meningkatkan daya pihir matematik. Komisi ahli matematik National Council of Teachers Of Mathematics (NCTM) (Febrizal, dkk, 2022) menyatakan bahwa dalam pembelajaran matematika, guru harus memperhatikan lima kemampuan pokoknya yaitu kemampuan menyelesaikan masalah (problem solving), kemampuan berargumentasi (reasoning), kemampuan berkomunikasi (communication), kemampuan memahami konsep (connection) dan kemampuan representasi (representation). Pelajaran matematika perlu dibentuk kepada setiap jenjang pendidikan untuk membekali mereka dengan kemampuan berpikir logis, analitis, sistematis, kritis, dan kreatif serta kemampuan bekerja sama. Ini berarti matematika memang peranan sangat penting dalam berbagai dimensi manusia, baik dalam perkembangan IPTEK maupun dalam ranah pembentukan sikap positif siswa.

Selain itu menurut Fathini (Anwar, 2018) juga menyatakan bahwa kemampuan matematis meliputi kemampuan berpikir yang logis dan kritis dalam pemecahan masalah. Pemecahan masalah ini tidak semata-mata masalah berupa soal rutin akan tetapi lebih kepada pemecahan yang dihadapi sehari-hari. Pemecahan masalah merupakan proses untuk mengatasi kesulitan-kesulitan yang dihadapi untuk mencapai tujuan yang diinginkan. Kemampuan pemecahan masalah merupakan bagian penting dalam kurikulum pelajaran matematika (Putri, dkk. 2019). Selanjutnya menurut Hidayahna (2017) Pemecahan masalah mengandung empat tahapan, cara, metode atau pendekatan penyelesaian melalui beberapa langkah: mula-mula lalu memahami, merumus, mencoba, menduga dan menentukan dan memerlukan kembali. Namun kenyataan di lapangan tidak jalan berjalan. Beberapa penelitian pemecahan masalah dalam proses pembelajaran matematika belum diperlakukan sebagai kegiatan, tetapi Pakista (2015) menyatakan pemecahan masalah berkaitan dengan dunia nyata dapat dimengerti dan untuk menyelesaikan permasalahan dan penyelesaian di dunia nyata pun.

Kemampuan pemecahan masalah matematis sangat penting diberikan kepada siswa karena kemampuan siswa dapat terlatih dengan seringnya diberikan soal yang tidak rutin. Hal ini sejalan dengan pendapat Zulfah, (2017) bahwa pemecahan masalah harus didasarkan atas adanya struktur kognitif yang dimiliki siswa. Bila tidak didasarkan atas struktur kognitif, siswa memiliki kemungkinan kecil untuk dapat menyelesaikan masalah yang diajukan.

Rendahnya kemampuan pemecahan masalah juga dialami oleh siswa kelas XI MIPA di SMA Negeri 9 Gowa, hal ini dibuktikan dari hasil wawancara yang

dilakukan pada tanggal 02 Februari 2013 dengan salah satu guru mata pelajaran matematika di SMA Negeri 9 Gowa, diperoleh informasi bahwa pengetahuan yang dimiliki oleh siswa dalam mata pelajaran matematika masih banyak siswa mengalami kesulitan dalam memecahkan masalah, siswa cenderung kurang mampu dalam mengerjakan soal dan kurang percaya diri, di mana siswa mengerjakan soal hanya sesuai dengan apa yang diajarkan oleh guru, sehingga dalam menyelesaikan soal-soal bagaimana siswa mengikuti contoh soal yang diberikan. Hal ini sesuai dengan hasil observasi yang dilakukan penulis dengan memberikan tiga kepada siswa tugas pada hasil jawaban dapat dilihat pada gambar 1.1 di bawah ini.



Berdasarkan jawaban siswa yang tertera pada gambar 1.1 didapatkan bahwa siswa kurang memahami masalah, apa yang diketahui dan ditanyakan pada

soal tersebut tidak dapat diselesaikan dengan baik dan siswa kurang mampu memberikan kesimpulan pada soal karena rumus yang digunakan siswa kurang tepat sehingga berdampak pada hasil akhir penyelesaian. Hal tersebut dikarenakan kurangnya pemahaman siswa pada materi yang diajarkan oleh guru, akibatnya siswa mengalami kesulitan dalam memecahkan masalah. Kesulitan dalam memahami tersebut dapat berpengaruh pada hasil belajar siswa. Hal ini sejalan dengan penelitian Putri dan Roekjan (2021) menyatakan bahwa kemampuan pemecahan masalah matematika masih rendah, dimana sebagian besar masih terpacu pada rumus dan ketika diberi masalah yang berbeda, siswa masih tidak bisa menyelesaikan masalah tersebut. Selanjutnya pada penelitian yang dilakukan oleh Mardiyah dan Syarifuddin (2021) mengungkapkan bahwa kemampuan pemecahan masalah matematis dalam kategori rendah ditunjukkan dengan siswa mengalami kesulitan dalam memecahkan masalah yang diberikan. Hal ini menunjukkan bahwa masih banyak siswa belum memiliki kemampuan pemecahan masalah matematika belum seoptimal.

Adapun model pembelajaran yang diterapkan guru juga masih menggunakan model pembelajaran langsung yaitu model pembelajaran konvensional. Dengan menggunakan model tersebut, maka kemampuan pemecahan masalah matematis siswa menjadi tidak berkembang dengan baik dan siswa menjadi tidak aktif dalam pembelajaran. Hal ini dapat menghambat kemampuan pemecahan masalah matematis siswa, serta adanya anggapan bahwa matematika adalah pelajaran yang sulit. Oleh karena itu diperlukan model pembelajaran inovatif agar proses pembelajaran matematika lebih bervariasi

kebutuhan dalam pemecahan masalah. Salah satu model pembelajaran yang dapat meningkatkan kemampuan pemecahan masalah matematis dalam menghadapi permasalahan-permasalahan matematika adalah melalui model *Problem Based Learning* (PBL).

Pembelajaran dengan model *Problem Based Learning* (PBL) adalah pendekatan pengajaran yang memberikan tugas-tugas bagi siswa untuk mencari solusi dari permasalahan yang diberikan secara individu maupun kelompok. Pembelajaran dengan model *Problem Based Learning* (PBL) diwasekankan pada prinsip bahwa matematik dapat digunakan sebagai alat untuk memahami dunia berasa. Matematik yang diajarkan dalam pembelajaran diwasekankan dapat memfasilitasi siswa dalam menyelesaikan kisi-kisi yang disajikan (Yusni, 2018).

Menurut model *Problem Based Learning* (www.aktifitas-pendidikan) permasalahan serta memilih informasi yang relevan dengan materi yang diberikan. Siswa akan mencari informasi hasil berbagai dan menggunakan yang akan terjadi hasil arus soal permasalahan yang diberikan, hal ini kiranya mampu meningkatkan interaksi dan partisipasi aktif siswa dalam proses pembelajaran (Aldardila dan Syarifuddin, 2021). Kemudian menurut Rahmadi dan Anwarzemi, (2017) menyatakan bahwa PBL memekankan pada aktivitas pemecahan masalah dalam pembelajaran.

Penelitian yang telah dilakukan oleh Nasir, (2016) yang menunjukkan bahwa penerapan model pembelajaran PBL efektif terhadap kemampuan pemecahan masalah matematika siswa SD dari pada model konvensional

Penelitian selanjutnya dilakukan oleh Puspita, dkk (2018) hasil penelitian menunjukkan bahwa, adanya peningkatan hasil belajar siswa dengan menggunakan model pembelajaran *Problem Based Learning*, sehingga dapat disimpulkan bahwa model *Problem Based learning* dapat meningkatkan hasil belajar matematika siswa. Penelitian yang sama juga dilakukan oleh Putri dan Wahyudi, (2020) dengan hasil penelitian menyatakan bahwa adanya perbedaan antara kedua jenis model pembelajaran yang berdampak dalam hal ini pada matematis pembelajaran serta pengetahuan. Mengenai catatan dan perihal bahwa model pembelajaran berbasis masalah (PBL) lebih baik dari tidak efektif dibandingkan dengan model pertumbuhan aktif.

Berdasarkan pertama dan urutan diatas, maka penulis ingin melaksanakan penelitian dengan judul “**Efektivitas Penerapan Model Problem Based Learning Terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa Kelas XI SMA Negeri 9 Gowa”.**

B. Rumusan Masalah

Berdasarkan teori bahwasan yang telah dikemukakan, maka rumusan masalah dalam penelitian ini yaitu: “Apakah model *Problem Based Learning* efektif diterapkan dalam pembelajaran matematika pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa?”

Ditinjau dari tiga aspek sebagai berikut:

1. Hasil belajar matematika siswa melalui penerapan model *Problem Based Learning*?

2. Aktivitas siswa dalam proses pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning*?
3. Respon siswa terhadap proses pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning*?



C. Tujuan Penelitian

Berdasarkan rumusan masalah yang dikemukakan di atas, maka tujuan penelitian ini adalah untuk mengetahui efektivitas penerapan model *Problem Based Learning* dalam pembelajaran matematika pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa, ditinjau dari:

1. Hasil belajar matematika siswa melalui penerapan model *Problem Based Learning*.
2. Aktivitas siswa dalam proses pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning*.
3. Respon siswa terhadap proses pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning*.

D. Manfaat Penelitian

Adapun beberapa manfaat yang dapat diperoleh dari peneliti ini adalah sebagai berikut:

1. Bagi Peneliti

Penelitian dapat memberikan sumbu pengetahuan dan untuk menuangkan ide dan gagasan dalam memperluas pengetahuan anggota dalam kegiatan pembelajaran dengan menggunakan model *Problem Based Learning* terhadap kemampuan pemecahan masalah matematik siswa sehingga kelak peneliti menjadi guru yang mampu menciptakan ide-ide baru dan kreatif.

2. Bagi Guru

Sebagai pertimbangan dalam pembelajaran agar dapat menentukan langkah yang besar untuk mengetahui hasil belajar siswa yang dilihat dari

kesampaian pemecahan masalah matematis siswa pada materi lain dengan menerapkan model *Problem Based Learning*.

3. Bagi Siswa

Melalui penelitian ini diharapkan model *Problem Based Learning* dapat meningkatkan hasil belajar siswa yang dilihat dari kemampuan pemecahan masalah matematis siswa sehingga siswa dapat belajar secara berkelanjutan terhadap materi lain dan menghindari kesulitan.

4. Bagi Sekolah

Sebagai bahan informasi kepada pihak sekolah terhadap hasil belajar siswa yang dilihat dari kemampuan pemecahan masalah matematis siswa dengan menerapkan model *Problem Based Learning*.

BAB II

KAJIAN PUSTAKA, KERANGKA BERPIKIR DAN HIPOTESIS

A. Kajian Pustaka

1. Pengertian Efektivitas

Efektivitas menurut Kamus Besar Bahasa Indonesia merupakan suatu istilah yang berasal dari kata *efektif* berarti: (1) *Ada akibatnya pengaruhnya*, *kesannya*; (2) *Dapat memberikan hasil*, *hasilnya baik*, sedangkan efektivitas berarti: (1) *kesuksesan*, *kepentingan* hal tersebut; (2) *berhasilnya usaha atau tindakan*.

Efektivitas berarti bahwa ada kaitan positif antara tingkat pencapaian tujuan dengan hasil dari proses pembelajaran. Pada saat ini, efektivitas dapat dikatakan sebagai jika memberikan hasil yang sesuai dengan kriteria yang telah ditetapkan. Menurut Suryana (Purnami Hidayah, dkk, 2020), Efektivitas merupakan indikator untuk mengetahui sampai jauh sejauh mana yang dicapai, semakin besar kontribusi dampak kebaikan yang diberikan terhadap nilai pencapaian sasaran tersebut, maka dapat dikatakan efektif.

Pembelajaran yang efektif adalah pembelajaran yang memberikan kesempatan kepada siswa untuk belajar sendiri dengan melakukan aktivitas-aktivitas belajar (Yunika Sari, 2016). Sedangkan menurut Dewanti & Fajriwati (2020) keefektifan pembelajaran adalah hasil sumbu yang diperoleh setelah pelaksanaan proses belajar mengajar. Efektivitas pembelajaran dapat dilihat dari aktivitas siswa selama pembelajaran berlangsung, respon siswa terhadap

pembelajaran dan peningkatan hasil belajar. Untuk mencapai suatu konsep pembelajaran yang efektif dan efesien perlu adanya timbal balik antara siswa dan guru untuk mencapai suatu tujuan secara bersama, selain itu juga harus disesuaikan dengan kondisi lingkungan sekolah, sarana dan prasarana, serta media pembelajaran yang dibutuhkan untuk membantu tercapainya seluruh aspek perkembangan siswa.

Berdasarkan uraian diatas dapat disimpulkan bahwa efektivitas pembelajaran adalah jenjang, tujuan, metode, keterbantuan, dan suatu usaha atau tindakan yang dipenuhi dalam proses belajar mengajar.

a. Hasil Belajar Matematika Siswa

Hasil belajar merupakan kesulitan yang diperoleh siswa setelah melaksanakan kegiatan belajar. Hasil belajar adalah hasil yang diberikan kepada siswa berupa pertanyaan setelah mengikuti proses pembelajaran dengan memisahkan pengetahuan, keterampilan, dan nilai siswa dengan peningkatan gerak dan tingkah laku (Nurita, 2018). Sedangkan menurut Komarudin dan Laili (2013), hasil belajar adalah hasil dari suatu kegiatan yang telah diketahui, diciptakan, yang diperoleh dengan berjaya kerja baik secara individu maupun kelompok setelah mengalami pembelajaran. Suprihatin dan Mank (2020) menyatakan bahwa hasil belajar adalah kemampuan yang dimiliki siswa setelah menerima pengalaman belajarnya baik yang diperoleh melalui bantuan orang lain atau pengalaman yang diperoleh sendiri.

Berdasarkan uraian tentang pengertian hasil belajar manzurut beberapa ahli di atas dapat disimpulkan bahwa hasil belajar merupakan hasil penilaian yang

sesuai dengan kemampuan siswa setelah mendapatkan pengalaman belajar. Hasil belajar tampak sebagai sebuah perubahan pada siswa yang dapat diamati dan diukur. Perubahan tersebut dapat berupa peningkatan dan perkembangan pengetahuan yang lebih baik daripada sebelumnya, sikap yang kurang sopan menjadi sopan, tidak suka menjadi polos, dan lain sebagainya.

Ketuntasan hasil belajar dapat dilihat dari hasil kemampuan pemecahan masalah matematis siswa yang telah mencapai ketuntasan individual dan klasikal, yakni siswa telah memenuhi kriteria ketuntasan minimal (KKM) yaitu 73,00 yang ditentukan oleh sekolah yang bersangkutan berdasarkan curikulum mata pelajaran matematika. Pembelajaran dikatakan sukses apabila 73% siswa atau lebih mendapat nilai 73 ke atas.

Kemampuan pemecahan masalah adalah kemampuan yang dimiliki individu dalam menyelesaikan permasalahan untuk mendapatkan hasil penyelesaian. Menurut Sugiyono (2016) pengertian bahwa kemampuan pemecahan masalah matematika secara sangat penting dalam matematika, bukan saja bagi mereka yang kemudian akan ikut meneliti atau mempelajari matematika, melainkan juga bagi mereka akan menempuh dalam bidang studi lain dan dalam kehidupan sehari-hari. Kemudian menurut Pulungan (2015) kemampuan pemecahan masalah matematis merupakan kemampuan dalam menyelesaikan masalah soal-soal pemecahan masalah matematika dengan memperhatikan tahap pemecahan masalah.

Berdasarkan uraian diatas, dapat disimpulkan bahwa kemampuan pemecahan masalah sistematis adalah suatu keterampilan dengan sifat-sifat

pendekatan dan tujuan agar mampu menggunakan kegiatan matematika dalam memecahkan masalah dikehidupan sehari-hari. Adapun indikator yang akan digunakan untuk melihat kemampuan pemecahan masalah matematika siswa dalam penelitian ini yaitu: 1) Memahami masalah; 2) Merencanakan pemecahan masalah; 3) Melakukan rencana pemecahan; 4) Meninjau kembali hasil.

b. Aktivitas Siswa

Dalam kurang Besser Bahasa Indonesia, aktivitas adalah keaktifan, kegiatan, kerja atau seluruh satuan kegiatan berupa yang dilaksanakan dalam tumpukan. Aktivitas siswa adalah interaksi antara guru dan siswa, dan siswa dengan siswa, sehingga menghasilkan perubahan akademik, misalnya tingkah laku, dan keterampilan yang dapat diamati melalui perhatian siswa kegiatan dalam siswa, kedisiplinan, sikap, keterampilan dan dalam berbagai hal-hal. Aktivitas siswa diklasifikasikan atas aktif maupun tidak aktif dalam proses belajar mengajar.

Murni Ahmad (2016) menyatakan bahwa keaktifan dalam pembelajaran sangat dimengerti oleh aktivitas siswa, kategori aktivitas siswa dalam kegiatan pembelajaran akan menunjukkan sejauhnya keberhasilan dalam kegiatan belajar mengajar, tanpa adanya aktivitas maka proses belajar tidak akan terjadi.

Berdasarkan uraian diatas, dapat disimpulkan bahwa aktivitas siswa adalah segala tingkah laku dan sikap yang terjadi selama proses pembelajaran yang memberikan efek perubahan yaitu pengetahuan, sehingga siswa berambisi dalam mengikuti suatu proses pembelajaran.

Aktivitas siswa dalam pembelajaran bisa positif maupun negatif. Aktivitas siswa yang positif misalnya mengajukan pendapat atau perasaan, mengajukan tanya atau soal, komunikasi dengan sesama siswa sehingga dapat memecahkan suatu permasalahan yang sedang dihadapi sedangkan aktivitas siswa yang negatif, misalnya mengganggu sesama siswa pada saat proses belajar mengajar dikelas, membuat kegiatan lain yang tidak sama dengan pelajaran yang sedang diajarkan oleh keberhasilan guru.

c. Respon Siswa

Menurut Kamus Besar Bahasa Indonesia respon dapat diartikan sebagai suatu tanggapan, reaksi dan jawaban (Menurut Lestari & Yudhistira, 2017). Respon adalah suatu sikap yang memungkinkan adanya partisipasi aktif untuk melibatkan diri dalam suatu kegiatan pembelajaran. Respon siswa adalah tanggapan siswa terhadap pertanyaan pembelajaran maupun tugas-tugas dikelas, misal respon terhadap pertanyaan berdiskusi dengan guru mengajar dan saran-saran yang muncul. Respon siswa digunakan untuk menjawab pertanyaan mengenai pengetahuan pembelajaran dengan menggunakan angket respon siswa.

Berdasarkan uraian diatas, dapat disimpulkan bahwa respon siswa adalah tanggapan atau perasaan atau sikap siswa terhadap suatu hal, dalam hal ini tanggapan siswa terhadap pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning* (PBL). Respon siswa dibagi dua, yaitu respon positif dan respon negatif. Respon siswa yang positif merupakan tanggapan perasaan senang setuju, atau merasakan ada ketertarikan setelah pelaksanaan suatu model.

pendekatan, dan metode pembelajaran. Sedangkan respon siswa yang negatif adalah sebaliknya. Pembelajaran dikatakan efektif apabila rata-rata persentase siswa minimal 80% yang memberikan respon positif.

2. Model *Problem Based Learning*

a. Pengertian Model *Problem Based Learning*

Pembelajaran berbasis masalah yang sering dikenal dengan *Problem Based Learning* merupakan model pembelajaran yang menggunakan masalah sebagai titik tolak (starting point) pembelajaran. Masalah-masalah yang dapat dijadikan sebagai titik belajar adalah masalah yang bersifat kontekstual nyata (*real world*), yang akhirnya dengan berduaan seorang seorang guru mata Pembelajaran berbasis masalah adalah merupakan model didaktik yang mengandalkan siswa-siswi ikut turut serta dalam keterampilan penyelesaian masalah (Nobelen, 2018). Selain itu menurut Taggart (2019) pembelajaran berbasis masalah lebih dari sekedar logika saja yang efektif untuk mempelajari pengetahuan tertentu. Ia dapat membantu siswa membangun kecakapan sepanjang hidupnya dalam menyelesaikan masalah, kerja sama tim dan berkomunikasi.

Menurut Supriano, dkk. (2015) model *Problem Based Learning* (PBL) adalah model pembelajaran yang dapat membantu siswa untuk meningkatkan keterampilan atau kemampuan yang dibutuhkan pada era globalisasi dan reformasi saat ini di mana siswa dihadapkan suatu masalah nyata yang bertujuan melatih kemampuan siswa untuk memecahkan masalah dan berpikir kritis serta mendapatkan pengetahuan baru dari pemecahan masalah yang dihadapi.

Selanjutnya menurut Sianturi, dkk. (2018) model Problem Based Learning (PBL), fokus pembelajaran ada pada masalah yang dipilih sehingga siswa tidak saja mempelajari konsep-konsep yang berhubungan dengan masalah tetapi juga metode ilmiah untuk memecahkan masalah tersebut. Kemudian menurut Elizabeth dan Sigahitang, (2018) penyajian bahwa PBL adalah proses pembelajaran yang titik awal pembelajaran berdasarkan masalah dalam kehidupan nyata. Menurut Nur, drz. (2016) juga menyatakan bahwa PBL merupakan model pembelajaran yang realistikan siswa dalam memecahkan masalah nyata. Penjelasan pendapat tersebut dapat ditinjau dari bahwa PBL adalah model pembelajaran yang membuat aktivitas belajar dengan memberikan permasalahan kepada siswa dan mendorong siswa dalam menyelesaikan masalah tersebut.

Model Problem Based Learning (PBL) dituliskan dalam bentuk pembelajaran yang dilakukan dengan studi masalah real yang berkaitan dengan konsep-konsep matematika yang akan diajarkan. Siswa tidak hanya sekedar menerima informasi dan guru saja tetapi guru harus memotivasi dan mengarahkan siswa agar terlibat agar aktif dalam seluruh proses pembelajaran (Yusni, 2018).

Adapun karakteristik dari pembelajaran berbasis masalah (*Problem Based Learning*) adalah (1) ketergantungan pada masalah, masalahnya tidak mengetes kemampuan, dan masalah tersebut membantu pengembangan kemampuan itu sendiri, (2) masalahnya benar-benar ill-structured, tidak setuju pada sebuah solusi, dan ketika informasi baru muncul dalam proses, persepsi

akan masalah dan solusi pun dapat berubah, (3) siswa menyelesaikan masalah, guru bertindak sebagai pelanh dan fasilitator, (4) siswa hanya diberikan petunjuk bagaimana mendekati masalah, dan tidak ada formula bagi siswa untuk mendekati masalah, dan (5) kreativitas dan penemuan.



b. Langkah-langkah Model Problem Based Learning

Model PBL yang digunakan dalam proses pembelajaran memiliki langkah-langkah yang harus dipahami dengan baik. Hal ini bertujuan agar model PBL yang digunakan terarah dan dapat mencapai tujuan yang diharapkan dalam proses pembelajaran. Adapun langkah-langkah dari model problem based learning yang nantinya akan menjadi pedoman dan petunjuk dalam melaksanakan pembelajaran dikelas. Berikutnya adalah tabel berikut.

Tabel 2.1 Sintetis Model Problem Based Learning

Fase/Fase	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa
Fase 1 Menyajikan orientasi mengenai permasalahan kepada siswa	a. Menjelaskan tujuan pembelajaran b. Memotivasi siswa dalam kegiatan pembelajaran	a. Siswa menyerah dan mencari referensi bila tidak dibenarkan b. Siswa memerlukan logistik yang diperlukan
Fase 2 Mengorganisasikan siswa agar dapat melakukan penelitian	Menentukan siswa mengorganisasikan dan menyeimbangkan tugas belajar yang berhubungan dengan tujuan tersebut	Siswa mendapatkan hal yang kurang dipahami
Fase 3 Membantu siswa melakukan investigasi baik secara kelompok maupun secara individu	Mendorong siswa mengumpulkan informasi yang untuk menyelesaikan masalah serta penjelasannya	Siswa menggunakan cara pemecahan masalah mereka dengan memimpulkan informasi dari berbagai sumber
Fase 4 Mengembangkan dan mempresentasikan hasil	a. Membantu siswa dalam merencanakan atau menyiapkan karya yang sesuai b. Membantu dalam berbagi tugas antar anggota	a. Siswa membuat hasil karya dalam bentuk laporan b. Siswa mengerjakan pembagian tugas yang telah dibenarkan stru
Fase 5 Menganalisis dan mengevaluasi proses ketika mengatasi	Membantu siswa melakukan refleksi atau evaluasi pada penyelesaian yang	Siswa menganalisis dan mengevaluasi hasil pemecahan masalah

Fase-Fase masalah	Kegiatan Guru dilakukan	Kegiatan Siswa
		Sumber: (Sisimin, 2021)

Menurut Tyza, (2017) model *Problem Based Learning* memiliki kelebihan dan kekurangan masing-masing. kelebihan dari model *Problem Based Learning* antara lain:

- a. *Problem Based Learning* (PBL) dapat meningkatkan kemampuan berpikir kritis, memobilisasikan motivasi siswa dengan bekerja, memotivasi internal untuk belajar, dan dapat mengembangkan keterampilan sosial-personal dalam bekerja kelompok.
- b. Dengan *Problem Based Learning* (PBL) akan terjadi pembelajaran berwawasan Sosial karena mengandalkan nilai-nilai etika dalam cara pemecahan permasalahan yang dihadapi atau menciptakan *metakognitif problem solving* yang dipelajari.
- c. Membuat siswa menjadi pelajar yang aktif.
- d. Pemecahan masalah dapat membantu siswa untuk mengembangkan pengetahuan bernalnya dan bertambahnya jasa-jasa dalam pembelajaran yang dilakukan, juga dapat mendorong untuk melakukan evaluasi sendiri baik terhadap hasil belajar maupun proses belajar.

Dari penjelasan kelebihan model *Problem Based Learning* di atas terdapat pula kekurangan dari model pembelajaran tersebut, antara lain:

- a. Jika siswa tidak mempunyai kepercayaan bahwa masalah yang dipelajari sulit untuk dipecahkan, maka siswa akan merasa enggan untuk mencoba.

- b. Perlu ditunjang oleh buku yang dapat dijadikan pernahaman dalam kegiatan pembelajaran.
- c. Pembelajaran model *Problem Based Learning* (PBL) membutuhkan waktu yang lama.

3. Pemecahan Masalah

Pemecahan masalah merupakan suatu proses untuk mengatasi kesulitan-kesulitan yang dihadapi untuk mencapai tujuan yang diharapkan. Pemecahan masalah sebagai tujuan, menggunakan alasan mengapa matematika itu diajarkan Barone (Sugiyono, 2016). Pemecahan masalah sebagai proses merupakan suatu kegiatan yang lebih menekankan pada peningkatan prosedur, langkah-langkah strategi yang ditimpah oleh siswa dalam menyampaikan masalah dan akhirnya dapat menentukan jawaban soal belum tentu pada jawaban sendiri.

Pemecahan masalah sebagai suatu keterampilan yang harus dalam menggunakan proses berpikir untuk mendapatkan hasil matematik melalui pengumpulan fakta, sifat-sifat matematik, menggunakan berbagai alternatif pemecahan, dan memilih pemecahan masalah yang paling efektif. Pemecahan masalah (*Problem Solving*) merupakan komponen yang penting dalam proses matematika, misalnya penyelesaiannya. Siswa dimungkinkan memperoleh pengalaman menggunakan pengetahuan serta keterampilan yang sudah dimiliki untuk diterapkan pada pemecahan masalah NCTM (Tanjung dan Nababan, 2019).

Secara umum, dapat dijelaskan pemecahan masalah merupakan proses menerapkan pengetahuan (*knowledge*) yang telah dipelajari siswa sebelumnya ke dalam situasi baru. Pemecahan masalah berarti keikutsertaan dalam suatu tugas

yang metode penyelesaiannya tidak diketahui sebelumnya. Penyelesaian masalah pada dasarnya adalah bagaimana menggunakan metode-metode ilmiah atau berpikir secara sistematis, logis, teratur dan teliti. Menyelesaikan suatu masalah berarti menemukan jalan di mana jalan itu belum pernah diketahui sebelumnya, matematikan jalan keluar dari kesulitan, plus memerlukan rintangan, mendapatkan hasil akhir tidak secara tiba-tiba dengan hasil yang tepat (Tanyang dan Nahabah, 2019).

4. Matematika

Kata matematika berasal dari kata mathein yang berarti ilmu dan pengetahuan (Larousse French-English). Selain itu, kata matematika memiliki arti yang sama dengan kata matematik atau matematika yang artinya bahasa (berpikir). Berdasarkan sifat kosa-kata matematika tersebut maka dapat diambil ilmunya bahwa matematika berisi hasil pengetahuan yang didefinisikan sebagai proses berpikir (berpikir). Matematika tidak membutuhkan berpikiran hasil eksperimen atau observasi melainkan lebih ditekankan pada kegiatan dunia rasa (pemikiran). Hal tersebut terjadi karena pikiran-pikiran matematika memerlukan latihan yang sangat erat dengan ide, proses, dan pemikiran.

Menurut Wann, dkk. (2017) Matematika merupakan proses bermakna, pembentukan karakter dan pola pikir, pembentukan sikap objektif, jujur, sistematis, kritis dan kreatif serta sebagai ilmu pengetahuan dalam pengambilan suatu kesimpulan. Sedangkan menurut Susanto (Putri, dkk. 2019) matematika merupakan salah satu disiplin yang dapat meningkatkan kemampuan berpikir dan berargumentasi, memberikan kontribusi dalam penyelesaian masalah sehari-hari.

Berdasarkan pengertian-pengertian di atas, peneliti menyimpulkan bahwa matematika merupakan ilmu pengetahuan yang diperoleh dengan proses berpikir, berkomunikasi dan dapat digunakan dalam menyelesaikan berbagai persoalan praktis yang unsur-unsurnya logika dan analitis.

5. Masalah Matematis

Pada hakikatnya matematika sering dianggap menjadi suatu bahan dalam kehidupan, akan tetapi harus diakui sebagai cara memunculkan sesuatu yang baru dan menghasilkan pertimbangan yang lebih baik. Masalah pada dasarnya merupakan suatu kembatan atau tantangan yang harus diatasi, atau pertanyaan yang harus dijawab atau dipersepsi. Masalah harus diselesaikan dan dipersepsi oleh manusia dalam kehidupan sehari-hari, atau manusia suatu dalam pemecahan soal (Nurfitriani, 2016). Sebuah masalah tidak hanya terdapat ~~“pertanyaan”~~ dalam bentuk pertanyaan matematika berbentuk bahasa dan harus matematikan cara untuk menjawab ~~“pertanyaan”~~.

Masalah matematis yang tidak sengaja dibangun pada persoalan matematika tetapi dia tidak dapat langsung memberi solusinya. Suatu pertanyaan atau persoalan akan menjadi masalah jika pertanyaan ini memungkinkan adanya suatu tantangan yang tidak dapat dipersepsi oleh suatu prosedur rutin yang sudah diketahui oleh si pelaku. Ketika seorang diberi suatu masalah dan secara langsung mengetahui cara menyelesaiannya dengan bekar maka soal tersebut tidak dapat dikatakan sebagai masalah bagi orang tersebut. Namun sebaliknya, jika seorang belum mampu menyelesaikan permasalahan yang diberikan maka dapat dikatakan bahwa itu adalah suatu masalah bagi dirinya.

6. Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis

Pemecahan masalah tentunya tidak terlepas dari definisi masalah itu sendiri (Amfah dan Nurdyansya, 2021). Masalah adalah suatu kendala yang diakibatkan oleh terjadinya kesenjangan antara kenyataan dengan harapan yang harus dipenuhi dan diperoleh (Nugraha dan Basuki, 2021; dan Nurfitriyanti, 2016). Suatu tugas dianggap sebagai masalah bagi siswa jika siswa tersebut memerlukan minat untuk menyelesaikannya, tugas tersebut belum punya belum memiliki prosedur yang dapat dituliskan secara langsung untuk menyelesaikannya.

Untuk menyelesaikan permasalahan, tidak dilakukan tanpa kemampuan pemecahan masalah matematika yang baik. Kemampuan pemecahan masalah matematika merupakan potensi yang dimiliki oleh siswa atau seseorang untuk menyelesaikan soal cerita, soal non rutin, serta penyelesaian matematika dalam kehidupan sehari-hari (Arikunto dan Lathifa, 2019; Mardiyah dan Suryaningsri, 2021). Kemampuan dalam pemecahan masalah matematika merupakan hal penting yang harus dimiliki semua dan mempunyai salah satu faktor yang mempengaruhi keberhasilan siswa dalam belajar matematika. Maka dari itu, siswa harus diajarkan dan diberi tahu untuk mampu memecahkan suatu permasalahan yang ada.

Menurut Allo, dkk. (2019) kemampuan pemecahan masalah matematika adalah kemampuan siswa untuk mengatasi suatu kesulitan dalam menyelesaikan masalah atau soal matematika. Kemudian menurut Saryantono (Sulistiyani, dkk. 2020) mendefinisikan kemampuan pemecahan masalah merupakan kemampuan siswa untuk menerapkan pengetahuan yang telah dimiliki sebelumnya ke dalam

situasi baru yang belum pernah dihadapi. Kemampuan pemecahan masalah tidak hanya mengandalkan pengetahuan konsep yang telah dimiliki oleh siswa, tetapi juga pemahaman siswa terhadap masalah yang dihadapinya sehingga mereka bisa menentukan pendekatan dan juga strategi untuk memecahkan masalah tersebut.

Proses dalam melestarikan pengetahuan masalah matematis berbeda dengan proses penyelesaian soal matematika lainnya. Apabila jawaban pada soal yang diberikan sangat mudah dan dapat segera diselesaikan, maka soal tersebut termasuk kategori soal rutin dan bukan merupakan soal masalah baru bagi siswa. Sedangkan proses penyelesaian masalah matematis bagi siswa itu dapat berlangsung seiring tantangan yang harus diselesaikan (Hidayah dan Samimiyah, 2018).

Menurut Polya (Hendriana, dkk, 2017) terdapat 4 tahapan kemampuan pemecahan masalah yaitu (1) memahami masalah, (2) merencanakan penyelesaian, (3) melaksanakan rencana penyelesaian, dan (4) memeriksa kembali solusi yang telah diperoleh. Berikut ini penjelasan singkat tahap polya yaitu:

a. Memahami Masalah

Pada tahap ini Polya memberikan arahan kepada siswa bagaimana agar siswa tersebut mampu menentukan apa yang diketahui dan mengetahui apa yang ditanyakan pada soal tersebut. Namun apabila siswa mengalami kegagalan, maka guru dapat memberikan bantuan yaitu dengan cara mereka diberi tahu untuk menggunakan kalimat sendiri untuk menulis apa yang diketahui dan yang ditanyakan pada soal tersebut.

b. Merencanakan Pemecahan

Pada tahap kedua ini kegiatan yang perlu siswa lakukan salah menemui hubungan antara data yang diketahui dengan data yang belum diketahui, langkah ini dapat dilakukan apabila siswa melakukan langkah pertama dengan benar.

c. Melaksanakan Rencana

Tahap ketiga yang dilakukan salah melaksanakan rencana masalah, seperti yang telah dilaksanakan pada langkah kedua. Perkira setiap langkah dan harus dilihat dengan jelas bahwa angka-langkah tersebut sudah benar.

d. Memeriksa Kembali

Kegiatan yang dilakukan pada langkah kesimpulan: Langkah termasuk salah memeriksa kembali hasil yang telah diperoleh dan memeriksa jawaban dengan cara lihat jika hasil tersebut memenuhi cara lain untuk menentukan jawabannya.

Bentuk indikator yang dapat dikenali peserta didik saat dilakukan pada tabel 2.1 secara demikian langkah-langkah Polya

Tabel 2.1 Indikator Pemecahan Masalah

Tahapan Pemecahan Masalah Oleh Polya	Indikator
Memahami Masalah	Siswa dapat mendekati informasi atau data yang dibutuhkan berdasarkan pertanyaan yang diberikan
Merencanakan Pemecahan	Siswa dapat menentukan dan merangangkan bagaimana cara untuk memecahkan masalah beserta alasan penyelesaiannya
Melaksanakan Rencana Pemecahan	Siswa dapat melaksanakan apa yang telah ia rangkap dengan jawaban yang benar
Memeriksa Kembali Pemecahannya	Siswa memeriksa kembali rancangan dan hasil yang telah ia peroleh

Sumber : (Ramadhan, dkk. 2021)



Tabel 1.3 Rubrik Skor Pemecahan Masalah

Indikator Pemecahan Masalah	Skor	Keterangan
Memahami Masalah	0	Tidak mengerti sama sekali masalah yang dimaksud
	1	Tidak mengerti sebagian masalah dengan menyebutkan sebagian apa yang diketahui dan tidak menyebutkan apa yang ditanyakan dari masalah
	2	Mengidentifikasi masalah dengan benar dan tepat
Merencanakan Pemecahan Masalah	0	Tidak merencanakan masalah sama sekali
	1	Merencanakan pemecahan masalah tetapi tidak benar (tidak sama dengan masalah sama sekali)
	2	Merencanakan pemecahan yang dimulai kurang akurasi atau yang benar
Melakukan Rencana Pemecahan Masalah	0	Tidak mampu menyusulkan masalah sama sekali
	1	Menyusulkan masalah tidak semua dengan rancangan
	2	Menyusulkan sebagian dan masalah
Menyelidiki Masalah	3	Menyelidiki masalah kurang tepat
	4	Mampu menyelidiki masalah dengan benar dan tepat
	5	Mampu menyelidiki masalah dengan benar
Menentukan Kondisi Pemecahan Masalah	0	Tidak menggunakan kunci sekali
	1	Dapat menggunakan masalah tetapi kurang tepat
	2	Dapat menyimpulkan masalah dengan tepat

Sumber: (Purnamasari & Setiawan, 2019)

B. Materi Matriks

I. Pengertian Matriks

Matriks adalah kumpulan bilangan, simbol, atau ekspresi, berbentuk persegi panjang yang didefinisikan menurut baris dan kolom. Bilangan-bilangan yang

terdapat di suatu matriks disebut dengan elemen atau anggota matriks. Penemu matriks adalah Arthur Cayley.

Matriks banyak dimanfaatkan untuk menyelesaikan berbagai permasalahan matematika misalkan dalam menentukan solusi sistem persamaan linear, transformasi linear yakni bentuk linear dan fungsi linear contohnya rotasi dalam 3 dimensi. Matriks juga seperti variabel biasa, sehingga matriks pun dapat dimanipulasi misalkan dikalikan, diambil inversnya, serta tidak dapat didekomposisikan. Menggunakan representasi matriks, perhitungan dapat dilakukan dengan lebih terstruktur.

Banyak permasalahan dalam kehidupan yang penyelesaiannya berkait dengan konsep dan struktur-struktur dalam matematika. Secara ilmiah keterkaitan konsep dan prinsip-prinsip matriks dengan permasalahan di sekitar kita yang menyatu/ bersifat-sifat dari faktor-faktor lingkungan hidup kita. Konsep matriks dapat dibangun dengan di dalam penyelesaian permasalahan yang kita hadapi. Untuk itu, silakan cermati gambar mengenai permasalahan-permasalahan-permasalahan yang ditunjukkan.

Coba ikuti perhitungan susunan benda-benda di sekitar kamu! Sebagai contoh, susunan buku di meja, susunan buku di lemari, posisi siswa berbaris di lapangan, susunan keramik lantai, dan lain-lain.



Tentu kalian dapat melihat susunan tersebut dapat berupa pola baris atau kolom, bukan? Bentuk susunan berupa baris dan kolom akan melahirkan konsep matriks yang akan kita pelajari.

Sebagai contoh lainnya adalah susunan angka dalam bentuk tabel. Pada tabel terdapat baris atau horisontal, sementara baris atau kolom berjajar pada ukuran tabel tersebut. Ini adalah susunan yang dikenal dengan sebutan matriks. Agar kita dapat lebih memahami konsepnya perhatikan beberapa contoh di bawah ini.

Selama liburannya anak-anak akan mendapat uang saku. Selain hal-hal yang diminta oleh orangtua, selanjutnya akan dicantumkan dalam tabel berikut. Diketahui harga tiket masuk suatu museum dapat dituliskan sebagai tabel berikut:

Tabel 2.4 Harga Karcis

Golongan	Hari Minggu Libur (Rp.)	Hari Biasa (Rp.)
Anak – anak	2.500	5.000
Dewasa	15.000	10.000

Data tersebut, dapat disajikan kembali tanpa harus di dalam tabel, dengan cara menghilangkan kepala baris dan kepala kolom seperti berikut ini:

Kolom



$$\text{Baris} \rightarrow \begin{bmatrix} 5.000 & 3.000 \\ 15.000 & 10.000 \end{bmatrix}$$

Bentuk penulisan tersebut, menunjukkan terdapat 2 baris dan 2 kolom.

Berdasarkan permasalahan nyata di atas, maka dapat kita simpulkan bahwa:

Matriks adalah susunan bilangan beraturan berupa baris atau persegi panjang yang diatur menurut baris dan kolom dan disusun dalam tanda kurung besar atau kurung saku.

Matriks diberi nama dengan menggunakan huruf kapital seperti A, B, dan C.



Pada bentuk matriks tersebut, terlihat hal-hal sebagai berikut:

1. Banyaknya baris dan kolom matriks A berurut-turut adalah m dan n buah.
2. $a_{11}, a_{12}, a_{13}, \dots, a_{1n}$ = disebut dengan elemen-elemen matriks A.
3. $a_{m,n}$ = elemen A pada baris ke-m, kolom ke-n.

Matriks dalam matematika adalah berkas bilangan, logo atau potongan yang berbentuk empat persegi panjang yang disusun mempunyai baris dan kolom.

Bilangan-bilangan yang ditemukan pada suatu matriks diketahui dengan kaitan atau diketahui dengan juga bagian dari suatu matriks.

Ordo atau ukuran suatu matriks ditentukan oleh banyaknya baris dan banyaknya kolom.

Secara umum berlaku:

Jika matriks A mempunyai m baris dan n kolom maka matriks A berordo $m \times n$ atau ordo matriks A adalah $m \times n$, dimana:

Contoh:

- $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$ disebut Matriks berordo 2×2 , yang memiliki banyaknya baris 2 dan banyaknya kolom 2, dan dimensi 4.
- $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$ disebut Matriks berordo 1×3 , yang secara memungkinkan banyaknya baris 1 dan banyaknya kolom 3, dan dimensi 3.
- $C = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 4 \\ 5 & 5 & 10 \\ -6 & 7 & -2 \end{bmatrix}$ disebut Matriks berordo 3×3 , yang secara memungkinkan banyaknya baris 3 dan banyaknya kolom 3, dan dimensi 9.

2. Jenis-jenis Matriks

- Matriks Baris, yaitu yang hanya mempunyai satu baris saja dan banyaknya kolom n , mempunyai orde $1 \times n$.

Contoh : $P_{1,3} = (2 \quad 3 \quad 4)$

- Matriks Kolom, yaitu matriks yang hanya mempunyai satu kolom saja dan banyaknya baris m , mempunyai orde $m \times 1$.

Contoh : $Q_{4 \times 1} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 3 \\ -1 \end{bmatrix}$

- 3) Matriks Persegi Panjang, yaitu matriks yang banyaknya baris tidak sama dengan banyaknya kolom, mempunyai orde $m \times n$

Contoh : $R_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} 2 & 4 & -5 \\ 0 & 3 & -1 \end{bmatrix}$ atau $R_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 6 & 7 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$

- 4) Matriks Persegi atau Matris Bujur Sangkar, yaitu matriks yang mempunyai banyaknya baris sama dengan banyaknya kolom, mempunyai orde $n \times n$

Contoh : $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ matriks persegi berorde 2×2

$$\begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 0 & -8 & 3 \\ -5 & 9 & 1 \end{bmatrix}$$
 atau $\begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 0 & -8 & 3 \\ -5 & 9 & 1 \end{bmatrix}$

- 5) Matriks Diagonal, yaitu matriks persegi berorde $n \times n$, dengan semua elemen di luar diagonal utamanya bernilai nol

Contoh :

$$A_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Diagonal Utama

- 6) Matriks Segitiga Atas, yaitu matriks persegi $n \times n$, dan semua elemen-elemen di bawah diagonal utamanya bernilai nol

Contoh:

$$A_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 3 & * & -1 \\ 0 & 2 & 5 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- 7) Matriks Segitiga Bawah, yaitu matriks persegi $n \times n$, dan semua elemen di atas diagonal utamanya bernilai nol

$$A_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 4 & 7 & 0 \\ 5 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

- 8) Matriks Identitas (matriks satuan), yaitu matriks diagonal dengan ordo $n \times n$, dan semua elemen pada diagonal utamanya bernilai satu, ditandai dengan huruf "I"

Contoh:
 $I_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

Elemen diagonal utamanya bernilai 1

- 9) Matriks Nol, yaitu matriks berordo $m \times n$ dengan semua elemennya bernilai nol

Contoh: $A_{2 \times 3} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$

3. Kesamaan Matriks

Matriks A dan matriks B dikatakan sama jika dan hanya jika:

- Ordo matriks A sama dengan ordo matriks B
- Semua elemen yang seletak pada matriks A dan matriks B nilainya sama

4. Operasi Matriks

a. Penjumlahan Matriks

Toko kue berkompetisi untuk merealisasikan usaha di dua kota yang berbeda. Manajer produksi ingin mengetahui data biaya yang akan diperlukan. Biaya untuk membuat produk kue seperti pada tabel berikut.

Tabel 2.5 Biaya Toko di Kota A (dalam Rupiah)

	Bromo	Batu Ambon
Bahan kue	1.000.000	1.200.000
Julu manis-kue	2.000.000	3.000.000

Tabel 2.6 Biaya Toko di Kota B (dalam Rupiah)

	Bromo	Batu Ambon
Bahan kue	1.500.000	1.700.000
Julu manis-kue	3.000.000	3.500.000

Berapa total biaya yang diperlukan oleh kedua toko kue?

Alternatif penyelesaian:

Jika kita misalkan matriks biaya di Kota A sebagai matriks A dan matriks biaya di Kota b sebagai matriks B, maka matriks biaya kedua toko disajikan sebagai berikut:

$$A = \begin{bmatrix} 1.000.000 & 1.200.000 \\ 2.000.000 & 3.000.000 \end{bmatrix} \text{ dan } B = \begin{bmatrix} 1.500.000 & 1.700.000 \\ 3.000.000 & 3.500.000 \end{bmatrix}$$

Total biaya yang dikeluarikan oleh kedua Toko tersebut dapat diperolah sebagai berikut:

- Total biaya bahan untuk brownies = $1.000.000 \div 1.500.000 = 2.700.000$
- Total biaya bahan untuk kue Ambon = $1.200.000 \div 1.700.000 = 2.900.000$
- Total biaya chef untuk brownies = $1.000.000 \div 3.000.000 = 5.000.000$
- Total biaya chef untuk kue Ambon = $1.000.000 \div 3.500.000 = 6.500.000$

Kemudian total biaya tersebut dapat dituliskan dalam matriks sederhana sebagai berikut:

Total Biaya Untuk Kedua Toko (dalam Rupiah)

	Brownies	Bika Ambon
Bahan	2.700.000	2.900.000
Chef	5.000.000	6.500.000

Total biaya pada tabel di atas dapat dijumlahkan dengan menggunakan metode

dan 5.

$$\begin{aligned}
 A + B &= \begin{bmatrix} 1.000.000 & 1.200.000 \\ 2.000.000 & 3.000.000 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1.500.000 & 1.700.000 \\ 3.000.000 & 3.500.000 \end{bmatrix} \\
 &= \begin{bmatrix} 1.000.000 + 1.500.000 & 1.200.000 + 1.700.000 \\ 2.000.000 + 3.000.000 & 3.000.000 + 3.500.000 \end{bmatrix} \\
 &= \begin{bmatrix} 2.500.000 & 2.900.000 \\ 5.000.000 & 6.500.000 \end{bmatrix} \\
 &= \begin{bmatrix} 5.000.000 & 6.500.000 \end{bmatrix}
 \end{aligned}$$

Pengjumlahan kedua matriks biaya di atas dapat disampaikan bahwa keduanya matriks biaya memiliki ordo yang sama, yaitu 2×2 . Seandainya ordo kedua matriks biaya tersebut berbeda, kita tidak dapat melakukannya operasi pengjumlahan terhadap matriks kedua matriks.

Apabila dua buah matriks memiliki ordo yang sama, pengjumlahan dua matriks itu adalah penjumlahan elemen-elemen yang seletak pada kedua matriks itu.

Contoh :

$$\text{Diketahui matriks } A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 0 \end{bmatrix} \text{ dan } B = \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\text{Maka } A + B = \begin{bmatrix} 2+3 & 3+(-1) \\ 6+4 & 0+2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 10 & 2 \end{bmatrix}$$

b. Pengurangan Matriks:

Pengurangan dua matriks ~~merupakan~~ ~~merupakan~~ sama dengan pengjumlahan antara dua matriks, apabila dua buah matriks memiliki ordo yang sama, pengurangan dua matriks merupakan perbedaan elemen-elemen yang seletak pada kedua matriks, atau ~~adalah~~ pengjumlahan dua matriks dengan lawannya.

Contoh :

$$\text{Diketahui matriks } A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 0 \end{bmatrix} \text{ dan } B = \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\text{Maka } A - B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2-5 & 3-(-1) \\ 6-4 & 0-2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 4 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}$$

$$\text{Atau } A - B = A + (-B) = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -5 & 1 \\ -4 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2-5 & 3-(-1) \\ 6-4 & 0-2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 4 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}$$

c. Perkalian Skalar Matriks:

Perkalian bilangan real (*skalar*) k dengan matriks A ditulis kA adalah sebuah matriks baru yang didapat dengan mengalikan setiap elemen matriks A dengan k .

$$\text{Misalkan } A_{m,n} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \cdots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \cdots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

$$\text{Maka } kA_{m,n} = \begin{bmatrix} k\alpha_{11} & k\alpha_{12} & k\alpha_{13} & \cdots & k\alpha_{1n} \\ k\alpha_{21} & k\alpha_{22} & k\alpha_{23} & \cdots & k\alpha_{2n} \\ k\alpha_{31} & k\alpha_{32} & k\alpha_{33} & \cdots & k\alpha_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ k\alpha_{m1} & k\alpha_{m2} & k\alpha_{m3} & \cdots & k\alpha_{mn} \end{bmatrix}$$

jika matriks A dan B berordo sama, dan $k, m \in \mathbb{R}$ (bilangan Real), maka berlaku sifat-sifat:

1. $kA = Ak$
2. $(k+m)A = kA + mA$
3. $k(A + B) = kA + kB$
4. $k(mA) = (km)A$

Cariilah :

1. Jika $P = \begin{bmatrix} 5 & -3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$ tentukan
- a. $2P$
- b. $-4P$

Jawaban

$$a. 2P = 2 \begin{bmatrix} 5 & -3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2(5) & 2(-3) \\ 2(2) & 2(4) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 & -6 \\ 4 & 8 \end{bmatrix}$$

$$b. -4P = -4 \begin{bmatrix} 5 & -3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4(5) & -4(-3) \\ -4(2) & -4(4) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -20 & 12 \\ -8 & -16 \end{bmatrix}$$

2. Diketahui $A = \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 1 & -5 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}$ dan $B = \begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 3 & 0 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$ tentukanlah

- a. $3A$
- b. $4A + B$

Jawaban

$$a. 3A = 3 \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 1 & -5 \\ -2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3(4) & 3(0) \\ 3(1) & 3(-5) \\ 3(-2) & 3(3) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 & 0 \\ 3 & -15 \\ -6 & 9 \end{bmatrix}$$

$$b. 4A + B = 4 \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 1 & -5 \\ -2 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 3 & 0 \\ 2 & 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4(4) & 4(0) \\ 4(1) & 4(-5) \\ 4(-2) & 4(3) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 3 & 0 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 16 & 0 \\ 4 & -20 \\ -8 & 12 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 3 & 0 \\ 2 & 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 18 & -6 \\ 7 & -12 \\ -6 & 9 \end{bmatrix}$$

d. Perkalian Matriks:

Dalam matriks, perkalian tidak hanya antara matriks dengan bilangan real. Bisa juga mengalikan matriks dengan matriks. Jika ingin menyelesaikan perkalian antara dua matriks, caranya dapat dilihat dari gambar berikut ini:

Misal $A = \begin{pmatrix} p & q \\ r & s \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$, maka

Artinya, hasil perkalian antara dua matriks bisa pada matriks pertama dikalikan dengan bilangan matriks kedua.

Cocok :

Diketahui toko sayur, Fira dan Reimi membeli sawi dan kangkung. Ami membeli 3 ikat sawi dan 1 ikat kangkung. Sedangkan Reimi membeli 2 ikat sawi, 2 ikat kangkung. Jika harga sawi satunya Rp5.000,00 dan harga kangkung per ikat Rp2.000,00. Berapa uang yang harus mereka bayarkan?

Penyelesaian:

Jumlah sayur yang dibeli Fira dan reimi dapat dituliskan ke dalam bentuk matriks berikut ini:

$$\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$$

Selanjutnya, harga sayur dan ikan juga dimasukkan ke dalam bentuk matriks.

$$\begin{bmatrix} 5.000 \\ 2.000 \end{bmatrix}$$

Setelah manusia menulis bentuk matriksnya, kaliakan dua matriks tersebut dengan cara yang sama pada perkalian pada penjumlahan di atas.

$$\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5.000 \\ 2.000 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3(5.000) + 1(2.000) \\ 2(5.000) + 2(2.000) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 15.000 + 2.000 \\ 10.000 + 4.000 \end{bmatrix} =$$

$$\begin{bmatrix} 17.000 \\ 14.000 \end{bmatrix}$$

Dapat diperoleh banyak uang yang harus Pria dan Rama bayarkan. Jadi, Pria harus membayar sebesar Rp 17.000,00 dan Rama Rp 14.000,00.

Jadi, dapat dinyatakan operasi perkalian terhadap dua matriks dapat dilakukan jika banyaknya baris pada matriks A sama dengan banyaknya kolom pada matriks B. banyak perkalian akan berlaku jika setiap elaman baris ke-n pada matriks A sedangkan dikalikan dengan setiap elemen kolom ke-n pada matriks B.

Sehingga jika kita misalkan Matriks $A_{m \times n}$ dan Matriks $B_{n \times p}$, matriks A dapat dikalikan dengan matriks B jika banyaknya kolom pada matriks A sama dengan banyaknya baris pada matriks B.

5. Transpose Matriks

Transpose dari suatu matriks A berordo $m \times n$ adalah sebuah matriks baru yang berordo $n \times m$ yang diperoleh dengan cara menukar elemen-elemen baris menjadi elemen-elemen kolom dan sebaliknya.

Transpose suatu matriks dituliskan dengan A^T .

$A_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 5 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$ Transpose matriks A dinotasikan $A^T_{2 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 3 \\ 2 & 5 & 6 \end{bmatrix}$ dengan.

Contoh :

- Jika Matriks $A_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$ maka matriks transposenya adalah $A^T_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$
- Jika Matriks $B_{2 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$ maka matriks transposenya adalah $B^T_{3 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$
- Maka Matriks $C_{2 \times 2} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ maka matriks transposenya adalah $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

6. Determinan Matriks

1) Determinan Matriks berordo 2×2

Cermati permasalahan berikut ini:

Riska dan teman-temannya 3 matematikus sekolah. Untuk memesan 5 ayam perayek dan 3 gule es jeruk. Tak lama kemudian Anton dan teman-temananya datang membacakan 5 potong ayam perayek dan 3 gule es jeruk. Riska menanyakan Andi menggunakan harga satu potong ayam perayek dan harga es jeruk pergelas, jika Riska harus membayar Rp 70.000,00 untuk semua pesanananya dan Anton harus membayar Rp 15.000,00 untuk semua pesanananya.

Alternatif Penyelesaian:

Cara I

Bentuk sistem persamaan linear dari masalah tersebut, lalu selesaikan dengan matriks.

Misalkan x = harga ayam per satuan

y = harga es jeruk per gelas

Sistem persamaan liniernya, $3x + 2y = 70.000$

$$5x + 3y = 115.000$$

Dalam bentuk matriks adalah sebagai berikut

$$\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 5 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 70.000 \\ 115.000 \end{bmatrix}$$

Ingin tahu lebih lanjut tentang Sistem Persamaan Linear Dua Variabel

$$ax + by = r$$

$$cx + dy = s$$

seperti disajikan dalam bentuk matriks sebagai berikut:

$$\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r \\ s \end{bmatrix} \text{ solusi persamaan tersebut adalah:}$$

$$x = \frac{rs - rt}{ad - bc} \text{ dan } y = \frac{rt - rs}{ad - bc}, ad \neq bc$$

Cara II

Dalam konsep matriks $ad - bc$ disebut dengan determinan matriks berordo 2×2

seperti matriks A berordo 2×2 , yaitu $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ maka determinan dari matriks A didefinisikan sebagai:

$$|A| = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$$

Determinan dari suatu matriks persegi A ditentukan dengan $\det A$ atau $|A|$, oleh karena itu nilai x dan y pada persamaan di atas dapat ditulis menjadi

$$x = \frac{\begin{vmatrix} a & b \\ d & c \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} a & c \\ b & d \end{vmatrix}} \text{ dan } y = \frac{\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} a & c \\ b & d \end{vmatrix}} \text{ dengan syarat } \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} \neq 0$$

$$x = \frac{\begin{vmatrix} 10 & 5 \\ 12 & 8 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & 8 \\ 12 & 6 \end{vmatrix}} = \frac{10 \cdot 8 - 12 \cdot 5}{10 \cdot 6 - 12 \cdot 8} = \frac{80 - 60}{60 - 96} = \frac{20}{-36} = -\frac{5}{9} = 20.000$$

dan

$$y = \frac{\begin{vmatrix} 10 & 5 \\ 8 & 6 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & 8 \\ 12 & 6 \end{vmatrix}} = \frac{10 \cdot 6 - 8 \cdot 5}{10 \cdot 6 - 12 \cdot 8} = \frac{60 - 40}{60 - 96} = \frac{20}{-36} = -\frac{5}{9} = 5.000$$

Jadi harga satuan penyelesaian perusahaan (x) adalah Rp 20.000,00 dan harga satuan per gelasnya (y) adalah Rp 5.000,00.

2) Determinan Matriks Berordo 3x3

Cermatilah permasalahan berikut:

Sebuah perusahaan penerbangan mempunyai persediaan uang tunai ke negara A, perusahaan tersebut mempunyai tiga jenis pesawat yaitu Airbus 100, Airbus 200, dan Airbus 300. Setiap pesawat dilengkapi dengan kursi penumpang untuk kelas turis, ekonomi, dan VIP. Jumlah kursi penumpang dan tiga jenis pesawat tersebut disajikan pada tabel berikut.

Kategori	Airbus 100	Airbus 200	Airbus 300
Kelas Turis	50	75	40
Kelas Ekonomi	30	45	25

Kelas VIP	32	50	50
-----------	----	----	----

Perusahaan telah mendaftar jumlah penumpang yang mengikuti perjalanan wisata ke negara A seperti pada tabel berikut

Kategori	Jumlah Penumpang
Kelas Turis	305
Kelas Ekonomi	185
Kelas VIP	206

Berapa banyak pesawat jenis Airbus yang dipesan untuk perjalanan tersebut?

Pembahasan

Untuk menyelesaikan soal ini kita lakukan persediaan sebagai berikut:

$$x = \text{banyaknya pesawat Airbus 300}$$

$$y = \text{banyaknya pesawat Airbus 200}$$

$$z = \text{banyaknya pesawat Airbus 300}$$

Sistem persamaan yang terbentuk adalah

$$50x + 75y + 40z = 305$$

$$30x + 45y + 25z = 185$$

$$32x + 50y + 30z = 206$$

Apabila kita tuliskan dalam bentuk matriks, maka persamaan matrikanya adalah:

$$\begin{bmatrix} 50 & 75 & 40 \\ 30 & 45 & 25 \\ 32 & 50 & 30 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 305 \\ 185 \\ 206 \end{bmatrix}$$

Sebelum ditentukan penyelesaian masalah di atas, terlebih dahulu kita harus periksa apakah matriks A adalah matriks tak singular (Non singular)

- Matriks Singular adalah Matriks yang determinananya sama dengan Nol dan tidak mempunyai matriks inversnya
- Matriks Non singular adalah matriks yang determinannya tidak sama dengan Nol, dan mempunyai matriks inversnya

Untuk pembahasan kita kali ini kita hanya akan membahas tentang menghitung determinan matriks yang berordo 3×3 dengan metoda Sarrus. Baik sebelum kita lanjut ke materi pokoknya, kita berkampli dulu dengan struktur matriks berordo 3×3 . Apa sih yang dimaksud dengan matriks yang berordo 3×3 ? Matriks 3×3 artinya matriks yang jumlah barunya setidaknya tiga dan jumlah kolonya juga sebanyak tiga. Secara lengkap matriks 3×3 bisa dituliskan di bawah ini:

$$A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}$$

Atau jika dituliskan dalam bentuk piontar bentuk diagonalnya maka penulisan matriks A ditulis dapat dituliskan dengan

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$$

Dan untuk mencari determinannya maka matriks di atas kita keluarikan dua kolom pertama yaitu kolom pertama dan kolom kedua kita keluarikan menjadi

$$|A| = \begin{array}{c} \left| \begin{array}{ccc} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{array} \right| \\ \rightarrow \end{array} \begin{array}{c} \left| \begin{array}{cc} a & b \\ d & e \end{array} \right| + \left| \begin{array}{cc} a & c \\ d & f \end{array} \right| + \left| \begin{array}{cc} b & c \\ e & f \end{array} \right| \\ + \end{array}$$

$$\text{Det } A = |A| = (a_1a_2a_3 + b_1b_2b_3 + c_1c_2c_3) - (a_3a_2a_1 + b_3b_2b_1 + c_3c_2c_1)$$

Setelah dua kolom pertama tadi kita kelurikin, kemudian kita tarik garis diagonal yang menghubungkan tiga tiga elemen seperti gambar. Garis yang rebah dari kiri atas ke kanan bawah kita berikan tanda "+" plus, dan sebaliknya garis diagonal yang rebah dari kanan atas ke kiri bawah kita berikan tanda "-" minus.

Selanjutnya determinan dihitung dengan mengalihcanggung zaris yang segerak - maksudnya berada dalam satu garis diagonal + dan mempunyai tanda sesuai dengan tanda dibaliknya sama.

Kehilanganya abstrak sejauh ini kita perhatikan bahwa - menurutnya saja. Demikian kita langsung saja sekarang kita lihat dan selesaikan soal pemecahan sistem di atas dengan persamaan matriks:

$$\begin{bmatrix} 50 & 75 & 40 \\ 30 & 45 & 25 \\ 132 & 50 & 30 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 30 \\ 18 \\ 108 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 50 & 75 & 40 & 50 & 75 \\ 30 & 45 & 25 & 30 & 45 \\ 132 & 50 & 30 & 132 & 50 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} A = \begin{bmatrix} 50 & 75 & 40 \\ 30 & 45 & 25 \\ 132 & 50 & 30 \end{bmatrix} &= ((30 \times 45 \times 30) + (75 \times 25 \times 32)) - (40 \times 30 \times 50) \\ &= ((40 \times 45 \times 32) + (50 \times 25 \times 30)) - (75 \times 30 \times 30) \end{aligned}$$

$$= (67.500 + 60.000 + 60.000) - (57.600 + 62.500 + 67.500)$$

$$= 187.500 - 187.600$$

$$= -100$$

Untuk menentukan nilai x, y, dan z kita akan menggunakan determinan matriks sebagai cara menyelesaikan permasalahan tersebut.

$$\Delta X = \begin{vmatrix} 305 & 75 & 40 \\ 185 & 45 & 25 \\ 32 & 50 & 30 \end{vmatrix}$$

$$= ((305 \times 45 \times 30) + (75 \times 25 \times 206) + (40 \times 185 \times 50)) - ((40 \times 45 \times 206) + (305 \times 25 \times 50) + (75 \times 185 \times 30))$$

$$= (411.750 + 386.250 - 370.000) + (770.000 + 351.250 - 416.250)$$

$$= 1.168.000 - 1.168.300$$

$$= -300$$

$$\Delta Y = \begin{vmatrix} 50 & 305 & 40 \\ 30 & 185 & 25 \\ 32 & 206 & 30 \end{vmatrix}$$

$$= ((50 \times 185 \times 30) + (30 \times 25 \times 32) + (40 \times 30 \times 206)) - ((40 \times 185 \times 30) + (50 \times 25 \times 206) + (305 \times 185 \times 30))$$

$$= (277.500 + 244.000 - 247.200) + (336.000 + 257.500 - 274.500)$$

$$= 768.700 - 768.300$$

$$= -100$$

$$\Delta Z = \begin{vmatrix} 50 & 75 & 305 \\ 30 & 45 & 185 \\ 32 & 50 & 206 \end{vmatrix}$$

$$= ((50 \times 45 \times 206) + (75 \times 185 \times 32) + (305 \times 30 \times 50)) - ((305 \times 45 \times 32) + (50 \times 185 \times 50) + (75 \times 30 \times 206))$$

$$= (463.500 + 444.000 - 457.500) + (439.200 + 462.500 - 463.500)$$

$$= 1.365.000 : 1.365.200$$

$$x = \frac{\Delta X}{A} = \frac{\begin{vmatrix} 705 & 75 & 40 \\ 685 & 45 & 25 \\ 205 & 50 & 30 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 700 & 75 & 40 \\ 680 & 45 & 25 \\ 200 & 50 & 30 \end{vmatrix}} = \frac{-100}{-100} = 1$$

$$y = \frac{\Delta Y}{A} = \frac{\begin{vmatrix} 50 & 705 & 40 \\ 30 & 685 & 25 \\ 30 & 205 & 30 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 50 & 75 & 40 \\ 30 & 45 & 25 \\ 30 & 50 & 30 \end{vmatrix}} = \frac{-100}{-100} = 1$$

$$= -200$$

Selanjutnya dari hasil perhitungan dengan menggunakan determinan diperoleh hasilnya. Sepakbola pertama A buku 100 yang disediakan sebanyak 3 unit, bersebalahan sebanyak A buku 200 yang disediakan sebanyak 1 unit dan bersebalahan sebanyak A buku 300 yang disediakan sebanyak 2 unit.

7. Invers Matriks

Selain dengan menggunakan metode determinan, kita bisa menentukan nilai x dan y permasalahan dengan metode Invers Matriks.

Apakah Invers Matriks itu?

Invers matriks A adalah sebuah matriks baru yang merupakan kebalikan dari matriks A dan apabila dikalikan antara matriks A dengan kebalikannya akan menghasilkan matriks identitas.

Invers matriks A dituliskan dengan A^{-1}

- Invers dari matriks A yang mempunyai ordo 2×2 $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ adalah

$$A^{-1} = \frac{1}{\det A} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

- Invers dari matriks A yang mempunyai ordo 3×3 $A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}$ adalah $A^{-1} = \frac{1}{\det A} \text{ Adj } A$

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{-10} \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ -5 & 2 & 3 \\ 1 & -3 & 2 \end{bmatrix} \\ &= \frac{1}{-10} \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ -5 & 2 & 3 \\ 1 & -3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 2 & -1 \\ 5 & -2 & -3 \\ -1 & 3 & -2 \end{bmatrix} \\ &\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = A^{-1} \begin{bmatrix} 70.000 \\ 115.000 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ 5 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 70.000 \\ 115.000 \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} (-3)(70.000) + 2(115.000) \\ 5(70.000) - 2(-3)(115.000) \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 210.000 + 230.000 \\ 350.000 + 690.000 \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} 440.000 \\ 1040.000 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20.000 \\ 5.000 \end{bmatrix} \text{ sehingga nilai } x = 20.000 \text{ dan } y = 5.000$$

Dengan demikian jawaban untuk permasalahan di atas diselesaikan dengan dua metode (cara) yaitu dengan metode (cara) determinan dan dengan metode (cara) invers yang menghasilkan nilai atau jawaban yang sama.

C. Kerangka Berpikir

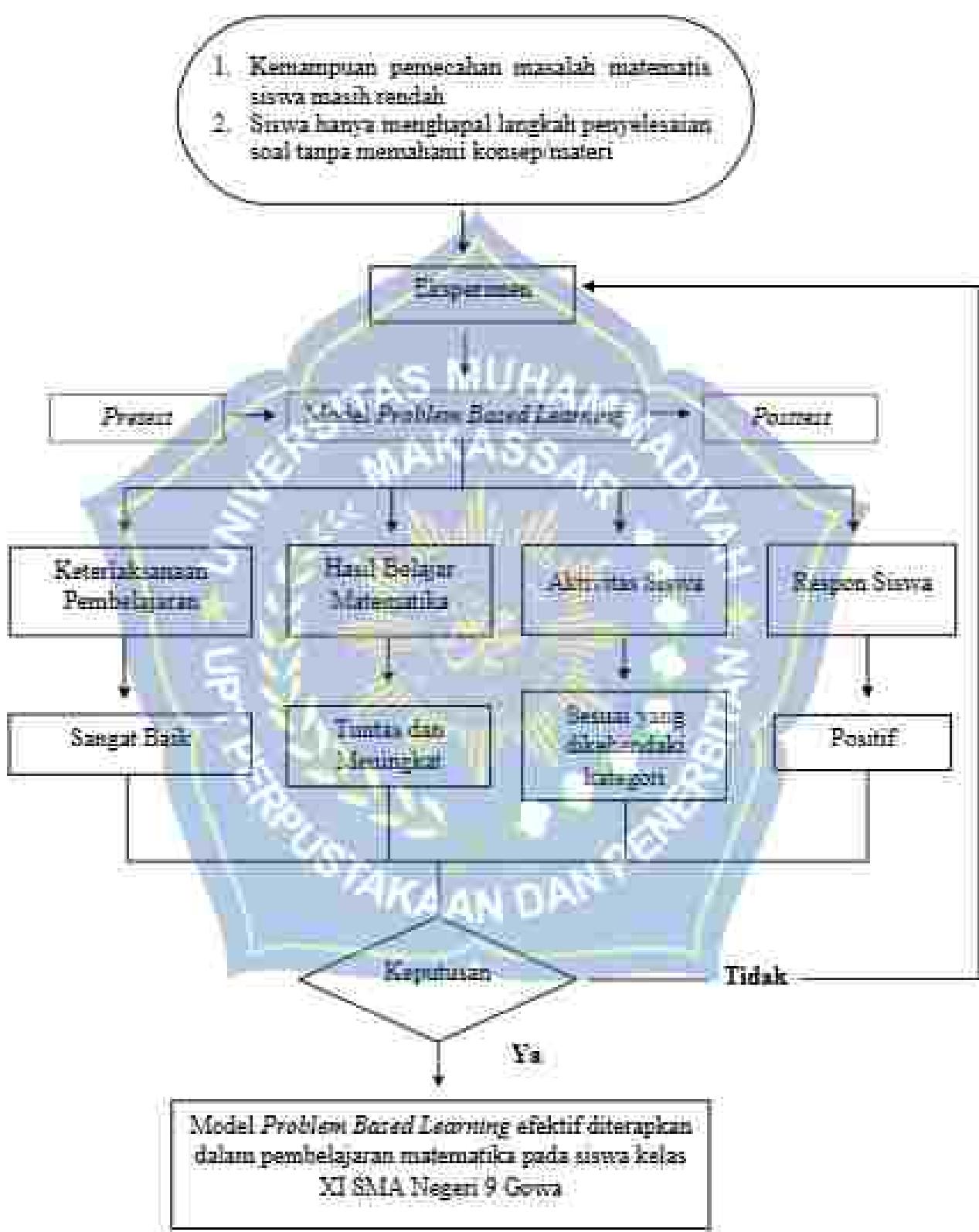
Rendahnya kemampuan pemecahan masalah matematika siswa disebabkan oleh proses pembelajaran matematika yang kurang memfasilitasi kemampuan pemecahan masalah. Siswa terbiasa menghafal definisi, teorema dan rumus-rumus matematika. Hal ini membuktikan bahwa siswa cenderung menghafalkan konsep-konsep matematika dan definisi tanpa memahami makna di baliknya. Kecenderungan tersebut berdampak pada hasil belajar matematika yang kurang memukau dan spesial indikator rendahnya kemampuan pemecahan masalah matematika siswa.

Model pembelajaran yang diterapkan guru adalah teknik metode-metode keberhasilan dalam proses belajar mengajar. Penulisan model pembelajaran yang tidak tepat dapat memberikan motivasi dan minat belajar siswa sehingga tujuan pembelajaran tidak tercapai secara optimal. Apabila ilmuji lebih banyak berlatihkan hasil yang telah dia miliki akan ada akhirnya peningkatan aktivitas guru, kenyamanan peserta didik, dan sebagainya di sekolah adalah pengembangan model Problem-Based Learning (PBL).

Model Problem Based Learning adalah pembelajaran yang dimulai dengan pemberian masalah kepada siswa dan siswa dimotivasi untuk melakukan penyelidikan sampai dengan menganalisa sehingga memperoleh hasil penyelesaian. Dengan diterapkannya model ini, siswa didorong untuk terlibat secara aktif dalam proses pembelajaran. Selain itu, dengan penyajian masalah yang nyata dikurangkan siswa lebih mudah dalam melakukan penyelidikan baik secara mandiri maupun kelompok.

Oleh karena itu, model *Problem Based Learning* (PBL) diharapkan mampu memberikan peningkatan dalam ketuntasan kemampuan pemecahan masalah matematis siswa, aktivitas siswa mampu respon siswa terhadap pembelajaran matematika. Sehingga model *Problem Based Learning* (PBL) efektif diterapkan pada pembelajaran matematika.





Gambar 1.1 Bagan Kerangka Pikir

D. Hasil Penelitian Relevan

Tabel 1.8 Hasil Penelitian Relevan

No	Nama Peneliti	Jenis Penelitian	Pengamatan	Perbedaan
1	Indriyati, dkk (2019)	1. Pembelajaran PBL lebih baik daripada model pembelajaran koarvensional terhadap kemampuan pemecahan masalah matematika siswa. 2. Kemampuan pemecahan masalah matematika siswa yang menggunakan model PBL dapat meningkatkan kreativitas matematik dan individual matematis kritis. 3. Tingkat pengaruh sebaliknya terhadap ketuntasan pembelajaran matematika siswa yang menggunakan model pembelajaran PBL.	1. Sama-sama menggunakan model Problem Based Learning (PBL). 2. Sama-sama menjalankan pendekatan Shallow.	1. Jenis penelitian quasi eksperimen sedangkan penelitian yang dilakukan jalinan pre-eksperimen. Dalam penelitian ini adalah <i>Format Only Control Design</i> sehingga penelitian yang dilakukan One Group Pretest-Posttest Model. Maka trigonometri sedangkan mutu yang digunakan peneliti menggunakan matrika.
2	Harapah & Khatirunisa (2018)	Hasil penelitian menunjukkan bahwa pembelajaran matematika dengan menggunakan model Problem Based learning pada siswa kelas X IPA 1 SMA Muhammadiyah 1	1. Sama-sama menggunakan model Problem Based Learning. 2. Sama-sama menjalankan pendekatan yang akan dilakukan	1. Jenis Penelitian Tindakan Kelas (PTK) sedangkan penelitian yang akan dilakukan

		<p>Medan TP ajaran 2018/2019, efektif terhadap hasil belajar matematika ditunjuk dan penggunaan siswa aktivitas siswa, kemampuan guru mengelola pembelajaran, dan respon siswa.</p>	<p>pendidikan SMA</p>	<p>menggunakan jenis penelitian <i>Pre Experimental Design</i></p>
3	Rahmawati, dkk (2019)	<p>1. Kemampuan pemecahan masalah matematis siswa yang menggunakan model PBL lebih baik daripada model klasikal 2. Kemampuan pemecahan masalah matematis siswa yang mendapatkan model PBL melebihi KKM. 3. Tingkat partisipasi rata-rata kerangka pemecahan masalah matematis siswa yang menggunakan model PBL dan model klasikal. 4. Tingkat pengaruh positif antara kesiabilitas dengan kemampuan pemecahan masalah matematis siswa yang menggunakan model PBL.</p>	<p>Siswa-Siswi menggunakan model Problem Based Learning</p>	<p>1. Jenis penelitian <i>True Experimental Design</i> sedangkan penelitian yang akan dilakukan jenis penelitian <i>Pre Experimental Design</i> dengan <i>Post test Only Control Design</i> sedangkan desain penelitian yang dilakukan <i>One Group Pretest posttest</i>. 2. Jenjang pendidikan SMP sedangkan penelitian yang dilakukan jenjang pendidikan SMA.</p>

E. Hipotesis Penelitian

Berdasarkan kajian teori dan kerangka pikir, maka hipotesis dari penelitian ini dirumuskan dalam hipotesis mayor dan minor sebagai berikut:

1. Hipotesis Mayor

Model *Problem Based Learning* efektif diterapkan dalam pembelajaran matematika pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gorontalo.

2. Hipotesis Minor

a. Hasil Belajar Matematika

- Rata-rata hasil belajar matematika siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gorontalo setelah diterapkan model *Problem Based Learning* minimal sama dengan KKM 75, dengan tingkat signifikansi $\alpha = 0,05$.

$$H_0: \mu_1 < 75 \text{ lawan } H_1: \mu_1 \geq 75$$

Keterangan:

μ_1 = parameter hasil belajar matematika siswa

- Rata-rata gain temortalisasi minimal dalam kategori sedang dengan nilai gain temortalisasi lebih dari 0,3 dengan tingkat signifikansi $\alpha = 0,05$.

$$H_0: \mu_1 < 0,3 \text{ lawan } H_1: \mu_1 \geq 0,3$$

Keterangan:

μ_1 = Parameter rata-rata perungkatan hasil belajar siswa (rata-rata gain temortalisasi)

- Ketuntasan belajar siswa setelah diberi perlakuan model *Problem Based Learning* secara klasikal minimal 75%.

$$H_0: \pi < 73\% \quad \text{lawan} \quad H_1: \pi \geq 73\%$$

Keterangan:

π = Parameter ketuntasan klasikal

- b. Rata-rata aktifitas siswa dalam proses pembelajaran melalui model *Problem Based Learning* berada pada katagori aktif, yaitu persentase jumlah siswa yang aktif $\geq 73\%$.
- c. Respon siswa terhadap pembelajaran matematika model *Problem Based Learning*



BAB III

METODE PENELITIAN

A. Jenis Penelitian

Jenis penelitian ini merupakan penelitian *Pre-experimental design*. Penelitian pra eksperimen merupakan penelitian yang hanya melibatkan satu kelompok atau satu kelas sebagai objek observasi dengan tujuan untuk mengetahui efektivitas penerapan model *Problem Based Learning* dalam pembelajaran matematika pada kelas XI SMA Negeri 9 Gowa.

B. Lokasi Penelitian

Lokasi penelitian ini dilaksanakan di UPT SMA Negeri 9 Gowa. Lokasi penelitian ini berada di Jl. Beso Dg. Nggingle, Matanglin, Kec. Palangga, Kabupaten Gowa, Sulawesi Selatan.

C. Populasi dan Sampel Penelitian

1. Populasi

Adapun populasi dalam penelitian ini adalah seluruh siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa tahun ajaran 2023/2024 yang terdiri atas 7 kelas dan jumlah siswa sebanyak 241 siswa.

Tabel 3.1 Populasi Siswa Kelas XI SMA Negeri 9 Gowa

Kelas	Jumlah Siswa
XI MIPA 1	34 Siswa
XI MIPA 2	36 Siswa
XI MIPA 3	35 Siswa
XI MIPA 4	36 Siswa
XI MIPA 5	32 Orang
XI MIPA 6	34 Orang
XI MIPA 7	34 Orang
Jumlah	241 Orang

1. Sampel

Sampel dalam penelitian ini adalah kelas XI MIPA SMA Negeri 9 Gorontalo. Teknik pengambilan sampel yang digunakan dalam penelitian ini yaitu cluster random sampling yaitu mencantumkan satu kelas secara acak dari total 7 kelas.

D. Desain Penelitian

Desain yang digunakan pada penelitian ini adalah one group pretest-posttest design yang termasuk penelitian pre-experimental. Desain ini digunakan karena penelitian hanya memfokuskan satu kelompok saja tanpa adanya kelompok pembanding. Sebelum diberi perlakuan, kelompok tersebut akan diuji pretest untuk mengetahui kondisi awal (O). Setelahnya kelompok tersebut diberi perlakuan berupa pengajaran melalui model Problem Based Learning dan setelah perlakuan kelompok diberi tes kembali sebagai tanda nilai posttest (O₂).

Tabel 3.1 One Group Pretest-Posttest Design

Pretest	Treatment	Posttest
O	X	O ₂

Sumber : (Hidayah dkk, 2020)

Keterangan:

- O: Nilai Pretest (sebelum diberi perlakuan)
- X: Pembelajaran menggunakan model Problem Based Learning (treatment)
- O₂: Nilai Posttest (setelah diberi perlakuan)

E. Variabel Penelitian

Variabel yang diteliti dalam penelitian ini adalah hasil belajar matematika siswa, aktivitas siswa dan respon siswa.

F. Definisi Operasional Variabel

1. Efektivitas pada umumnya menyangkut keberhasilan tentang suatu tugas atau tindakan. Dalam penelitian ini efektivitas pembelajaran yang dimaksud adalah hasil guru yang diperoleh setelah pelaksanaan proses belajar mengajar yang efektif.
2. Model Problem Based Learning (PBL) merupakan teknik model pembelajaran yang berbasis suatu masalah yang berkaitan dengan dunia nyata sehingga dapat berfungsi untuk Siswa-siswi kognitif model pembelajaran ini yaitu siswa mampu menyelesaikan tugas-tugas dengan berpikir kritis dan inovatif, pengetahuan baru. Problem Based Learning diakui dapat meningkatkan kemandirian kognitif kreativitas siswa baik secara individual maupun secara kelompok karena setiap bisnis memiliki obyek kulinernya sendiri.
3. Hasil belajar matematika adalah nilai matematika yang diperoleh siswa setelah melalui proses belajar mengajar.
4. Aktivitas siswa adalah proses komunikasi antara guru dan guru atau siswa dan siswa yang dilakukan selama proses pembelajaran berlangsung. Aktivitas siswa yang terjadi bisa positif maupun negatif.
5. Respon siswa adalah tanggapan perasaan atau sikap siswa terhadap suatu hal dalam penelitian ini tanggapan siswa terhadap pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning*.

G. Prosedur Penelitian

Secara umum prosedur penelitian terdiri dari 3 tahap, yaitu tahap persiapan, tahap pelaksanaan, dan tahap akhir.

1. Tahap Persiapan

- a. Menentukan tempat penelitian dan menjadwalkan pelaksanaan penelitian.
 - b. Melakukan observasi.
 - c. Menentukan sampel penelitian untuk kelas eksperimen sebanyak satu kelas.
 - d. Menyusun perangkat pembelajaran (PP) dengan menggunakan model *Problem Based Learning*.
 - e. Mengumpulkan data penelitian kepada kepala sekolah SMAN 2 Negeri 9 Gowa.
 - f. Melakukan sesi wawancara dengan guru bidang studi Matematika.
 - g. Membuat instrumen penelitian berupa *posttest*, *pretest*, *tes tertulis* berupa soal essay.
 - h. Melakukan uji validitas perangkat dan normasi, serta uji keabsahan dengan *validitas*.
- ### 2. Tahap Pelaksanaan
- a. Memberikan tes awal (*pretest*).
 - b. Menyampaikan materi yang akan diajarkan dengan menerapkan model *Problem Based learning*.
 - c. Menyiapkan lembar observasi aktivitas siswa.
 - d. Memberikan lembar angket respon siswa untuk tanggapan mengenai proses pembelajaran.
 - e. Memberikan tes akhir (*post-test*) untuk mengetahui kemampuan siswa mengenai proses pembelajaran.

3. Tahap Akhir

- a. Mengolah semua data yang diperoleh selama penelitian.
- b. Menganalisis data hasil penelitian.
- c. Menyimpulkan hasil penelitian.

H. Instrumen Penelitian

Instrumen penelitian adalah alat atau bantuan yang digunakan peneliti dalam mengumpulkan data. Alat yang penting yang digunakan dalam penelitian ini adalah:

1. Tes

Lembar tes berfungsi untuk mengetahui bagaimana seorang peserta uraian. Tes tersebut ditetapkan kepada subjek penelitian untuk mengetahui siswa dalam penerapan teknik wawancara berdasarkan tahapan Polya. Tes kognitif ~~perwakilan~~ siswa diukur melalui tahapan ~~perwakilan~~ dengan memperhatikan tiga tahapan yaitu tahapan pertama, tahapan keduanya dan tahapan polya dan teknik wawancara berfungsi sebagai instrumen dalam penelitian sehingga mengarah pada ketepatan apakah tiga tahapan yang dimungkinkan oleh peneliti. Soal tes dipergunakan dua kali yaitu pada saat tes awal (*Pretest*) dan akhir pembelajaran (*Posttest*).

2. Lembar Observasi Aktivitas Siswa

Lembar observasi digunakan untuk mengamati aktivitas siswa selama proses belajar berlangsung. Lembar observasi aktivitas siswa dimulai sejak dimulainya pembelajaran sampai dengan berakhirnya pembelajaran.

3. Lembar Observasi Keterlaksanaan Pembelajaran

Lembar ini digunakan untuk mengamati keterlaksanaan pembelajaran matematika di kelas dengan menggunakan model *Problem Based Learning*. Instrumen ini mengacu pada langkah-langkah pembelajaran dengan model *Problem Based Learning* yang dulu oleh observer sebagai pengamat kegiatan di dalam kelas selama proses pembelajaran.

4. Angket Respon Siswa

Angket respon siswa digunakan untuk mengetahui respon siswa terhadap pelaksanaan pembelajaran dengan menggunakan model *Problem Based Learning*.

I. Teknik Pengumpulan Data

Data dalam penelitian ini diperoleh dengan cara sebagai berikut:

1. Penilaian Tes

Tes dibutuhkan melalui pemberian pertanyaan pada tahap pembelajaran Matematika. Tes yang diberikan berupa soal yang terdiri dari 1 soal pertama dan 2 soal接下. Pertama tes dilakukan untuk mengukur sejauh mana kemampuan pemahaman matematika siswa sebelum dan setelah penerapan model *Problem Based Learning*.

2. Aktivitas Siswa

Observasi ini dilakukan dengan mengamati aktivitas siswa dan pelaksanaan penyelesaian pembelajaran guru berdasarkan lembar observasi selama proses penerapan model *Problem Based Learning*.

3. Keterlaksanaan Pembelajaran

- Data keterikatan pembelajaran diambil menggunakan lembar observasi keterikatan pembelajaran selama proses pembelajaran matematika dengan menerapkan model *Problem Based Learning*.

4. Pemberian Angket

Angket dilakukan dengan memberikan instrumen angket respon siswa terhadap model *Problem Based Learning*.

J. Teknik Analisis Data

Teknik analisis data yang digunakan untuk mengolah data yang diperoleh dengan menggunakan teknik statistik deskriptif dan teknik statistik inferensial.

1. Analisis Statistik Deskriptif

Analisis statistik deskriptif dalam penelitian ini digunakan untuk mendeskripsikan diri hasil kegiatan matematika siswa yang dilakukan sebelum penerapan pemecahan masalah sistematis, aktivitas siswa dalam pembelajaran, serta respon siswa terhadap pembelajaran matematika sebelum dan setelah pemberian perlakuan model *problem based learning*.

2. Hasil Belajar Matematika

Analisis deskriptif digunakan untuk mengetahui hasil belajar matematika siswa yang dilihat dari kemampuan pemecahan masalah matematis siswa. Data yang diperoleh dari hasil pretest dan posttest dianalisis untuk mengetahui hasil belajar siswa. Besarnya peningkatan sebelum dan sesudah pembelajaran dihitung dengan rumus gain standarisasi.

- Data mengenai hasil belajar matematika siswa dianalisis menggunakan statistik deskriptif dengan skor rata-rata, nilai maksimum, nilai minimum dan standar deviasi. Selanjutnya nilai rata-rata hasil belajar siswa diinterpretasikan menurut tabel berikut.



Tabel 3.3 Kategori standar pemilaian siswa yang ditetapkan SMA Negeri 9 Gowa

Interval	Kategori
$92 \leq x < 100$	Sangat Tinggi
$83 \leq x < 91$	Tinggi
$73 \leq x < 82$	Sedang
$0 \leq x < 73$	Rendah

Sumber: SMAN Negeri 9 Gowa

Tabel 3.4 Kategori standar ketuntasan pemilaian yang ditetapkan di SMA Negeri 9 Gowa

Nilai	Kriteria
$0 \leq x < 73$	Tidak Tuntas
$73 \leq x \leq 100$	Tuntas

Sumber: SMAN Negeri 9 Gowa

Berdasarkan tabel 3.4 di atas bahwa siswa yang memperoleh nilai $0 \leq x < 73$ maka sisya dinyatakan tidak tuntas dalam proses belajar mengajar, dan siswa memperoleh nilai $73 \leq x \leq 100$ maka dapat dinyatakan tuntas belajar dalam proses belajar mengajar.

Kriteria tuntas siswa diketahui tuntas apabila mencapai kriteria ketuntasan minimal (SKK) yang ditentukan oleh melalui yang bersenggolnya yaitu 73 yang termasuk dalam kategori sedang. Sedangkan ketuntasan klasikal tercapai apabila $\geq 73\%$ siswa dikelas tersebut telah dinyatakan tuntas dalam pembelajaran. Walaupun tidak mencapai kriteria ketuntasan hasil belajar tetapi terjadi peningkatan pembelajaran dari pretest dan posttest berarti lebih efektif setelah diterapkan model Problem Based Learning.

$$\% \text{ ketuntasan} = \frac{\sum \text{ jumlah siswa yang nilainya} \geq 73}{\sum \text{ jumlah siswa}} \times 100$$

Dari data yang diperoleh dari hasil pretest dan posttest diambilis untuk mengetahui peningkatan hasil belajar. Besarnya peningkatan sebelum dan setelah pembelajaran yang dapat dihitung dengan menggunakan rumus:

$$\text{Gain Tersormalasi (g)} = \frac{\text{skor posttest} - \text{skor pretest}}{\text{skor ideal} - \text{skor pretest}}$$

Tingkat perolehan gain score tersormalasi dikategorikan dalam tiga kategori yaitu:

Tabel 3.5 Kriteria Indeks Gain

Interpretasi Tingkat Gain (%)	Kriteria
(N-gain) $\geq 0,7$	Tinggi
$0,5 \leq (N\text{-gain}) < 0,7$	Sedang
(N-gain) $< 0,5$	Rendah
	Sumber : Hasim (2017)

b. Aktivitas siswa

Data hasil observasi termasuk selama pembelajaran berlangsung dicatatkan dan dideskripsikan dengan melihat rata-rata aktivitas hasil pertemuan. Untuk mencari rata-rata persentase waktu yang digunakan siswa melakukan aktivitas selama pembelajaran dapat diterapkan metode sebagai berikut:

1. Menentukan banyaknya aktivitas yang aktif dalam proses pembelajaran
2. Mencari persentase aktivitas siswa dengan menggunakan rumus:

$$S = \frac{X}{N} \times 100\%$$

Keterangan:

- S : Persentase aktivitas siswa.
- X : Banyaknya siswa yang aktif setiap pertemuan
- N : Jumlah siswa yang hadir setiap pertemuan

Kriteria keaktifan siswa dalam pembelajaran dikatakan aktif apabila jumlah siswa yang aktif minimal 73%. Adapun penentuan kategori aspek aktivitas siswa berdasarkan kriteria berikut:

Tabel 3.6 Kategori Aspek Aktivitas Siswa

Presentase (%)	Kategori
$x \leq 23\%$	Kurang Aktif
$23\% < x \leq 50\%$	Cukup Aktif
$50\% < x \leq 73\%$	Aktif
$x > 73$	Sangat Aktif

Sumber : SMAN 9 Gorontalo

c. Analisis Data Keterlibatan Siswa

Data keterlibatan pembelajaran dilihat dengan menggunakan analisis statistik deskriptif dengan tujuan untuk mendeskripsikan klasifikasi guru dalam mengolah kegiatan pembelajaran matematika melalui penerapan model Problem Based Learning. Adapun pengklasifikasian klasifikasi guru disajikan pada tabel berikut:

Tabel 3.7 Klasifikasi Keterlibatan Guru

Ruang	Klasifikasi
$rkg = 4,00$	Sangat Baik
$3,00 \leq rkg < 4,00$	Baik
$2,00 \leq rkg < 3,00$	Cukup
$1,00 \leq rkg < 2,00$	Kurang
$0,00 \leq rkg < 1,00$	Sangat Kurang

Sumber : (Hidya, 2019)

d. Respon Siswa

Data tentang respon siswa diperoleh dari angket respon siswa terhadap kegiatan pembelajaran dengan model Problem Based Learning kemudian diolah dengan mencari persentase respon siswa dari tiga-tiga pertanyaan dalam angket dengan menggunakan rumus:

$$P = \frac{f}{n} \times 100\%$$

Keterangan:

P : Persentase rata-rata jumlah siswa yang memberikan respon

f : Frekuensi siswa yang merespon

n : Jumlah siswa yang merespon

Kriteria yang ditetapkan untuk merespons bahwa siswa memiliki respon positif terhadap model pembelajaran Project-Based Learning dan mereka yang merespons positif termasuk sejumlah anak yang ditetapkan adalah minimal 80%.

Tabel X.3 Kategori Aspek Respon Siswa

Kategori	Persentase (%)
Sangat Positif	$\geq 84\%$
Positif	$74\% < x \leq 83\%$
Negatif	$51\% < x \leq 73\%$
Sangat Negatif	$x \leq 50\%$

Sumber: Siti Nugeri / Gowes

2. Analisis Statistik Inferensial

Analisis statistik inferensial dibutuhkan untuk menguji hipotesis penelitian. Hal ini dilakukan untuk mengetahui apakah dengan penerapan model PBL efektif diterapkan dalam pembelajaran matematika. Untuk menganalisa uji statistik yaitu tes "t". Sebelum melaksanakan pengujian hipotesis penelitian, terlebih dahulu dilakukan uji normalitas dan uji gambaran normalisasi.

a. Uji Normalitas

Uji Normalitas yang digunakan untuk mengetahui apakah data tersebut berdistribusi normal atau tidak. Caranya yaitu dengan menggunakan uji Shapiro-Wilk pada program statistik SPSS versi 25. Adapun analisis program SPSS memiliki taraf sig $\alpha = 0,05$. Rumusan hipotesis untuk uji normalitas:

H_0 : data berasal dari populasi berdistribusi normal

H_1 : data tidak berasal dari populasi yang berdistribusi normal

Kriteria pengujinya adalah jika $P_{\text{obs}} \geq 0,05$ maka H_0 diterima dan H_1 ditolak artinya data terdistribusi normal. Sedangkan, jika $P_{\text{obs}} < 0,05$ H_1 diterima dan H_0 ditolak artinya data tidak berdistribusi normal.

b. Uji Hipotesis

Pengujian hipotesis dalam penelitian yang diumumkan dan hipotesis kerja atau statistik digunakan untuk sampel 1 test dengan taraf signifikansi $\alpha = 0,05$. Untuk menjawab hipotesis penelitian yang telah disajikan maka peneliti menggunakan uji T dan uji Z (proporsi) dengan hipotesis sebagai berikut:

- 1) Rata-rata hasil belajar matematika siswa seolah ditemui perbaikan model Problem Based Learning minimal bisa mencapai KKM yaitu 75,0 dengan hipotesis ditulis:

$$H_0: \mu \leq 75 \quad \text{lawan} \quad H_1: \mu \geq 75$$

Ket: μ = rata-rata ukur hasil belajar matematika yang dicapai siswa

Kriteria pengambilan keputusan yaitu:

H_0 diterima jika $P \geq \alpha$

H_1 ditolak jika $p < \alpha$ dimana $\alpha = 0,05$. Apabila $p \geq \alpha$ H_0 diterima, maka hasil hasil belajar matematika siswa mencapai nilai KKM (75).

2) Uji ketuntasan Klasikal (Uji Proporsi)

Uji ketuntasan atau uji proporsi digunakan untuk mengetahui keberhasilan siswa di kelas XI MPA 1 dalam mencapai ketuntasan belajar setelah penerapan model *Problem Based Learning*.

Jumlah siswa yang tuntas belajar minimal 73% (jumlah klasikal) dengan hipotesis statistik:

$$H_0 : \pi < 73\% \quad \text{lawan } H_1 : \pi \geq 73\%$$

π = parameter ketuntasan klasikal

$$Z = \frac{\hat{\pi} - \pi_0}{\sqrt{\frac{\pi_0(1-\pi_0)}{n}}}$$

Kriteria pengambilan keputusan adalah sebagai berikut:

H_0 diterima jika $Z_{\alpha/2} > Z_0$ dan H_1 ditolak jika $Z_{\alpha/2} \leq Z_0$ dimana $\alpha = 5\%$; $Z_{\alpha/2} > Z_0$ untuk ketuntasan (Minimal belajar matematika) siswa mencapai 73%

3) Pengujian Hipotesis Berdasarkan N-Gain (Peningkatan) Menggunakan Uji t Satu Sampel

dengan hipotesis statistik:

$$H_0 : \mu_t < 0,3 \quad \text{lawan } H_1 : \mu_t \geq 0,3$$

μ_t = parameter rata-rata gain temormalisasi

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

Kriteria pengambilan keputusan yaitu:

H_0 diterima jika $P \geq \alpha$

H_0 ditolak jika $p < \alpha$, dimana $\alpha = 5\%$. Jika $p < \alpha$ berarti peningkatan hasil belajar siswa nominal dalam kategori sedang ($\mu_1, 0,3$)



BAB IV

HASIL PENELITIAN DAN PEMBAHASAN

Penelitian ini dilaksanakan di SMA Negeri 9 Gowa, sampel dalam penelitian ini ditentukan dengan menggunakan teknik cluster random sampling. Kelas yang dijadikan sampel adalah kelas XI MIPA 1. Penelitian ini berlangsung selama 6 pertemuan, pertemuan pertama diberikan petaan untuk mengetahui kemampuan awal siswa. Selanjutnya pertemuan kedua, ketiga, keempat dan kelima diberikan pertemuan dan tugas mengerjakan model *Problem Based Learning* dalam proses pembelajaran yang berlangsung. Pertemuan keenam merupakan pertemuan untuk mengukur kemampuan siswa setelah diberikan pertemuan. Adapun urutan lengkap tentang hasil penelitian dan pembahasan sebagai berikut:

A. Hasil Penelitian

1. Hasil Analisis Statistik Deskriptif

Data hasil penelitian diolah dengan menggunakan metode statistik deskriptif dan analisis inferensial. Hasil dan analisis data dibuat berdasarkan pada data yang diperoleh dari kisi-kisi penilaian hasil belajar siswa melalui penerapan model *Problem Based Learning* yang telah dilaksanakan di SMA Negeri 9 Gowa.

a. Deskripsi Keterlaksanaan Pembelajaran

Data tentang keterlaksanaan pembelajaran diambil dari hasil pengamatan yang dilakukan selama proses pembelajaran berlangsung, dapat kita lihat pada lampiran 3.6.

Berdasarkan pada lampiran 3.6, dapat dilihat bahwa pengamatan rata-rata keterlaksanaan pembelajaran melalui penerapan model *Problem Based Learning* selama empat pertemuan yaitu 4,00. dalam kriteria keterlaksanaan pembelajaran yang telah dipaparkan pada BAB III, nilai rata-rata total yang diperoleh berada pada interval $\text{skg} = 4,00$ sangat baik, sehingga dapat dikatakan efektif.

b. Deskripsi Hasil Belajar Matematika Siswa

Untuk mengetahui hasil belajar matematika siswa, penulis membenarkan tes kemampuan pengetahuan matematika temsa prtesor dan posttest (diambil secara lengkap pada lampiran 3).

1) Deskripsi Hasil Prtesor Siswa Sebelum Penerapan Model *Problem Based Learning*

Berikut diambil data hasil belajar matematik yang dilihat dari kemampuan pengetahuan matematika siswa sebelum (prtesor) penerapan model *Problem Based Learning*.

Tabel 4.1 Nilai Statistik Hasil Sebelum (Prtesor) Penerapan Model *Problem Based Learning*

Statistik	Nilai Statistik
Jumlah Siswa	54
Nilai Ideal	100
Skor Tertinggi	63,00
Skor Terendah	18,00
Rentang Skor	45,00
Rata-rata	43,08
Variansi	170,08
Standar Deviasi	13,04

Berdasarkan Tabel 4.1 diatas diketahui total siswa yang mengikuti prtesor sebanyak 34 siswa dimana skor rata-ratanya hasil prtesor siswa sebelum penerapan model *Problem Based Learning* sebesar 43,08 dari skor ideal yang

telah ditentukan yaitu 100, dengan varians sebesar 170,08 dan standar deviasi sebesar 13,04 dapat menunjukkan bahwa nilai rata-rata yang diperoleh semakin akurat.

Selanjutnya hasil belajar siswa sebelum penerapan model *Problem Based Learning* dikelompokkan dalam kategori standar penilaian berdasarkan tabel 3.3 adapun hasil pengelompokannya disajikan dalam tabel di bawah ini.

Tabel 4.2 Kategorisasi Standar Penilaian Hasil Tes Siswa Sebelum Penerapan Model *Problem Based Learning*

No	Nilai	Kategori	Frekuensi	Persentase (%)
1	$92 \leq x < 100$	Sangat Tuntas	0	0
2	$83 \leq x < 91$	Tuntas	0	0
3	$73 \leq x < 82$	Sering	0	0
4	$0 \leq x < 72$	Rendah	34	100
		Jumlah		100

Berdasarkan tabel 4.2 dilihat pada soal tes kali XI SMPA 1 yang diberikan prestasi sebanyak 34 siswa atau 100% memperoleh nilai pada kategori rendah. Sehingga dapat diketahui bahwa hasil tes siswa sebelum penerapan model *Problem Based Learning* masih tergolong rendah (buruk).

Selanjutnya data yang diperoleh hasil kategorikan penyelesaian masalah matematika siswa sebelum penerapan model *Problem Based Learning* yang dikategorikan berdasarkan kriteria ketuntasan dapat dilihat pada tabel 4.3.

Tabel 4.3 Kriteria Ketuntasan Hasil Tes Siswa Sebelum Penerapan Model *Problem Based Learning*

No	Nilai	Kategori	Frekuensi	Persentase (%)
1	$0 \leq x < 73$	Tidak Tuntas	34	100
2	$73 \leq x \leq 100$	Tuntas	0	0
		Jumlah		100

Berdasarkan Tabel 4.3 dilihat bahwa sebanyak 34 siswa atau 100%

dinyatakan tidak tuntas dalam hasil pretest. Sehingga dapat diketahui bahwa hasil tes siswa sebelum penerapan model *Problem Based Learning* tidak tuntas.

Berdasarkan Tabel 4.2 dan 4.3 di atas terlihat bahwa hasil tes siswa secara umum sebelum penerapan model *Problem Based Learning* tidak tuntas. Hal ini ditunjukkan bahwa dari hasil pretest sebanyak siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gowa yang belum mencapai nilai KK ideal yakni 75.

II) Deskripsi Hasil Pretest Siswa Sebelum Penerapan Model *Problem Based Learning*

Hasil analisis deskriptif termasuk nilai pretest yang diberikan kepada siswa secara rinci diperlihatkan dalam Tabel 4.4 berikut ini:

Tabel 4.4 Nilai Statistik Hasil Tes Siswa Sebelum Penerapan Model *Problem Based Learning*

Statistik	Nilai Statistik
Jumlah Sampel	34
Nilai Ideal	100
Skor Terbesar	100,00
Skor Terendah	66,00
Rentang Skor	33,00
Rata-rata	84,79
Variansi	69,25
Standar Deviasi	8,32

Berdasarkan Tabel 4.4 di atas diketahui total siswa yang mengikuti Pretest sebanyak 34 siswa dimana rata-rata hasil Pretest siswa setelah diterapkan model *Problem Based Learning* yaitu 84,79 dari skor ideal 100 dengan variansi sebesar 69,25 dan standar deviasi sebesar 8,32, yang menunjukkan bahwa nilai rata-rata semakin akurat.

Selanjutnya hasil belajar matematika siswa setelah penerapan model *Problem Based Learning* dikelompokkan dalam kategorisasi standar penilaian

berdasarkan tabel 3.4. Adapun hasil pengelompokannya disajikan dalam tabel di bawah ini.

Tabel 4.5 Kategorisasi Standar Pemilhan Hasil Tes Siswa Setelah Penerapan

Model Problem Based Learning					
No	Nilai	Kategori	FrekuenSI	Percentase (%)	
1	$92 \leq x < 100$	Sangat Tuntas	6	17,65	
2	$83 \leq x < 91$	Tuntas	13	38,24	
3	$73 \leq x < 82$	Sedang	12	35,29	
4	$0 \leq x < 72$	Pembelahan	3	8,82	
		Jumlah		100	

Berdasarkan tabel 4.5 di atas terlihat bahwa dari 34 siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gorontalo sebanyak 31 siswa dengan hasil tes siswa setelah penerapan model *Problem Based Learning* tergolong tuntas ($x \geq 73$, Standar Nilai KKM). Sedangkan hasil belajar matematika siswa setelah penerapan model *Problem Based Learning* yang tidak memenuhi kriteria ketercapaian dapat dilihat pada tabel di bawah ini.

Tabel 4.6 Kriteria Ketercapaian Hasil Tes Siswa Setelah Penerapan Model Problem Based Learning

No	Nilai	Kategori	FrekuenSI	Percentase (%)
1	$0 \leq x < 73$	Tidak Tuntas	3	8,82
2	$73 \leq x \leq 100$	Tuntas	31	91,18
		Jumlah		100

Berdasarkan tabel 4.6 di atas terlihat bahwa sebanyak 3 siswa atau 8,82% yang tidak memenuhi kriteria dan 34 jumlah keseluruhan siswa sedangkan siswa yang memenuhi kriteria tuntas belajar sebanyak 31 siswa atau 91,18. Berdasarkan kategori ketercapaian hasil belajar matematika siswa maka dapat disimpulkan bahwa hasil tes setelah penerapan model *Problem Based Learning* tuntas.

3) Deskripsi N-gain atau Peningkatan Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa Setelah Penerapan Model *Problem Based Learning*

Data pretest dan posttest siswa dihitung menggunakan rumus normalized gain. Tujuannya adalah untuk mengetahui seberapa besar peningkatan hasil belajar matematika siswa yang dilihat dari kemampuan pemecahan masalah matematis siswa kelas XI MIPA 1 setelah penerapan model *problem based learning* pada pembelajaran matematika.

Berdasarkan perhitungan normalized gain atau rata-rata gain ternormalisasi siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa setelah penerapan model *Problem Based Learning* sebesar 0,732 dapat dilihat pada lampiran 4.

Untuk melihat persentase peningkatan hasil N-gain siswa dapat dilihat pada tabel 4.7 berikut:

Tabel 4.7 Klasifikasi Gain Ternormalisasi Peningkatan Hasil Belajar Siswa Setelah

Penerapan Model <i>Problem-based Learning</i>				
No	Nilai	Kategori	FrekuenSI	Persentase (%)
1	(N-gain) $\geq 0,7$	Tinggi	19	35,9
2	$0,3 \leq (N\text{-gain}) < 0,7$	Sedang	13	44,1
3	(N-gain) $< 0,3$	Rendah	0	0
		Jumlah		100

Berdasarkan tabel 4.7 di atas dapat diketahui bahwa hasil perhitungan nilai normalized gain atau rata-rata gain ternormalisasi siswa sebesar 0,732 dimasukkan dalam klasifikasi gain pada tabel maka rata-rata gain ternormalisasi siswa berada pada interval $N\text{-gain} \geq 0,7$. Hal ini berarti peningkatan hasil belajar matematika siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gowa setelah penerapan model *Problem Based Learning* berada pada kategori

tinggi.

4) Analisis Deskripsi Hasil Belajar Matematika Siswa Setelah Melalui Penerapan Model *Problem Based Learning* Berdasarkan Nilai Rata-rata Ketuntasan Siswa dan Gini Tersormalisasi.

Berdasarkan Tabel 4.4 dari hasil analisis deskriptif sebelumnya diperoleh nilai rata-rata hasil tes siswa setelah perlakuan sebesar 84,79 dimana nilai KKM sebesar 73. Hal ini menunjukkan bahwa nilai rata-rata siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gorontalo setelah penerapan model *Problem Based Learning* tinggi.

Selanjutnya peningkatan hasil belajar matematika siswa yang dapat dilihat dan perhitungan gini tersormalisasi diperoleh hasil setara umur sebesar 0,732. Hal ini menunjukkan bahwa peningkatan hasil belajar matematika siswa yang dilihat dan diukur dengan penilaian rata-rata matematis siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gorontalo pada pokok bahasan matematika setelah penerapan model *Problem Based Learning* sangatlah signifikan.

Sebagaimana di atas dituliskan ketuntasan matematika siswa setelah pembelajaran matematika melalui penerapan model *problem based* berdasarkan rata-rata hasil belajar matematika siswa setelah perlakuan dan peningkatan hasil belajar siswa setelah perlakuan memenuhi kriteria ketuntasan.

c. Deskripsi Hasil Pengamatan Aktivitas Siswa dalam Pembelajaran

Hasil pengamatan aktivitas siswa dalam pembelajaran diukur dengan melakukan pengamatan berdasarkan komponen-komponen penilaian yang telah disusun. Di mana komponen-komponen tersebut berkaitan dengan aktivitas siswa dari setiap pertemuan selama proses pembelajaran.

Berdasarkan pada lampiran 3.7 menunjukkan bahwa sepuluh komponen yang diamati diperoleh hasil sebagai berikut:

1. Banyaknya siswa yang hadir pada saat proses pembelajaran berlangsung malam penerapan model *Problem Based Learning* yang berlangsung selama 4 kali pertemuan adalah 100%
2. Banyaknya siswa menyukai tujuan pembelajaran dan logistik yang diperlukan dalam kegiatan pembelajaran yang diungkapkan seorang guru selama 4 kali pertemuan adalah 70%
3. Banyaknya siswa memperhatikan penjelasan yang disajikan oleh guru dan kemudian mencari solusi dan pemahamannya selama 4 kali pertemuan adalah 77%
4. Banyaknya siswa yang bertanya tentang materi pelajaran yang belum dipahami selama 4 kali pertemuan adalah 72%
5. Banyaknya siswa membuat kembangan pada guru dalam mengajukan soal EKS selama 4 kali pertemuan adalah 36%
6. Banyaknya siswa yang membuat kembangan timbulnya selama 4 kali pertemuan adalah 81%
7. Banyaknya siswa yang aktif pada saat diskusi aktivitas 4 kali pertemuan adalah 55%
8. Banyaknya siswa melakukan refleksi dan evaluasi terhadap hasil presentasi selama 4 kali pertemuan adalah 75%

Berdasarkan pada lampiran 3.7, dari sepuluh komponen yang diamati diperoleh rata-rata persentase hasil pengamatan aktivitas siswa dalam pembelajaran sebesar 81,5%. Jika marquok kepada kriteria yang digunakan untuk menyatakan bahwa aktivitas siswa dalam pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning* adalah efektif apabila minimal 73% siswa terlibat aktif dalam proses pembelajaran. Pada di atas terlihat bahwa rata-rata persentase hasil pengamatan aktivitas siswa memenuhi kriteria

yang ditentukan. Dapat disimpulkan bahwa aktivitas siswa dalam penerapan model *Problem Based Learning* adalah efektif.

d. Deskripsi Hasil Respon Siswa Terhadap Pembelajaran

Respon siswa terhadap pembelajaran diberi dengan pemberian angket respon yang diberi pada pertemuan, tentu, adalah seiring proses pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based learning* dilakukan kemudian diambil menggunakan teknik kuantitatif. Angket Respon diri terdiri dari 20 pernyataan dengan 4 kategori posisi dan dikategorikan mengenai tentang tanggapan siswa terhadap prangkat pembelajaran yang digunakan dalam pelaksanaan pembelajaran. Hasil jumlah angket respon siswa dianalisa secara lengkap dalam lembaran 3.6 sebagaimana hasil analisis data respon siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gowa diperlihat pada tabel lampiran 3.8.

Berdasarkan pada lembaran 3.8 dapat dilihat bahwa rata-rata persentase yang merespons posisi tertinggi pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning* adalah 83,4%. Sehingga dapat disimpulkan bahwa respon siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gowa terhadap pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning* dapat dikategorikan baik karena memenuhi kriteria respon siswa dengan predikat baik.

Jika merujuk kepada kriteria yang digunakan untuk menyatakan bahwa respon siswa terhadap pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning* adalah positif apabila minimal 80% siswa yang memberi respon positif dari semua aspek yang ditanyakan. Pada tabel 4.7 terlihat

Berdasarkan persentase siswa memberi respon positif sebesar 85,45% yang artinya memenuhi kriteria yang ditentukan.

2. Hasil Analisis Statistik Inferensial

Analisis statistik inferensial pada bagian ini digunakan untuk pengujian hipotesis yang telah dirumuskan, dan setelah melakukan uji hipotesis terlebih dahulu dilakukan uji normalitas.

b. Uji Normalitas

Pengujian normalitas data pretest dan posttest bertujuan untuk mengetahui apakah data testing hasil belajar matematika siswa kelas XI MIPA SMA Negeri 9 Gowa berdistribusi normal atau tidak. Pengujian uji normalitas menggunakan uji normalitas Shapiro-Wilk dengan taraf signifikansi 5% atau 0,05.

Kriteria pengujian uji normalitas:

Jika $P_{shw} \geq \alpha = 0,05$ maka data berada dari populasi berdistribusi normal.

Jika $P_{shw} < \alpha = 0,05$ maka data tidak berada dari populasi yang berdistribusi normal.

Tabel 4.8 Hasil Uji Normalitas Nilai Pretest dan Posttest

Tests of Normality				
	Shapiro-Wilk	Statistic	df	Sig.
Pretest	940	34		.062
Posttest	958	34		.213

Tabel 4.9 Hasil Uji Normalitas Aktivitas dan Respon Siswa

Tests of Normality				
	Shapiro-Wilk	Statistic	df	Sig.

Respon Siswa	932	10	951
Aktivitas Siswa	875	9	170

Berdasarkan Tabel 4.11 dan Tabel 4.12 yang diambil menggunakan SPSS 25 dengan uji normalitas Uji Shapiro-Wilk diketahui nilai signifikansi untuk *pvalue* menunjukkan sebesar $0,062 \geq 0,05$, nilai *signifikansi posttest* menunjukkan sebesar $0,213 \geq 0,05$ nilai *signifikansi aktivitas* sebesar $0,170 \geq 0,05$, dan nilai *signifikansi respon* juga sebesar $0,991 \geq 0,05$. Sehingga data dan nilai *pvalue*, *posttest*, aktivitas sama, dan respon siswa termasuk normal. Hasil keluaran SPSS dapat dilihat pada lampiran 4.

c. Uji Hipotesis

1. Hasil Belajar Matematika Siswa

1. Pengujian hipotesis nol berdasarkan Kriteria Ketuntasan Minimal (KKM) dengan menggunakan One Sample t-test

One sample t-test bertujuan untuk mengetahui standar kualitas (KKM) 73 berbeda secara signifikan atau tidak dengan rata-rata hasil belajar matematika yang dilihat dari ~~kompetensi jenjang sekolah matematika~~ siswa setelah penerapan model Problem Based Learning. Yang dimulai dengan hipotesis sebagai berikut:

$$H_0 : \mu < 73 \quad \text{lawan} \quad H_1 : \mu \geq 73$$

Tabel 4.10 Hasil One Sample t-test Nilai Posttest

One-Sample Test			95% Confidence Interval of the Difference			
		Test Value = 73	Sig. (2-tailed)	Mean Difference	Lower	Upper
t	df					

Poinsett	8.264	33	0.000	11.794	8.89	14.70
----------	-------	----	-------	--------	------	-------

Berdasarkan tabel 4.13 yang dimulai menggunakan SPSS 25 dengan one sample t-test diketahui nilai t_{hitung} sebesar 8,264 dengan tingkat signifikansi sebesar 0,000 dapat dilihat pada lampiran 4. Nilai t_{hitung} dengan $df = n - 1$ yaitu sebesar 1,692 untuk $\alpha = 5\%$, dengan demikian dapat disimpulkan bahwa $t_{hitung} = 8,264 > t_{tabel} = 1,692$ dan nilai signifikansi $0,000 < 0,05$. Sehingga H_0 ditolak yang mempunyai makna bahwa ketidaksetaraan nilai belajar matematika siswa yang dilihat dari kesempatan pemecahan masalah berpertenaan dengan perkiraan lebih dari nilai rata-rata dengan KKM. Hal ini sesuai dengan perhitungan nilai rata-rata nilai pelajaran pada analisis statistik deskriptif sebesar 84,35.

2. Pengujian hipotesis berdasarkan hasil belajar matematika siswa dalam kerangka nilai belajar matematika proporsi. Diketahui nilai μ dengan menggunakan taraf signifikansi 5% . Adapun model hipotesis yang diperoleh adalah sebagai berikut:

$$H_0: \mu < 73\% \text{ lewat } H_1: \mu \geq 73\%$$

dengan $n = \text{parameter ketuntasan belajar matematika}$

Dasar pengambilan keputusan uji proporsi :

$$H_0 \text{ diterima jika nilai } Z_{hitung} \leq z_{(1-\alpha)}$$

$$H_0 \text{ ditolak jika nilai } Z_{hitung} > z_{(1-\alpha)}$$

Adapun hasil perhitungannya dapat dilihat pada lampiran 4

Berdasarkan perhitungan pada lampiran 4, diperoleh nilai Z_{hitung} sebesar

2,25. Nilai $z_{(1-\alpha)}$ dengan taraf signifikansi $5\% = 0,45$, dengan demikian dapat

diseimpulkan bahwa $t_{hitung} = 2,15 > t_{tabel} = 1,645$. Sehingga H_0 ditolak yang artinya proporsi ketuntasan hasil belajar matematika siswa dengan penerapan model *Problem Based Learning* pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa secara klasikal di atas 73% dan memenuhi kriteria ketuntasan kemampuan pemecahan masalah secara klasikal.

- Pengujian hipotesis berdasarkan Gmis (peningkatan) menggunakan one sample t-test

One sample t-test bertujuan untuk menguji peningkatan hasil belajar matematika siswa yang dilihat dari kemampuan pemecahan masalah matematis siswa minimal dalam kategori sedang dengan nilai gain terobservasi lebih dari 0,3. Uji gain termasuk uji t (N-gain) ini dilakukan untuk mengetahui hasil belajar matematika siswa berdasarkan signifikansi atau tidaknya pengaruh model *Problem Based Learning* dengan cara menggunakan teknik z-test atau t-test dan positer.

Yang dimunakis dengan hipotesis sebagai berikut:

$$H_0: \mu < 0,3 \quad \text{Jawab: } H_0: \mu \geq 0,3$$

Tabel 4.11 Hasil One Sample t-test Nilai gain terobservasi

One-Sample Test						
Test Value = 0,3						
	t	df	Sig. (2-tailed)	Mean Difference	95% Confidence Interval of the Difference	
N	13,335	33	,000	,46971	,3472	,4722
Gain						

Berdasarkan tabel 4.14 yang dimanfaatkan SPSS 25 dengan one sample t-test diketahui nilai t_{hitung} sebesar 13,335 dengan tingkat signifikansi sebesar 0,000. Hasil keluaran SPSS dapat dilihat pada lampiran 4. Nilai t_{tabel} dengan $df = \alpha; 33$ yaitu sebesar 1,692 untuk $\alpha = 5\%$ dengan demikian dapat disimpulkan bahwa nilai $t_{hitung} = 13,335 > 1,692$ dan nilai signifikansi $0,000 < 0,05$. Sehingga H₀ ditolak yang artinya skor rata-rata gain ternormalisasi setelah diberi penilaian lebih baik 0,3 atau peningkatan hasil belajar matematika yang dilihuti dari kemampuan pemecahan masalah matematika secara minimal berada dalam kategori sedang. Hal ini sesuai dengan peningkatan nilai gain ternormalisasi pada siswa yang deskriptif sebesar 0,732.

Dari analisis di atas dapat ditarik kesimpulan bahwa penilaian matematika efektif melalui penerapan model Problem Based Learning pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa. Adapun peningkatan hasil belajar matematika untuk kelas XI SMA Negeri 9 Gowa telah diterapkan model pembelajaran melalui penerapan model Problem Based Learning berada dalam kategori tinggi.

B. Pembahasan Hasil Penelitian

Berdasarkan hasil penelitian yang telah diuraikan pada bagian sebelumnya, maka pada bagian ini akan diuraikan pembahasan hasil penelitian yang meliputi pembahasan kemampuan pemecahan masalah, aktivitas siswa, keterlaksanaan pembelajaran, dan respon siswa.

1. Keterlaksanaan Pembelajaran

Dari hasil analisis deskriptif data observasi terhadap keterlaksanaan pembelajaran melalui penerapan model PBL pada siswa kelas XI MIPA 1 SMA

Negeri 9. Gowis dari pertemuan kedua sampai dengan pertemuan ke lima menunjukkan rata-rata total 4. Nilai rata-rata yang diperoleh berada pada interval $\leq 4,00$ yang artinya berada pada kategori sangat baik sehingga dapat dikatakan efektivitas memenuhi keseluruhan fasa model PBL.

2. Pembahasan Hasil Belajar Matematika Siswa

Dari hasil analisis statistik deskriptif diperoleh bahwa perhitungan normalized gain dari data hasil pretest dan posttest siswa menunjukkan rata-rata gain ternormalisasi sebesar 0,732 sehingga berada dalam kategori tinggi. Hal ini menunjukkan bahwa hasil belajar matematika siswa melalui model Problem Based Learning ada peningkatan secara signifikan karena nilai N-gain berada dalam kategori tinggi dengan ketentuan idealnya > 0,70.

Dari hasil analisis statistik inferensial dalam pertemuan normalized gain yang berfungsi untuk mengetahui seberapa besar perbedaan hasil belajar matematika siswa setelah di lakukan pelajaran dengan menggunakan metode kompleks test telah diperoleh $t_{hitung} = 13,335 \geq t_{tabel} = 1,697$, yang berarti bahwa pembelajaran matematika melalui penerapan model Problem-based Learning pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowis efektif ditengah dimana nilai gainnya yaitu $0,732 \geq 0,50$.

Berdasarkan hasil penelitian di atas diperoleh bahwa terjadi peningkatan terhadap hasil belajar siswa yang dilihat dari kemampuan pemecahan masalah matematika siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowis setelah penerapan model Problem Based Learning. Peningkatan hasil belajar siswa yang dilihat dari kemampuan pemecahan masalah matematika tersebut melalui model Problem

Based Learning yang membuat siswa belajar lebih aktif selama proses pembelajaran, dimana siswa aktif berdiskusi bersama teman kelompoknya membahas permasalahan yang dipertahankan dan bertanya kepada guru jika ada yang kurang dipahami sehingga siswa mampu mengeksplorasi dan mengembangkan kemampuannya. Selain itu, siswa dilibatkan untuk berani menyampaikan pendapatnya ketika kelompok lain mempresentasikan hasil kerja kelompoknya. Hal ini sejalan dengan hasil penelitian Teguh Budianto (2021) menunjukkan bahwa kemampuan pemecahan masalah matematika mengalami peningkatan dengan rata-rata ketercapaian pencapaian masalah pada Randa 2 adalah 46,36 meningkat menjadi 76,03.

Pembelajaran melalui model *Problem Based Learning* akan ikut berasar dalam tujuan mencapai kompetensi matematika, yakni, berdiskusi dan membuktikan kebenaran berbagai hasil yang diperoleh melalui serta bagaimana mengaplikasikannya. Selain itu, model *Problem Based Learning* berfungsi untuk meningkatkan kemampuan pemecahan masalah dan mengembangkan kemampuan kognitif kritis dan kreatif sehingga memudahkan siswa untuk menyelesaikan masalah. Hal ini diukur oleh hasil penelitian Andehnzwon, dkk. (2022) yang menyatakan bahwa model PBL memberikan pengaruh yang lebih baik tentang seberapa baik siswa SMA mampu memecahkan masalah matematika. Selain itu juga hasil penelitian Muhibbin, dkk (2018) menyatakan bahwa PBL efektif untuk meningkatkan kemampuan pemecahan masalah siswa.

3. Aktivitas Siswa

Dari hasil analisis deskriptif, pengamatan aktivitas siswa dalam pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning* pada siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gorontalo memperoleh persentase 81,3% aktif dalam pembelajaran matematika.

Kekaktifan siswa melalui model *Problem Based Learning* dilakukan secara berkelompok atau bekerja sama dalam mengatasi masalah yang dihadapi dan bagaimana memecahkan masalah tersebut. Pembelajaran tersebut menimbulkan sikap kritis dan meningkatkan kreativitas siswa sehingga mewujudkan pembelajaran yang aktif, nyaman, dan berpikir kritis siswa. Hal ini sejalan dengan penelitian Widayanti dan Dwi (2020) bahwa model *Problem Based Learning* memungkinkan peningkatan aktifitas siswa dari 41,90% menjadi 87,10%. Karena siswa mudah lebih dekat mencintai dan memahami materi pembelajaran dengan bantuan media informasi teknologi dan guru profesional juga dari siswa lainnya selama diskusi dan tanya jawab atau refleksi. Untuk sehingga siswa dapat semakin memahami pengetahuan yang dimilikinya melalui lembar kerja yang diberikan. Sejalan dengan penelitian Ismail (2018) memungkinkan bahwa aktivitas siswa yang berkaitan dengan pembelajaran dan keseruan halus anggak yang dimiliki sebesar 87% siswa aktif dalam pembelajaran atau dengan perkataan lain aktivitas mencapai kategori aktif.

4. Respon Siswa

Dari hasil analisis deskriptif diperoleh bahwa secara umum siswa memberi respon positif terhadap pelaksanaan pembelajaran melalui model

Problem Based Learning dimana secara keseluruhan persentase rata-rata angket respon siswa setelah mengikuti pembelajaran matematika memperoleh 85,45%.

Hal ini menyebabkan siswa memberi respon positif terhadap penerapan model *Problem Based Learning* yaitu siswa setuju dengan metode dan pendekatan yang diterapkan oleh guru. Karena siswa mudah memahami materi pembelajaran. Hasil ini sejalan dengan hasil penelitian Harahap dan Khairunnisa (2018) yang menunjukkan bahwa klasifikasi belajar siswa dituliskan dari respon siswa terdapat peringkat persentase dari 64% (kategori kurang positif) menjadi 85% (kategori sangat positif) terhadap penerapan model *Problem Based Learning*. Sejalan dengan penelitian Sya' (2017) menunjukkan bahwa rata-rat persentase respon siswa sebesar 92% dan tergolong respon yang sangat baik (positif) terhadap pembelajaran matematika melalui penerapan model *Problem Based Learning*.

Dengan demikian, berdasarkan data yang diperoleh menunjukkan bahwa terjadi peningkatan hasil belajar matematika di mana akhirnya siswa mencapai kriteria sikap serta respon siswa positif terhadap proses pembelajaran melalui penerapan model *Problem Based Learning*. Maka dapat disimpulkan bahwa pembelajaran matematika efektif melalui penerapan model *Problem Based Learning* pada siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa.

BAB V

SIMPULAN DAN SARAN

A. Simpulan

Berdasarkan hasil analisis data penelitian dan pembahasan yang telah diuraikan sebelumnya, maka dapat ditarik kesimpulan bahwa pembelajaran matematika efektif melalui penerapan model *Problem Based Learning* pada siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gowa yang ditinjau dari hasil belajar matematika serta aktivitas siswa selama proses pembelajaran dan respon siswa terhadap implementasi pembelajaran dengan model *Problem Based Learning* diberikan ringkasan sebagai berikut.

- a. Hasil belajar matematika siswa kelas XI SMA Negeri 9 Gowa sebelum penerapan model *Problem Based Learning* berada pada kategori rendah (1) ini dapat dibuktikan dari hasil pretest siswa kelas XI MIPA 1 yang diadakan dengan rata-rata pada kategori ini dimana rata-rata skor jawaban siswa rendah pada kategori rendah sedangkan hasil belajar matematika siswa setelah penerapan model *Problem Based Learning* mengalami peningkatan dari hasil pretest siswa dan berada pada kategori tinggi.
- b. Aktivitas siswa dengan penerapan model *Problem Based Learning* yang diamati selama empat kali pertemuan berada pada kategori sangat aktif.
- c. Respon siswa memperjukkan bahwa siswa kelas XI MIPA 1 SMA Negeri 9 Gowa merespon positif terhadap implementasi penerapan model *Problem Based Learning* matematika siswa melalui penerapan model *Problem Based Learning*.



B. Saran

Berdasarkan hasil dan kesimpulan yang diperoleh dari penelitian ini, maka penulis menyarankan beberapa saran sebagai berikut:

- a. Bagi siswa diharapkan dapat memperbaiki semangat dan minat belajar khususnya pada mata pelajaran matematika.
- b. Bagi guru mata pelajaran matematika dianjurkan agar lebih banyak dalam memilih model pembelajaran yang akan digunakan dalam proses belajar mengajar. Karena tidak semua model atau penelitian cocok untuk semua mata pelajaran. Jadi guru mendapat kesempatan memanfaatkan model atau pendekatan pembelajaran yang sesuai dengan karakteristik mata pelajaran.
- c. Bagi peneliti selanjutnya dianjurkan dapat memperbaiki waktu dalam menyelesaikan model Problem Based Learning

DAFTAR PUSTAKA

- Ahmad, M. (2016). Aktivitas Siswa dalam Pembelajaran Matematika Realistik. *Jurnal Education and Development: Skripsi Tepatniti Selatan Jurnal Education and Developmenta Skripsi Tepatniti Selatan*, 1(3), 45–51.
- Alhadad, I., Hamid, H., Syam Tonna, W., & Sudik, R. (2020). Penerapan Problem Based Learning (PBL) untuk Meningkatkan Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa pada Soal Persemaian Linear Dua Variabel (SPLDV). *Beta-Pi: Jurnal Matematika dan Pendidikan Matematika*, 9(2), 223–236.
- Allo, D. P., Sutin, M., Kaino, K., & Haqqiwati, H. (2019). Penerapan Model Pembelajaran Problem Based Learning Sejaring Kelompok untuk Meningkatkan Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa di SMP Swasta Anugerah Rosalia. *Jurnal Pendidikan Matematika*, 10(1), 19–30.
- Andayani, F., & Laibinah, A. N. (2019). Analisis Kemampuan Pemecahan Masalah Siswa SMP dalam Menyelesaikan Soal pada Mata Pelajaran Arithmetics Sosial. *Jurnal Cendekia: Jurnal Pendidikan Matematika*, 5(1), 1–10.
- Andelinaeni, I., Fauzi, A., & Khairunnisa, I. (2021). Pengaruh Model Problem Based Learning (PBL) terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa SMA. *Perspektif: Jurnal Pendidikan Matematika*, 11, 11–16.
- Amizar, A. M., Shandyha, M. A., Khanum, I., G. F., & Hidayah, L. (2020). Kemampuan Pemecahan Masalah Matematik Siswa dalam Menyelesaikan Soal PISA Pada Topik Geometri. *Jurnal Elemen*, 6(1), 39–53.
- Anwar, N. T. (2019). Peran Kemampuan Literasi Matematis pada Pembelajaran Matematika Abstrak. *Prosiding Seminar Nasional Matematika*, 1, 364–370.
- Arofah, M. N., & Noordiyana, M. A. (2021). Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Ditinjau dari Kemandirian Belajar Siswa pada Materi Lingkaran di Kelurahan Muarasandung. *Plusminus: Jurnal Pendidikan Matematika*, 1(3), 421–434.
- Dewanti, R., & Fajriwati, A. (2020). Metode Demonstrasi dalam Penunjang Pembelajaran Fiqih. *Jurnal Kajian Islam Kontemporer*, 11(1), 83–98.
- Elizabeth, A., & Sigalitong, M. M. (2018). Pengaruh Model Problem Based Learning terhadap Kemampuan Berpikir Kreatif Peserta Didik SMA.

- Prima Scien: Jurnal Pengkajian Ilmu dan Pembelajaran Matematika dan IPA IKIP Manaslu, 6(2), 66–76.
- Febriyani, A., Hakim, A. R., & Nadun, N. (2022). Peran Disposisi Matematis terhadap Kemampuan Pemahaman Konsep Matematika. *Plenum: Jurnal Pendidikan Matematika*, 2(1), 87–100.
- Futriani Hidayah, A. A., Adawiyah, R. Al, & Rizqi Mahazani, P. A. (2020). Efektivitas Pembelajaran Daring pada Masa Pandemi Covid-19. *Jurnal Penelitian Ilmu-Ilmu Sosial*, 71(2), 53–56.
- Hanum, N. (2017). Penerapan Model Pembelajaran Aktif Tipe Index Card Match untuk Meningkatkan Prestasi Belajar Siswa pada Materi Sistem Gerak BROTIK. *Jurnal Ilmiah Biologi Teknologi dan Kependidikan*, 5(2), 141–148.
- Harahap, T. H., & Khairunnisa. (2018). Efektivitas Model Pembelajaran Problem Based Learning dalam Meningkatkan Hasil Belajar Matematika Siswa SMA Muhammadiyah 1 Medan. In P. 2018 – 2019 Prosiding Seminar Nasional Ilmu-Progres Pengetahuan Dosen Kependidikan (PDPK), 7(1), 271–278.
- Hendriana, H., Dwi Rohaeti, E., & Sumarmo, U. (2017). Hard Skill dan Soft Skill Siswa dan Siswa Disingkir Reaksi Aditama.
- Hidayat, W., & Kartinginah, R. (2018). Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika dan Attitude Questio Siswa SMP Melalui Pembelajaran Open Ended. *Jurnal Agni: Jurnal Nasional Pendidikan Matematika*, 2(1), 109–118.
- Hidyah, M. Y. (2019). Efektivitas Pembelajaran Matematika Melalui Penerapan Model Minion Mathematics Project pada Siswa Kelas VIII SMP Negeri 5 Pallangga. *Scripsi Tidak Diterbitkan Mahasiswa Universitas Muhammadiyah Makassar*.
- Indriyati, N., Rahmiswati, N. D., & Aini, A. N. (2019). Efektivitas Model Pembelajaran Problem Based Learning (PBL) terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Seminar Nasional dan Pendidikan Matematika (SENAMIK), 4, 113–118.
- Izal, M. (2018). Efektivitas Pembelajaran Matematika Melalui Penerapan Model Problem Based Learning (PBL) Pada Siswa Kelas VIII SMP Tridharma Mulya Makassar. *Scripsi Tidak Diterbitkan Mahasiswa Universitas Makassar*.
- Jaya, I. (2017). Efektivitas Pembelajaran Matematika Melalui Penerapan Model Problem Based Learning (PBL) Pada Siswa Kelas XI IPA 1 SMA Negeri

11. Wajo Kabupaten Wajo. Sirkuit Pidak Diserahkan Makassar. *Demokrat Makassar*.
- Komaryah, S., & Nur Latif, A. F. (2018). Pengaruh Kemampuan Berpikir Kritis terhadap Hasil Belajar Matematika. *Jurnal Penelitian Pendidikan Dan Pengajaran Matematika*, 4(2), 55–60.
- Lestari, K. E., & Yudhanegara, M. R. (2017). *Penelitian Pendidikan Matematika*. In Bandung: PT Refika Aditama.
- Mardila, Y., & Syarifuddin, H. (2021). Pengaruh Model Pembelajaran Problem Based Learning terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Peserta Didik Kelas XI SMAN 2 Setia. *Jurnal Edukasi dan Penelitian Matematika*, 1(4), 238–251.
- Muhtadi, D., & Rochmad, R. (2021). Bahasa Matematis Siswa Penentuan Waktu Singkapan dalam Tugas Praktikum. *Jurnal Pendidikan Matematika*, 1(2), 263–274.
- Muslihuddin, R., Nurulfitri, N., & Irwan, I. (2018). Efektivitas Pembelajaran Berpikir Kritis terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Mahasiswa dalam Mata Kuliah Analisis Vektor. *Journal Of Physics Conference Series*, 948(1), 1–6.
- Muslihat, N. M., & Geryaningsih, E. F. (2021). Model Pembelajaran Contextual Teaching and Learning terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Pecahan. *Jurnal Penelitian Matematika*, 1(3), 535–564.
- Nababan, S. A. (2018). Pengembangan Perangkat Pembelajaran Berbasis Pendekatan PBL untuk Memperbaiki Kemampuan Berpikir Kritis Siswa Sekolah Dasar. *Edu Gagak*, 1(2), 1–13.
- Nasir, M. (2016). Efektivitas Model Pembelajaran Berbasis Masalah (Problem Based Learning) terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Siswa pada Pelajaran Matematika. *Mathematika Didaktik*, 1(2), 1–19.
- Nuraini, E. A., & Armisti. (2019). Pengaruh Penerapan Model Problem Based Learning terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Siswa Kelas XI MIA SMAN 1 Padang Tahun Pelajaran 2019/2020. *Jurnal Edukasi Dan Penelitian Matematika*, 8(4), 24–29.
- Nueraha, M. R., & Basuki, B. (2021). Kesulitan Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa SMP di Desa Mulyasari pada Materi Statistika. *Piunimus Jurnal Pendidikan Matematika*, 1(2), 235–248.
- Nur, S., Pujiastuti, I. P., & Rahmat, S. R. (2016). Efektivitas Model Problem Based Learning (PBL) terhadap Hasil Belajar Mahasiswa Prodi

- Pendidikan Biologi Universitas Sulawesi Barat. *Sainsfit*, 2(2), 133–141.
- Nurfitriyanti, M. (2016). Model Pembelajaran Project Based Learning terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika. *Jurnal Formarif*, 6(1), 149–160.
- Nurrita. (2018). Pengembangan Media Pembelajaran untuk Meningkatkan Hasil Belajar Siswa. *Miyakor*, 05(01), 171–187.
- Pulungan, N. (2018). Efektivitas Pengembangan Model Pembelajaran MEA terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Siswa di MAS Al-Ahliyah Asik Badak. *JURNAL Matkabdi (Mathematics Education Journal)*, 1(3), 84–93.
- Purnamasari, I., & Setyaning W. (2019). Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Siswa SMP pada Mata Pelajaran SDV Ditinjau dari Kemampuan Analitik Matematika (KAM). *Journal Of Mathematics Education (JME) UIN Veteran Semarang*, 9(2), 207–215.
- Fasilita, M., Simato, S., & Setyaningtyas, E. W. (2019). Pengembangan Hasil Belajar Matematika Siswa Kelas 4 SD Melalui Model Pembelajaran Problem Based Learning. *Jurtek: Jurnal Sains dan Teknologi*, 1(1), 120–125.
- Putri, D. K., Suliswita, I., & Annah, M. (2019). Kemampuan Pemecahan Matematis Ditinjau dari Kemampuan Pemecahan Masalah. *International Journal Of Elementary Education*, 7(3), 351–357.
- Putri, R. K., & Reintan, D. I. P. (2011). Pengaruh Model Pembelajaran Problem Based Learning terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Siswa Kelas XI SMA Negeri 15 Surabaya. *EDUCATION: Jurnal Matematika Dan Pendidikan Matematika*, 1(1), 1–9.
- Putri, R. S., Suryana, M., & Juhi, H. (2019). Pengaruh Penerapan Model Problem Based Learning terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Siswa. *Jurnal Pendidikan Matematika*, 8(2), 331–340.
- Putri, U. A., & Wahyudi, W. (2019). Efektivitas Model Problem Based Learning Dan Problem Solving Ditinjau dari Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Peserta Didik Kelas IV SD. *Jurnal Edukasi Matematika dan Sains*, 5(1), 69–78.
- Rahmuzdani, N., & Amuzraheni, I. (2017). Peningkatan Aktivitas Belajar Matematika Melalui Pendekatan Problem Based Learning Bagi Siswa Kelas 4 SD. *Scholaria: Jurnal Pendidikan dan Kebudayaan*, 7(3), 241–250.

- Rahmawati, D. T., Kartinah, & Prasetyowati, D. (2019). Efektivitas Model Pembelajaran Problem Based Learning (PBL) Ditinjau dari Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa Kelas VIII SMP. *Seminar Nasional dan Pendidikan Matematika (SENATIK)*, 4, 388–392.
- Ramadhan, A., Anwar, S., & Falak, A. F. (2021). Analisis Kesalahan Siswa dalam Menyelesaikan Soal Pemecahan Masalah Matematik Siswa SMK Kelas X Materi Sistem Persamaan Linear Dua Variabel. *Jurnal Pembelajaran Matematika Inovatif*, 4(2), 321–330.
- Sboimin, A. (2021). *68 Model Pembelajaran Inovatif dalam Kurikulum 2013*. In Yogyakarta: As-Kura Media.
- Sianturi, A., Sopiranng, T. N., & Samorangin, F. M. A. (2018). Pengaruh Model Problem Based Learning (PBL) terhadap Kemampuan Berpikir Kritis Matematis Siswa SMPN 5 Sungailiat. *TENGSI: Jurnal Ilmiah Pendidikan Matematika*, 6(1), 39–42.
- Sulistyan, D., Rizqi, I., & Marmidah, M. (2020). Hubungan Kemampuan Belajar dengan Kemampuan Pemecahan Masalah Matematik. *Jurnal Pendidikan Matematika*, 11(1), 1–12.
- Sumantri, T. S. (2016). Peningkatan Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa Melalui Pembelajaran Berbasis Masalah. *Jurnal Pendidikan Matematika STKIP Ganesha*, 3(1), 145–155.
- Suprikhatin, S., & Yuliani, Y. M. (2020). Guru Mengintervensi Pekerjaan Sebagai Langkah untuk Mempersingkat Hasil Belajar Siswa. *PROVOST (Jurnal Pendidikan Elektro)*, 8(1), 65–72.
- Supriyono, L. O., Suliswati, A., & Dihermawati. (2020). Pengaruh Model Problem Based Learning Berbantuan Question Card terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Siswa Kelas V SD Inpres Pacerakkang. *Jurnal Ilmiah Profesi Pendidikan*, 8(1), 279–287.
- Tanjung, H. S. (2019). Peningkatan Kemampuan Komunikasi Dan Matematis Siswa SMA Melalui Model Pembelajaran Berbasis Masalah. *Migali: Jurnal Ilmiah Pendidikan Matematika*, 4(1), 42–54.
- Tanjung, H. S., & Nababan, S. A. (2019). Pengembangan Perangkat Pembelajaran Berbasis Masalah untuk Meningkatkan Kemampuan Pemecahan Masalah dan Komunikasi Matematis Siswa SMA Negeri 3 Kuala Kabupaten Nagan Raya. *Genta Maita*, 10(2), 178–187.
- Teguh Budianto, U. (2021). Penerapan Model Problem Based Learning untuk

- Meningkatkan Kemampuan Pemecahan Masalah dan Motivasi Siswa. *Jurnal Pendidikan, Jurnal Penelitian dan Pengembangan Pendidikan*, 5(3), 338–344.
- Tyse, R. (2017). Kesulitan Penerapan Problem Based Learning dalam Pembelajaran Matematika. *Innovacione*, 2(1), 43–52.
- Wanti, N., Juariah, I., Fatima, E., Kariadihata, R., & Sugilar, H. (2017). Pembelajaran Induktif pada Kemampuan Pemecahan Matematis dan Self-Regulated Learning Siswa. *Jurnal Online*, 5(1), 56–69.
- Widyanti, R., & Dwi, K. (2017). Pengaruh Model Pembelajaran Problem Based Learning Untuk Meningkatkan Prestasi Belajar Matematika Dan Aktivitas Siswa. *Markgrave Journal*, 1(1), 13–23.
- Yunika Sari, N. (2016). Efektivitas Pembelajaran Kooperatif Tipe Group Investigation Dengan Dua Pendekatan Terhadap Komunikasi. *Studi Pada Siswa Kelas VII Semester Genap SMP Negeri 1 Paseran*. Tahun Pelajaran 2015/2016. Skripsi. Fakultas Diversifikasi Bidang Lampung Universitas Lampung.
- Yuari, A. Y. (2018). Pengaruh Model Pembelajaran Problem Based Learning Terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Siswa Kelas VII di SMP Negeri Pendekar Mataram. *Jurnal Pendidikan Matematika*, 7(1), 51–61.
- Zulfah, Z. (2017). Pengaruh Penerapan Model Pembelajaran Kooperatif Tipe Think Pair Share Terhadap Peningkatan Hasil Belajar dan Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Siswa Mt. Negeri Muhibah Kecamatan Kamper Jaya Samarinda. *Jurnal Pendidikan Matematika*, 1(2), 1–12.





LAMPIRAN I

- a. LAMPIRAN RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN (RPP)
- b. LAMPIRAN LEMBAR KERJA SISWA (LKS)
- c. LAMPIRAN DAFTAR HADIR SISWA
- d. JADWAL PELAKSANAAN PENELITIAN
- e. KISI-KISI SOAL PRETEST DAN POSTTEST

1.1 Lampiran Rencana Pelaksanaan Pembelajaran (RPP)

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

Sekolah : SMA Negeri 9 Gowa

Mata Pelajaran : Matematika Umum

Kelas/Semester : XI/Ganjil

Materi Pokok : Matriks

Alokasi Waktu : 3 x 45 Menit (4 x pertemuan)

A. Tujuan Pembelajaran

Melalui kegiatan pembelajaran dengan metode diskusi, tanya jawab, pemberian tugas dan model Problem Based Learning siswa dapat:

1. Melaksanakan pengertian matriks.
2. Mengidentifikasi elemen-elemen matriks.
3. Mengidentifikasi jenis-jenis matriks.
4. Menyajikan model matematika dari suatu masalah nyata yang berkaitan dengan matriks.
5. Mengelaskan konsep keterkaitan matriks.
6. Melakukan operasi pada matriks.
7. Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan operasi matriks.
8. Mengelaskan transpose matriks.
9. Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan operasi matriks.
10. Menghitung determinan dan invers matriks berordo 2x2 dan 3x3.
11. Menyelesaikan masalah berkaitan dengan determinan dan invers matriks berordo 2x2 dan 3x3.

B. Kegiatan Pembelajaran

Pertemuan 1

Melalui kegiatan pembelajaran dengan metode diskusi, tanya jawab, pemberian tugas dan model Problem Based Learning siswa dapat:

1. Melaksanakan pengertian matriks.
2. Mengidentifikasi elemen-elemen matriks.
3. Mengidentifikasi jenis-jenis matriks.
4. Menyajikan model matematika dari suatu masalah nyata yang berkaitan dengan matriks.

Tahap Kegiatan	Kegiatan		Alokasi Waktu
	Guru	Siswa	
Pendahulu an:	Pre Pembelajaran: <ol style="list-style-type: none"> 1. Guru mengucapkan salam dan menginstruksikan ketua kelas untuk 	<ol style="list-style-type: none"> 1. Siswa menyayah salam dan berdoa. 2. Siswa melakukan absensi. 	10

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
	<p>memimpin doa.</p> <p>2. Guru mengecek kehadiran siswa dan dan memeriksa keripikan pakaian, posisi dan tenggorokan duduk sesuai dengan kegiatan pembelajaran.</p> <p>3. Guru menginformasikan materi yang akan dipelajari serta tujuan dan penekanan.</p>	<p>3. Siswa menyimak dan mencatat tujuan pembelajaran yang disampaikan guru.</p>	Menit
Int.	<p>Fase 1: Orientasi siswa pada musik</p> <p>1. Guru mengajukan pertanyaan atau meminta satu orang cerita tentang musik menggunakan bahasa.</p> <p>Pertanyaan misalnya: Apa itu musik?</p>  <p>Rambutan Garden Gonca adalah salah satu tempat wisata di Gorontalo yang menjadikan aneka macam kumparan bunga beraneka warna sebagai daya tarik utama. Taman bunga ini dibuka setiap hari dengan tiket masuk pada hari Senin-Rabu seharga Rp2.000,00 untuk dewasa dan Rp5.000,00 untuk anak-anak; pada hari Kamis-Jumat seharga Rp7.000,00 untuk dewasa dan Rp4.000,00 untuk anak-anak; dan pada hari</p>	<p>1. Siswa menyimak pertanyaan atau cerita yang disampaikan guru.</p> <p>2. Siswa mendengarkan sifat-sifat yang dituliskan guru.</p> <p>3. Siswa menyimak penjelasan guru.</p> <p>4. Siswa berdiskusi sesuai dengan pertanyaan yang dibuatkan guru.</p> <p>5. Siswa bergerak mengikuti tari yang diketahui jika corang paham.</p> <p>6. Siswa menyimak dan memperhatikan baik-baik alokasi waktu yang已经被提供</p> <p>7. Siswa antusias mencari informasi dari berbagai sumber belajar.</p> <p>8. Siswa mengerjakan LKS yang diberikan.</p> <p>9. Perwakilan tiap kelompok mempresentasikan.</p>	70 Menit

Tahap Kegiatan	Kegiatan		Alokasi Waktu
	Guru	Siswa	
<p>Sabtu-Minggu seharga Rp10.000,00 untuk dewasa dan Rp7.000,00 untuk anak-anak. Sajikan data tersebut dalam bentuk matriks!</p> <p>2. Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya.</p> <p>Fase 1: Mengorganisasi siswa untuk belajar</p> <p>3. Guru membantu siswa mendefinisikan tujuan pembelajaran dan tugas yang berkaitan dengan masalah.</p> <p>4. Guru mengelompokkan kelompok dan memberikan LKS bagi kelompok.</p> <p>5. Guru melakukan cek perca-perkakelompok untuk membantu organisasi tugas mereka.</p> <p>6. Guru mengawasi pelaksanaan pekerjaan mereka untuk membuat kaitan dengan tugas.</p> <p>Fase 2: Memotivasi penyelidikan individu maupun kelompok</p> <p>7. Guru mendampingi siswa untuk mengumpulkan informasi yang sesuai.</p> <p>8. Guru mendorong siswa untuk melaksanakan eksperimen untuk mendapatkan penjelasan dan pemecahan masalah.</p> <p>Fase 3: Mengembangkan dan Menyajikan Hasil karya</p> <p>9. Guru membantu siswa dalam merencanakan dan menyiapkan karya yang</p>	<p>Kasi tugas di depan kelas.</p> <p>10. Siswa memberikan umpan balik/tanggapan kepada kelompok lain yang sedang presentasi.</p> <p>11. Siswa menyiapkan kompilasi yang dibuatkan guru dan berikan kompilasi tersebut.</p>		

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
	<p>several seperti leponar, video, dan model.</p> <p>10. Guru membantu siswa untuk berbagi tugas dengan temannya.</p> <p>Fase 5: Menganalisis dan mengevaluasi proses pemecahan masalah</p> <p>11. Guru membantu siswa untuk melakukan refleksi atau evaluasi.</p>		
Penutup	<p>Uraian Pembelajaran:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Guru meminta tiga kelompok mengungkapkan hasil kerja mereka. 2. Guru berpesan kepada siswa untuk memperbaiki materi yang akan dibahas pada pertemuan selanjutnya. 3. Guru bersama-sama dengan siswa berdoa sebelum mengabdi peribadahan. 4. Pertemuan diakhiri dengan salam dan guru memberikan rating kelas. 	<p>1. Siswa diajukan kelompok kerja mereka.</p> <p>2. Siswa mencatat materi yang akan dipelajari selanjutnya.</p> <p>3. Siswa berdoa bersama.</p>	10 Menit

Pertemuan 2

Melalui kegiatan pembelajaran dengan metode diskusi tanya jawab, pemberian tugas dan model Problem Based Learning siswa dapat:

1. Siswa mampu menjalankan konsep kesamaan matriks.
2. Siswa mampu melakukan operasi pada matriks.
3. Siswa mampu menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan operasi matriks.

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan	<p>Pra Pembelajaran:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Guru mengacapkan salam dan menginstruksikan ketua kelas untuk memimpin doa. 	<p>1. Siswa menjawab salam dan berdoa.</p> <p>2. Siswa melakukan absensi.</p> <p>3. Siswa menyimak</p>	

Tahap Kegiatan	Kegiatan		Alokasi Waktu
	Guru	Siswa	
	<p>2. Guru mengecek kehadiran siswa dan dan memeriksa kerapihan pakaian, posisi dan tempat duduk sesuai dengan kegiatan pembelajaran.</p> <p>3. Guru menginformasikan materi yang akan dipelajari serta tujuan dari pembelajaran.</p>	dan mencatat tujuan pembelajaran yang diampaikan guru.	10 Menit
Inti	<p>Fase 1: Orientasi siswa pada manusia</p> <p>1. Guru menyampaikan pengertian atau ciri-ciri manusia menggunakan kalimat Perbedaan permasalahan di di bawah ini!</p>  <p>Andi dan Dimas sedang membaca buku alih tulis yang mereka beli di toko "Alma Tulis". Andi membeli 15 buku dan 10 pulpen, sedangkan Dimas membeli 20 buku dan 4 pulpen. Mereka akan menghitung jumlah total dan selisih buku dan pulpen yang mereka beli jika disajikan dalam bentuk matriks!</p> <p>2. Guru memotivasi siswa</p>	<p>1. Siswa menyimak pengarahan guru dengan teliti dan sentiasa bertanya-jawab pada guru.</p> <p>2. Siswa menyimak motivasi yang diberikan guru.</p> <p>3. Siswa memperhatikan penjelasan guru.</p> <p>4. Siswa berusaha untuk mendengarkan kelompok yang ditunjukkan guru.</p> <p>5. Siswa bertemu dengan kelompok teman yang diketahui jika kurang puas.</p> <p>6. Siswa memperhatikan baik-baik alokasi waktu yang dibenarkan.</p> <p>7. Siswa antusias mencari informasi dari berbagai sumber belajar.</p> <p>8. Siswa mengayakan LKS yang diberikan</p> <p>9. Perwakilan tiap kelompok mempresentasikan hasil kerja di depan</p>	70 Menit

Tahap Kegiatan	Kegiatan		Alokasi Waktu
	Guru	Siswa	
	untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya.	kelas.	
Fase 1: Mengorganisasi siswa untuk belajar	10. Guru memberikan tumpuan bagi kelompok laki yang sedang presentasi.		
3. Guru membantu siswa mendefinisikan dan mengorganisasikan tugas yang berkaitan dengan hasil.	11. Siswa menyimpulkan yang diajukan guru dan berikan kesempatan untuk simpulkan.		
4. Guru membangun kelompok heterogen dan memfasilitasi LKS tiga kelompok.			
5. Guru menjalankan role peran pendamping untuk membantu organisasi tugas siswa.			
6. Guru mengajak peserta didik untuk berdiskusi dalam kelas dengan tepat.			
Fase 2: Membingung peserta didik individu maupun kelompok			
7. Guru membangun suasana untuk merangsang interpretasi yang senonoh.			
8. Guru membangun suasana untuk mendorong eksplorasi dan penyelesaian peserta didik.			
Fase 3: Membimbing peserta didik individu maupun kelompok			
7. Guru membangun suasana untuk merangsang interpretasi yang senonoh.			
8. Guru membangun suasana untuk mendorong eksplorasi dan penyelesaian peserta didik.			
Fase 4: Mengembangkan dan Menyajikan Hasil karya			
9. Guru membantu siswa dalam merencanakan dan menyiapkan karya yang sesuai seperti laporan, video, dan model.			
10. Guru membantu siswa untuk berbagi tugas dengan temannya.			
Fase 5: Menganalisis dan mengevaluasi proses			

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
	pemecahan masalah 11. Guru membantu siswa untuk melakukan refleksi atau evaluasi.		
Penutup:	Usai Pembelajaran: 1. Guru meminta tiap kelompok mengumpulkan lembar kerja siswa. 2. Guru berjalan-jalan diantara siswa untuk mempelajari materi yang akan dibahas pada pertemuan selanjutnya. 3. Guru bersama-sama dengan guru bantu berasah dan guru membuat kesimpulan pembelajaran. 4. Pertemuan diakhiri dengan salam dan guru mengucapkan selamat pulang.	1. Siswa mengumpulkan lembar kerja siswa. 2. Siswa mencatat tuntas yang akan dipelajari selanjutnya. 3. Siswa berdoa bersama.	10 Menit

Pertemuan 3

Melalui kegiatan pembelajaran dengan metode diskusi, guru jawab pemberian tugas dan model Project Based Learning antara lain:

1. Siswa mampu menentukan transpose matriks
2. Siswa mampu menggunakan matriks yang berkaitan dengan operasi matriks

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan:	Pras Pembelajaran: 1. Guru mengucapkan salam dan menginstruksikan ketua kelompok untuk memimpin doa. 2. Guru mengacak kehadiran siswa dan memeriksa kerapian pakaian, posisi dan tempat duduk sesuai dengan kegiatan pembelajaran. 3. Guru menginformasikan	1. Siswa menjawab salam dan berdoa. 2. Siswa melaksukan absensi. 3. Siswa menyintak dan mencatat tujuan pembelajaran yang disampaikan guru.	10 Menit

Tahap Kegiatan	Kegiatan		Alokasi Waktu
	Guru	Siswa	
	materi yang akan dipelajari serta tujuan dan pembelajaran.		
Inti	<p>Fase 1: Orientasi siswa pada masalah</p> <p>1. Guru memperkenalkan fenomena atau demonstrasi atau contoh untuk menonjolkan masalah.</p> <p>Bacalah permasalahan berikut ini kemudian jawablah pertanyaannya.</p> <p>Pada semester gelas ini, guru dan kawan mengajukan tugas untuk melihatkan aduan penelitian di sekitar kita. Bahan yang diproduksi langsung di dalam tali tersebut pada hari yang berbeda. Maka menggunakan beberapa bahan baku yang diketahui, lalu membuat penelitian roti. Pada penelitian ini penemu mereka ditunjungi oleh seorang kepala produksi. Kepala produksi memberi tugas untuk mencari bahan baku roti yang berbeda. Pada hari ini hasil pencatatan harian diserahkan sore harinya. Daftar yang harus dicatat meliputi produksi 3 jenis roti yaitu brownies, bolu dan pastri. Sedangkan bahan-bakunya berupa...</p>	<p>1. Siswa menyimak fenomena atau demonstrasi atau contoh yang disampaikan guru.</p> <p>Siswa menyimak motivasi yang diberikan guru.</p> <p>2. Siswa menyimak penjelasan guru.</p> <p>Siswa berdiskusi dengan kelompok yang diberikan guru.</p> <p>3. Siswa bekerja dengan teman dan teman lainnya mengenai lembar kerja siswa yang diberikan oleh kurseus pokok.</p> <p>4. Siswa menyimak dan mendengarkan baik-baik alasan roti yang dibuat.</p> <p>5. Siswa antisipasi tampilan informasi dan berbagai sumber bahan.</p> <p>6. Siswa mengerjakan LKS yang diberikan.</p> <p>7. Perwakilan tiap kelompok mempresentasikan hasil kerja di depan kelas.</p> <p>8. Siswa memberikan timpang balik tanggapan kepada kelompok lain yang sedang presentasi.</p>	70 Menit

Tahap Kegiatan	Kegiatan		Alokasi Waktu
	Guru	Siswa	
	<p>tepung terigu, telur dan gula. Pada sore hari mereka menyerahkan hasil pencatatan pada kepala produksi.</p> <p>2. Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pencatatan masalah yang dipilihnya.</p> <p>Fase 1: Mengorganisir siswa untuk belajar</p> <p>3. Guru meminta siswa mencatatkan dan mengorganisir masalah yang berdatan dengan hasilnya.</p> <p>4. Guru memberi tukangpok berawigen dan pembekalan LKS bagi kelompok.</p> <p>5. Guru melaksanakan teknik perkelompok untuk membantu organisasi guru siswa.</p> <p>6. Guru mengajak peserta didik untuk ikut serta dalam kelas dengan tepat.</p> <p>Fase 2: Memvalidasikan penyeleksian instrumen merupakan kelompok</p> <p>7. Guru mendorong siswa untuk mengumpulkan informasi yang sesuai.</p> <p>8. Guru mendorong siswa untuk melaksanakan eksperimen untuk mendapatkan penjelasan dan pemecahan masalah.</p> <p>Fase 3: Mengembangkan dan Menyajikan Hasil karya</p> <p>9. Guru membantu siswa dalam merencanakan dan menyiapkan karya yang sesuai seperti laporan.</p>	<p>11. Siswa menyimak kesimpulan yang dijelaskan guru dan berikan kesempatan untuk menyampaikannya.</p>	

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
	<p>video, dan model.</p> <p>10. Guru membantu siswa untuk berbagi tugas dengan temannya.</p> <p>Fase 5: Menganalisis dan mengevaluasi proses pemecahan masalah</p> <p>11. Guru membantu siswa untuk melakukan refleksi atas tugasnya.</p>		
Penutup	<p>Usai Pembelajaran:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Guru memberi tugas kelompok mengumpulkan lembar kerja siswa. 2. Guru berpapasan kepada siswa untuk memperbaiki soal yang salah diatas pada pertemuan sebelumnya. 3. Guru bersama-sama dengan siswa berdiskusi tentang hasil pembelajaran. 4. Pertemuan diakhiri dengan salam dan guru memberikan rancangan kelas. 	<p>1. Siswa mengumpulkan lembar kerja siswa.</p> <p>Siswa memerlukan waktu yang tidak terlalu lama.</p> <p>2. Siswa bersama-sama dengan guru bermacam-macam.</p> <p>3. Siswa berdiskusi tentang hasil pembelajaran.</p>	10 Menit

Pertemuan 4

Melalui kegiatan pembelajaran dengan metode diskusi, tanya jawab, pemberian tugas dan model Problem Based Learning atau dapat

1. Siswa mampu menjelaskan determinan dan invers matriks berordo 2×2 dan 3×3 .
2. Siswa mampu menyelesaikan masalah berkaitan dengan determinan dan invers matriks berordo 2×2 dan 3×3 .

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahulu an	<p>Pra Pembelajaran:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Guru mengucapkan salam dan menginstruksikan ketua kelas untuk memimpin doa. 2. Guru mengecek kehadiran 	<ol style="list-style-type: none"> 1. Siswa menyambut salam dan berdoa. 2. Siswa melakukkan absensi. 3. Siswa menyusun dan merumus tujuan 	

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
	<p>siswa dan dan memerlukan kerapikan pakaian, posisi dan tempat duduk sesuai dengan kegiatan pembelajaran.</p> <p>3. Guru menginformasikan materi yang akan dipelajari serta tujuan dari pembelajaran.</p>	pembelajaran yang disampaikan guru.	10 Menit
Inti	<p>Fase 1: Orientasi siswa pada masalah</p> <p>1. Guru menggunakan teknologi atau demonstrasi atau cara kreatif memperkenalkan masalah.</p> <p>Pertukaran pertemuan dilakukan di kelas (ah ini)</p> <p>Adriani, Budi dan Rima berdiskusi rumus perjalanan ke tako hulu. Adriani membeli 2 buku dan 1 pensil dengan membayar Rp. 2.000,00. Budi membeli 1 buku dan 3 pensil dengan membayar Rp. 1.000,00. Berapa yang harus dibayar oleh Rima bila ia memiliki sebanyak lima dan setengah pensil?</p> <p>Siswa ikut berdiskusi dengan menggunakan determinan.</p> <p>2. Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya.</p> <p>Fase 2: Mengorganisasi siswa untuk belajar</p> <p>3. Guru membantu siswa mendefinisikan dan mengorganisasikan tugas-tugas yang berkaitan dengan masalah.</p>	<p>1. Siswa menyimak eksponensial atau geometri atau cerita yang disampaikan guru.</p> <p>2. Siswa mengikuti motivasi yang diberikan guru.</p> <p>3. Siswa menyimak penjelasan guru.</p> <p>4. Siswa berdiskusi seputar dengan kelompok yang dibagikan guru.</p> <p>5. Siswa berdiskusi mengenai temuan bersama teman dan juga jika tidak jadi jika ada yang kurang paham.</p> <p>6. Siswa menyusun dan memperbaiki hasil-hasil alokasi waktu yang diberikan.</p> <p>7. Siswa antusias mencari informasi dari berbagai sumber belajar.</p> <p>8. Siswa mengerjakan LKS yang diberikan.</p> <p>9. Perwakilan tiap kelompok mempresentasikan hasil kerja di depan kelas.</p>	70 Menit

Tahap Kegiatan	Kegiatan		Alokasi Waktu
	Guru	Siswa	
	<p>4. Guru membagi kelompok heterogen dan membagikan LKS tiap kelompok</p> <p>5. Guru melakukan cek percek perkelompok untuk membantu organisasi tugas siswa</p> <p>6. Guru mengajutkan pengumpulan tugas untuk diberikan hasil dengan tepat.</p> <p>Fase 3: Memahimbing pengetahuan individu masing kelompok</p> <p>Guru mendorong siswa untuk mengomunikasi informasi yang dimiliki</p> <p>7. Guru mendorong siswa untuk melaksanakan tindak lanjut pembelajaran dan pemecahan masalah</p> <p>Fase 4: Mengembangkan dan Menyajikan Hasil karya</p> <p>8. Guru memberi tugas kepada masing-masing kelompok yang termasuk seperti laporan, video, atau model</p> <p>10. Guru membagi siswa untuk berbagi tugas dengan temannya</p> <p>Fase 5: Menganalisis dan menganalisis proses pemecahan masalah</p> <p>11. Guru membantu siswa untuk melakukan refleksi atau evaluasi.</p>	<p>10. Siswa memberikan umpan balik tanggapan kepada kelompok lain yang sedang presentasi</p> <p>11. Siswa menyimak kesimpulan yang dijelaskan guru dan berikan kesempatan sikul.</p>	

Tahap Kegiatan	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Penutup	Uraian Pembelajaran: <ol style="list-style-type: none"> Guru meminta tiap kelompok mengumpulkan lembar kerja siswa. Guru berpesan kepada siswa untuk mempersiapkan materi yang akan diselesaikan pada pertemuan selanjutnya. Guru berkomunikasi dengan siswa berdasarkan tanggapan dan pertanyaan. Pertemuan diakhiri dengan salam dan guru memberi penghargaan ringan. 	<ol style="list-style-type: none"> Siswa mengumpulkan lembar kerja siswa. Siswa mencatat materi yang akan dipelajari selanjutnya. Siswa berdoa bersama. 	10 Menit

C. (Assessment)

Skor

Pengetahuan

Partisipasi siswa dalam kegiatan pembelajaran

Pengalaman

Palluweh, 2023

Mengetahui,

Guru Mengajar

Peserta

Nurjannah, S.Pd.
NIP. 19900824 202311 2 035

Siti Amelia Putri
NIM. 195361104319

1.1 Lembaran Lembar Kerja Siswa (LKS)

LEMBAR KERJA SISWA

PERTEMUAN 1

kelompok:

Anggota:

1. _____
2. _____
3. _____
4. _____
5. _____

Anggota:

6. _____
7. _____
8. _____
9. _____
10. _____

Tujuan Pembelajaran

- 1) Berdasarkan teori dan pembelajaran
- 2) Berkonsentrasi pada tujuan pelajaran matematika yang terdapat pada LKS
- 3) Dapat menuliskan tujuan pembelajaran, kerjakan penyelesaian, dan masalah-masalah yang terdapat pada LKS
- 4) Tanyakan kepada teman jika ada hal-hal yang tidak dipahami
- 5) Gunakan teknik berlatih kunci memecahkan permasalahan
- 6) Lakukan kerjakan yang terdapat pada LKS dengan baik
- 7) Kerjakan soal-soal yang terdapat pada LKS untuk memahami materi yang diperlukan

Kompetensi Dasar:

- 3.5 Menjalankan operasi dan kesatuan matriks dengan memahami kontekstual dan melakukan operasi pada matriks yang meliputi penjumlahan, pengurangan, perkalian skalar, dan perkalian serta transpose.
- 4.5 Menyelesaikan masalah kontekstual yang berkaitan dengan matriks

Tujuan Pembelajaran

Setelah mengikuti proses pembelajaran dengan diskusi kelompok diharapkan:

1. Siswa mampu mendefinisikan matriks dengan tepat
2. Siswa mampu menyebutkan ordo, elemen, dan jenis-jenis matriks dengan tepat
3. Siswa mampu menyelesaikan masalah kontekstual yang berkaitan dengan konsep matriks dengan tepat

AKTIVITAS

I

KONSEP Matriks

Pernahkah kalian mendengar kata matriks?

Tahukah kalian bahwa susunan benda-benda di sekitar kita merupakan contoh matriks? Sebagai contoh, susunan buku di meja, susunan buku di perpustakaan, posisi kalian saat berbaris di lapangan, posisi kalian saat mendekati ujian, dan lain-lain.

Nah, perhatikan susunan buku di perpustakaan di bawah ini.



Tentu, kalian dapat melihat susunan tersebut dapat berupa poli baris dan kolom bukan? Bentuk susunan berupa baris dan kolom akan melahirkan konsep matriks yang akan kita pelajari. Sebagai contohnya adalah susunan angka dalam bentuk tabel. Pada tabel terdapat baris dan kolom, banyak baris dan kolom bergantung pada ukuran tabel tersebut. Ini sudah merupakan gambaran dari sebuah matriks. Agar kalian dapat segera menemukan konsepnya, mari perhatikan masalah di bawah ini!



Sebagai gambaran awal mengenai matriks, mari perhatikan kembali susunan buku di perpustakaan di atas kembali!



Perhatikan susunan buku pada rak di atas!

Jumlah buku pada baris pertama dan kolom pertama adalah 6,

Jumlah buku pada baris pertama dan kolom kedua adalah 5

Jumlah buku pada baris ketiga dan kolom pertama adalah 5

Jumlah buku pada baris ketiga dan kolom kedua adalah 4

Jumlah buku pada baris ketiga dan kolom pertama adalah 8, dan

Jumlah buku pada baris ketiga dan kolom kedua adalah 5.

Susunan jumlah buku pada rak di atas dapat dimisalkan dalam bentuk matriks seperti berikut.

$$\begin{bmatrix} 6 & 5 \\ 5 & 4 \\ 8 & 5 \end{bmatrix} \text{ atau dapat juga ditulis } \begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 5 & 4 \\ 8 & 5 \end{pmatrix}$$

Perhatikan masalah 1.1 berikut ini!

Masalah 1.1



Rainbow Garden Gowa adalah salah satu tempat wisata di Gowa yang menyajikan malam indah lampung dengan nuansa warna-warni dan taman bunga. Taman bunga ini dibuka setiap hari dengan tiket masuk pada hari Senin-Rabu senilai Rp 10.000 untuk dewasa dan Rp 5.000,00 untuk anak-anak; pada hari Kamis-Jumat senilai Rp 7.000,00 untuk dewasa dan Rp 4.000,00 untuk anak-anak; dan pada hari Sabtu-Minggu senilai Rp 10.000,00 untuk dewasa dan Rp 7.000,00 untuk anak-anak. Sajikan data tersebut dalam bentuk tabel!

1. Tuliskan informasi penting yang telah kalian temui pada masalah tersebut.

• Tiket Senin-Rabu : Rp	Untuk Dewasa dan RP:	Untuk anak-anak
• Tiket Kamis-Jumat : Rp	Untuk Dewasa dan RP:	Untuk anak-anak
• Tiket Sabtu-Minggu : Rp.	Untuk Dewasa dan RP:	Untuk anak-anak

Sajikan data dalam bentuk _____

2. Sajikan informasi penting yang telah kalian tulis pada tabel di bawah ini! Tuliskan nilai nominalnya saja, contoh: 8.000

Tabel 1.1 Kategori Tiket Masuk Objek Wisata

Hari	Anak-Anak	Dewasa
Hari Senin-Rabu (Rp)	5.000	—
Hari Kamis-Jumat (Rp)	—	7.000
Hari Sabtu-Minggu (Rp)	7.000	—

Tabel 1.1 dapat disederhanakan dengan menghilangkan keterangan-keterangan pada baris pertama dan kolom pertama yang terdapat pada tabel dan mengganti tabel dengan tanda kurung biasa seperti berikut ini.

$$\begin{bmatrix} 5 \\ - \\ 7 \end{bmatrix} \text{ atau } \begin{pmatrix} 5 \\ - \\ 7 \end{pmatrix}$$

Data yang telahubah menjadi tanda kurung bilangan-bilangan yang diatur menurut baris dan kolom dalam suatu jajaran yang berbentuk persegi panjang. Sifat-sifat baris seperti tanda yang dimulai sebagai matriks

Matriks

Susunan bilangan pada matriks dituliskan dalam kurung besar "()" atau kurung siku "[]". Matriks diberi nama dengan menggunakan huruf kapital, seperti A,B,C dan lain-lain.

AKTIVITAS

2

ORDO DAN ELEMEN MATEMATIKA

Perhatikan masalah 1.2 berikut ini!

Masalah 1.2

Meski ingatkan kalian posisi tempat duduk sekeluarga mengikuti ujian? Maksimal dalam satu ruangan terdapat 20 orang peserta didik. Dalam satu ruangan, pihak sekolah menempatkan peserta didik sesuai dengan urutan nomor. Misalnya, nomor ujian peserta di ruangan adalah 1, 2, 3, ..., 20. Berikut ini adalah denah dan nomor peserta ujian.

Denah Nomor Peserta Ujian

1. A. Suci	2. B. Prilly	3. C. Rani	4. D. Santi
5. E. Izza	6. F. Nelly	7. G. Yuni	8. H. Rizka
9. I. Cahya	10. J. Della	11. K. Melati	12. L. Nurul
13. M. Sita	14. N. Risty	15. O. Prita	16. P. Alisya
17. Wafira	18. T. Febina	19. S. Fitriatul	20. R. Rizqiyah

1. Nyatakan nomor peserta ujian pada denah di atas dalam bentuk matriks, misalkan matriks B !



Perhatikan denah di atas, tuliskan kalian bahwa konsep matriks terdapat dalam denah nomor peserta ujian di atas. Untuk lebih jelasnya kita bentuk matriks dari denah ujian di atas.

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \\ 13 & 14 & 15 & 16 \end{bmatrix}$$

2. Berapa banyak baris dan kolom matriks B ?
- Baris dan kolom

Banyak baris dan kolom pada suatu matriks disebut dengan orde matriks atau ukuran matriks.

Contoh :

a. $P = \begin{bmatrix} 2 & 4 & 5 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$ Matriks P terdiri dari 2 baris dan 3 kolom.
Maka orde matriks P adalah 2×3 .

b. $Q = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 7 \end{bmatrix}$ Matriks Q terdiri dari 2 baris dan 2 kolom. Maka orde matriks Q adalah 2×2 .

Catatan: 2×2 dan 2×1 hanya mempunyai sebuah notasi sehingga tidak boleh diambil.

3. Setelah ikuti penjelasan tentang orde matriks, nyatakan orde matriks B diatas!
Matriks B terdiri dari 5 baris dan 4 kolom. Maka orde matriks B adalah ... x ...

Jadi secara umum, jika suatu matriks memiliki m baris dan n kolom dimana m adalah banyak baris dan n adalah banyak kolom, maka nyatakan orde dari suatu matriks tersebut!

Selain memiliki baris, kolom, ordo, matriks juga memiliki elemen yaitu setiap anggota dalam matriks tersebut. elemen suatu matriks dinotasikan dengan huruf kecil seperti a, b, c, \dots dan lain-lain, serta biasanya disesuaikan dengan nama matriksnya.

Pernyataan kembali matriks B yang telah diperoleh di atas!

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \\ 13 & 14 & 15 & 16 \\ 17 & 18 & 19 & 20 \end{bmatrix}$$

Bilangan $1, 2, 3, \dots, 20$ merupakan elemen-elemen atau anggota-anggota dari matriks B .

Agar lebih jelas tentang elemen-elemen bilangan, perhatikan kembali denah rumah peserta ujian pada masing-masing 1-2.

Berdasarkan denah tersebut, dapat diketahui bahwa Rumah Sari pada baris pertama dan kolom ketiga dimuatkan dengan $b_{13} = 3$, sebaliknya Rumah Milenia berada pada baris kedua dan kolom keempat, dimuatkan dengan $b_{24} = 8$.

Tentukan posisi apa yang belum dimuatkan?

4. Dimanakah posisi Satri pada baris di atas?

Posisi Satri berada pada baris ... Dan kolom ... dimuatkan dengan ...

5. Dimanakah posisi Fahmi pada baris di atas?

Posisi Fahmi berada pada baris ... Dan kolom ... dimuatkan dengan ...

6. Untuk selanjutnya elemen matriks B dapat dimuatkan dengan

$$\begin{array}{llll} b_{11} = \dots & b_{12} = \dots & b_{13} = 3 & b_{14} = \dots \\ b_{21} = \dots & b_{22} = 6 & b_{23} = \dots & b_{24} = \dots \\ b_{31} = 9 & b_{32} = \dots & b_{33} = 11 & b_{34} = 12 \\ b_{41} = \dots & b_{42} = \dots & b_{43} = \dots & b_{44} = \dots \\ b_{51} = \dots & b_{52} = 18 & b_{53} = \dots & b_{54} = \dots \end{array}$$

Jadi secara umum, jika elemen matriks B terdapat pada baris ke- i dan kolom ke- j , dimana $i = 1, 2, 3, \dots, m$ dan $j = 1, 2, 3, \dots, n$, maka nyatakan entri matriks B tersebut!

$$\begin{array}{llll} b_{11} = \dots & b_{12} = \dots & b_{13} = 3 & b_{14} = \dots \\ b_{21} = \dots & b_{22} = 6 & b_{23} = \dots & b_{24} = \dots \\ b_{31} = 9 & b_{32} = \dots & b_{33} = 11 & b_{34} = 12 \\ b_{41} = \dots & b_{42} = \dots & b_{43} = \dots & b_{44} = \dots \\ b_{51} = \dots & b_{52} = 10 & b_{53} = \dots & b_{54} = \dots \end{array}$$

Secara umum, elemen matriks dapat dibentuk menjadi

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} \end{bmatrix}$$

Keterangan:

a) Elemen matriks pada baris ke- i dan kolom ke- j dengan $i = 1, 2, 3, \dots, m$ dan $j = 1, 2, 3, \dots, n$.

b) $m \times n$: ordo matriks A dengan m adalah banyak baris dan n adalah banyak kolom matriks A .

AKTIVITAS



JENIS-JENIS MATRIKS

1. Matriks Baris

Perhatikan matriks-matriks di bawah ini!

$$A_{1 \times 2} = [17 \quad 19], B_{1 \times 3} = [13 \quad 4 \quad 20] \text{ dan } C_{1 \times 2} = \begin{bmatrix} -1 & 13 \\ 5 & 7 \end{bmatrix}$$

Matriks A dan B merupakan matriks baris sedangkan matriks C bukan merupakan matriks baris.

Perhatikan banyak baris matriks A dan B kecuali kembangkasan dengan banyak baris matriks C , apa yang dapat kamu simpulkan tentang matriks baris?

2. Matriks Kolom

Perhatikan matriks-matriks di bawah ini!

$$A_{3 \times 1} = \begin{bmatrix} 17 \\ 6 \\ 23 \end{bmatrix}, B_{3 \times 1} = \begin{bmatrix} 24 \\ 27 \\ 13 \end{bmatrix}, \text{ dan } C_{3 \times 1} = \begin{bmatrix} 12 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 \\ -7 \\ 4 \end{bmatrix}$$

Matriks A dan B merupakan matriks kolom, sedangkan matriks C bukan merupakan matriks kolom.

Perhatikan banyak kolom matriks A dan B kecuali kembangkasan dengan banyak kolom matriks C , apa yang dapat kamu simpulkan tentang matriks kolom?

3. Matriks Persegi

Perhatikan matriks-matriks di bawah ini!

$$A_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 3 & 7 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}, B_{3 \times 4} = \begin{bmatrix} -2 & 6 & 4 & 9 \\ 3 & 9 & -5 & 3 \\ 4 & 3 & -2 & 7 \end{bmatrix}, \text{ dan } C_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 5 & 7 & 9 \end{bmatrix}$$

Matriks A dan B merupakan matriks persegi, sedangkan matriks C bukan merupakan matriks persegi.

Perhatikan baris ke-3 kolom matriks A dan B ! kemudian bandingkan dengan baris ke-3 dan kolom ke-3 matriks C apa yang dapat kamu simpulkan tentang matriks persegi?

Tugas: Cari matriks persegi di bawah ini!

$$B_{4 \times 4} = \begin{bmatrix} 9 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & -3 & 10 \\ 0 & 0 & 2 & -5 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

4. Matriks Segitiga

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

d

e

f

g

h

i

j

k

l

m

n

o

p

q

r

s

t

u

v

w

x

y

z

a

b

c

rik A dan B merupakan matriks segitiga, sedangkan matriks C dan D bukan merupakan matriks segitiga.

Matriks A, B, C dan D merupakan matriks persegi. Kemudian, perhatikan elemen di atas atau di bawah diagonal utama dari keempat matriks di atas! Apa yang dapat kalian simpulkan tentang matriks segitiga?

5. Matriks Diagonal

Perhatikan matriks-matriks di bawah ini!

$$A_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}, B_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$C_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \text{ dan } D_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 4 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

A, B, C merupakan matriks diagonal, sedangkan matriks D bukan merupakan matriks diagonal.

Matriks A, B, C dan D merupakan matriks persegi. Kemudian, perhatikan elemen-elemen pada diagonal utama dan selain diagonal utama dari keempat matriks tersebut. Apa yang dapat kalian simpulkan tentang matriks diagonal?

6. Matriks Identitas

Perhatikan matriks-matriks di bawah ini!

$$A_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, B_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$C_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}, \text{ dan } D_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Matriks A dan B merupakan matriks identitas, sedangkan matriks C dan D bukan merupakan matriks identitas.

Matriks A , B , C dan D merupakan matriks persegi. Kemudian, perhatikan elemen-elemen pada diagonal utama dan selain diagonal utama dan kumpulkan matriks tersebut! Apa yang dapat kalian simpulkan tentang matriks identitas?

7. Matriks Nol

Pernahkah kalian mendengar matriks di bawah ini?

$$A_{2 \times 2} = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}, B_{1 \times 1} = \begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}, \text{ dan } C_{2 \times 1} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Matriks A dan B merupakan matriks nol, sedangkan matriks C bukan merupakan matriks nol.

Perhatikan elemen-elemen dari ketiga matriks di atas! Apa yang dapat kalian simpulkan tentang matriks nol?

LEMBAR KERJA SISWA

PERTEMUAN 2

Kelompok:

Anangota:

1. _____
2. _____
3. _____
4. _____
5. _____

Anangota:

6. _____
7. _____
8. _____
9. _____
10. _____

Tujuan Pembelajaran

1. Siswa mampu menulis pembelajaran.
2. Berkomunikasi pada saat mengajukan kegiatan yang terdapat pada LKS.
3. Siswa mampu tujuh pembelajaran petunjuk pengaruh dan masalah-masalah yang terdapat pada LKS.
4. Tanyakan kepada teman jika ada hal-hal yang tidak dipahami.
5. Gunakan sumber bacaan lain untuk memperdalam pengetahuan.
6. Lakukan kegiatan yang terdapat pada LKS dengan baik.
7. Kegiatan tugas-tugas yang terdapat pada LKS untuk memahami materi yang dipelajari.

Kompetensi Dasar

- 3.5 Menjelaskan matriks dan kesamaan matriks dengan masalah kontekstual dan melakukan operasi pada matriks yang meliputi penjumlahan, pengurangan, perkalian skalar, dan perkalian serta transpose.
- 4.5 Menyelesaikan masalah kontekstual yang berkaitan dengan matriks

Tujuan Pembelajaran

Setelah mengikuti proses pembelajaran dengan diberi kelompok diharapkan:

1. Siswa mampu menjelaskan kesamaan dua matriks.
2. Siswa mampu menentukan hasil operasi pada matriks
3. Siswa mampu menyelesaikan dari suatu masalah nyata yang berkaitan dengan operasi matriks

Ayo Amati dan Pahami Masalah Berikut!

Permasalahan 1



Andi dan Dina sedang membicarakan alih tulis yang mereka beli di toko "Manusia Tulis". Andi membeli 15 buku dan 12 pulpen, sedangkan Dina membeli 20 buku dan 4 pulpen. Mereka akan mengetahui jumlah total dan selisih buku dan pulpen yang mereka beli. Memerlukan kalian berapa jumlah total dan selisih buku dan pulpen yang mereka beli plus dengarkan dalam bentuk matematika!

Alternatif Penyelesaian

Masalah Matematik

- a. Berdasarkan permasalahan di atas, informasi apa saja yang kalian ketahui?

Andi membeli ... buku dan ... pulpen.

Dina membeli ... buku dan ... pulpen.

- b. Tuliskan apa yang ditanyakan dari permasalahan tersebut!

Jumlah total dan selisih ... dan ...

Kalian telah mempelajari materi yang ada dalam buku ziar bukan?
Nah coba kalian tuliskan hal-hal yang kalian peroleh pada permasalahan diatas.



Untuk menyatakan permasalahan diatas, kalian telah pernah
lakukan langkah-langkahnya bukan? Ayo selesaikan bersama kelompok kalian!

Diketahui:

- Andi membeli 15 buku dan 3 pulpen jika disajikan dalam matriks menjadi $A = \begin{bmatrix} 15 \\ 3 \end{bmatrix}$
- Dimas membeli 20 buku dan 4 pulpen jika disajikan dalam matriks menjadi $D = \begin{bmatrix} 20 \\ 4 \end{bmatrix}$

Ditanya:

- Setelah disajikan dalam matriks, dapat diamati bahwa ordo matriks A adalah ... dan ordo matriks D adalah ..., artinya kedua matriks mempunyai ordo yang sama.
Karena ordo matriksnya sama maka akan dijumlahkan elemen-elemen yang seletak pada kedua matriks tersebut. Sehingga diperoleh:
Total buku dan pulpen yang dibeli Andi dan Dimas adalah:

$$A + D = \begin{bmatrix} 15 \\ 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 20 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 15+20 \\ 3+4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 35 \\ 7 \end{bmatrix}$$

Karena buku dan pulpen yang dibeli Dimas lebih banyak dari pada Andi, maka selisih buku dan pulpen yang dibeli Andi dan Dimas bisa disajikan sebagai berikut:

$$A - D = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 - 1 \\ 2 - 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Melakukan Perkalian Pemecahan

2 buah matriks yang diketahui adalah matriks A dan D, yaitu:
Total buku dan pulpen yang dibeli:

$$A + D = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1+1 \\ 2+1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

Selisih buku dan pulpen yang dibeli:

$$A - D = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1-1 \\ 2-1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Selisih buku yang dibeli _____ buku dan selisih pulpen yang dibeli _____ pulpen.

Mengalih Kembali Pemecahan

Dari hasil dalam latihan pemecahan di atas, kita simpulkan:

1. Total buku yang dibeli _____ dan total pulpen yang dibeli _____
2. Selisih buku yang dibeli _____, dan selisih pulpen yang dibeli _____
3. Pengurangan matriks dapat dilakukan jika _____

4. Pengurangan matriks dapat dilakukan jika _____

Ayo Amati dan Pahami Masalah Berikut!

Permasalahan 2

Suatu perusahaan yang bergerak pada bidang jasa akan membuka tiga cabang besar di pulau Sumatera, yaitu cabang 1 di kota Palembang, cabang 2 di kota Padang, dan cabang 3 di kota Pekanbaru. Untuk itu, diperlukan beberapa peralatan untuk memenuhi kebutuhan calon jasa tersebut, yaitu handpone, komputer, dan sepeda motor. Di sini, tim pihak perusahaan mempertimbangkan harga per satuan peralatan tersebut. Lengkapnya, rincian data tersebut disajikan sebagai berikut.

	Handpone (Unit)	Komputer (Unit)	Sepeda Motor (Unit)
Cabang 1	3	2	1
Cabang 2	5	6	2
Cabang 3	4	4	1

Harga Handpone (juta)

Harga Komputer (juta)

Harga Sepeda Motor (juta)

- a. Berdasarkan permasalahan kontekstual di atas, model matematik dalam bentuk matriks yang memperhitungkan jumlah unit setiap peralatan yang dibutuhkan di setiap cabang adalah:

$$G_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 5 & 6 & 2 \\ 4 & 4 & 1 \end{bmatrix}$$

- b. Model matematika dalam bentuk matriks yang memperhitungkan harga per unit setiap peralatan adalah:

$$O_{3 \times 3} = \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \\ 1 \end{bmatrix}$$

- c. Gunakan perkalian matriks untuk menentukan total biaya yang harus dikeluarkan pada cabang 1!

Total biaya pengadaan peralatan cabang 1 diperoleh dengan mengalikan matriks baris pertama dengan harga per satuan peralatan.

$$\begin{aligned} \text{Total biaya pengadaan peralatan} &= [1 \quad 3 \quad 2] \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \\ 15 \end{bmatrix} \\ &= (-x \cdot 2) + (3 \cdot -x) + (-x \cdot 15) \\ &= -x - 3x - 15x = - \end{aligned}$$

Jadi total biaya pengadaan peralatan di Cabang 1 adalah Rp

- d. Gunakan perkalian matriks untuk mencari total biaya yang harus dikeluarkan pada cabang 2!
- Total biaya pengadaan peralatan cabang 2 diperoleh dengan mengalikan matriks biaya kedua dengan harga per satuan peralatan.

$$\begin{aligned} \text{Total biaya pengadaan peralatan} &= [-1 \quad 5 \quad 1] \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \\ 15 \end{bmatrix} \\ &= (-x \cdot 2) + (5 \cdot -x) + (1 \cdot x \cdot 15) \\ &= -x - 5x + 15x = - \end{aligned}$$

Jadi total biaya pengadaan peralatan di Cabang 2 adalah Rp

- e. Gunakan perkalian matriks untuk mencari total biaya yang harus dikeluarkan pada cabang 3!
- Total biaya pengadaan peralatan cabang 3 diperoleh dengan mengalikan matriks biaya ketiga dengan harga per satuan peralatan.

$$\begin{aligned} \text{Total biaya pengadaan peralatan} &= [-1 \quad -1 \quad 1] \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \\ 15 \end{bmatrix} \\ &= (-x \cdot 2) + (-x \cdot 5) + (1 \cdot x \cdot 15) \\ &= -x - 5x + 15x = - \end{aligned}$$

Jadi total biaya pengadaan peralatan di Cabang 3 adalah Rp

- f. Tuliskan bentuk matriks yang menunjukkan total biaya pengadaan peralatan di setiap cabang!

Total biaya pengadaan peralatan di setiap unit dimuatkan dalam kelas matriks berikut:

$$\text{Biaya} = \begin{bmatrix} & \\ & \end{bmatrix}$$



LEMBAR KERJA SISWA

PERTEMUAN 3

Kelompok:

Anangota:

1. _____
2. _____
3. _____
4. _____
5. _____

Anangota:

6. _____
7. _____
8. _____
9. _____
10. _____

Persiapan Pembelajaran

1. Berdoa seluruh anggota kelompok.
2. Berkonsentrasi pada saat mengerjakan kegiatan yang terdapat pada LKS.
3. Baca dan pelajari tujuan pembelajaran, prasyarat pengetahuan, dan manfaat ekonomis untuk terdapat pada LKS.
4. Tanyakan kepada guru jika ada hal-hal yang tidak dierti.
5. Gunakan sumber bantuan lain untuk memperdalam pengetahuan.
6. Lakukan kegiatan yang terdapat pada LKS dengan baik.
7. Kegiatan soal-soal yang berada pada LKS untuk memperkuat materi yang dipelajari.

Kompetensi Dasar

- 3.5 Menjelaskan matrice dan kelembaga matrice dengan masalah kontekstual dan melakukan operasi pada matrice yang meliputi penjumlahan, pengurangan, perkalian skalar, dan perkalian, serta transpose.
- 4.5 Menyelesaikan masalah kontekstual yang berkaitan dengan matrice

Tujuan Pembelajaran

Setelah mengikuti proses pembelajaran dan diskusi kelompok diharapkan:

1. Siswa mampu menentukan transpose
2. Siswa mampu menyelesaikan dari suatu masalah nyata yang berkaitan dengan operasi matrice

Bacalah permasalahan berikut ini kemudian jawablah pertanyaannya!

Pada semester genap ini Aeni dan Ica mendapatkan tugas untuk melakukan

studi penelitian di sebuah toko bakery yang diproduksi langsung di dapur toko

tersebut pada hari yang berbeda. Mereka mengamati beberapa bahan baku yang

dibutuhkan dalam pembuatan roti. Pada

penelitian hari pertama mereka

dilengkapi dengan

kepala produksi memberi

tugas untuk mencatat bahan

baku roti yang berbeda.

Pada hari ini, hari penelitian ketiga mereka. Daftar yang termasuk dalam

daftar meliputi produk 3 jenis roti yaitu brownies, bolu dan pastri. Sedangkan

bahan bakunya terdiri

dari tepung terigu, telur dan gula. Pada hari ketiga mereka

mengambilkan hasil penelitian pada kepala produksi. Kemudian kepala produksi

menyampaikan hasil catatan Aeni dan Ica dengan catatan miliknya yang tersusun

dalam sebuah tabel berikut ini.

Catatan Aeni di dapur toko bakery dalam kg

Bahan Baku	Brownies	Bolu	Pastri
Tepung terigu	30	30	15
Telur	15	20	30
Gula	40	15	15

Catatan Ica di dapur toko bakery dalam kg

Bahan Baku	Brownies	Bolu	Pastri
Tepung terigu	30	33	16
Telur	60	20	30
Gula	40	15	15

Catatan kepala produksi di dapur toko bakery dalam kg

Bahan Baku	Brownies	Bolu	Pastri
Tepung terigu	30	30	15
Telur	75	20	30
Gula	40	15	15

Dari hasil catatan tersebut,

- a. Tuliskan informasi tersebut dalam bentuk matriks.

$$A = \begin{bmatrix} 50 & \square & \square \\ \square & \square & 30 \\ \square & \square & 20 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} \square & \square & \square \\ 60 & \square & \square \\ \square & \square & \square \end{bmatrix} \quad C = \begin{bmatrix} \square & \square & \square \\ \square & \square & 15 \\ \square & \square & 10 \end{bmatrix}$$

- b. Manakah dari ketiga matriks tersebut yang sama? Berilah minimal 2 alasan!



Kesimpulan Pembelajaran hari ini:

LEMBAR KERJA SISWA

PERTEMUAN 4

Anggota:

kelompok:

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.

Anggota:

- 6.
- 7.
- 8.
- 9.
- 10.

Pertemuan Perkiraan

1. Berdasarkan sebuah kurikulum pembelajaran
2. Berkonsentrasi pada saat menggunakan kegiatan yang terdapat pada LKS
3. Baca dan teliti tujuan pembelajaran, penjelasan, pertemuan, dan materiil-materiil yang terdapat pada LKS
4. Tanyakan kepada guru jika ada hal-hal yang tidak dimahami
5. Gunakan sumber bacaan lain untuk memperkuat pemahaman
6. Lakukan kegiatan yang terdapat pada LKS dengan baik
7. Kerjakan soal-soal yang terdapat pada LKS untuk memahami materi yang dipelajari

Kompetensi Dasar

- 3.6 Menjelaskan determinan dan invers matriks berordo 2×2 dan 3×3
- 4.6 Menyelesaikan masalah berkaitan dengan determinan dan invers matriks berordo 2×2 dan 3×3

Tujuan Pembelajaran

Sesudah mengikuti jurnal pertemuan ini dengan diskusi kelompok diharapkan:

1. Siswa mampu menjelaskan determinan dan invers matriks berordo 2×2 dan 3×3
2. Siswa mampu menyelesaikan masalah berkaitan dengan determinan dan invers matriks

Ayo Amati dan Pahami Masalah Berikut!

Permasalahan 1

Ahmad, Budi dan Bima bersama-sama pergi ke toko buku. Ahmad membeli 3 buku dan 2 pensil dengan membayar Rp 14.000,00. Budi membeli 1 buku dan 2 pensil dengan membayar Rp 7.000,00. Berapa yang harus dibayar oleh Bima jika ia membeli sebuah buku dan sebuah pensil? Selesaikan dengan menggunakan determinan.

	Buku	Pensil	Harga
Ahmad	3	2	14.000
Budi	1	2	7.000
Bima	1	1	

Diketahui

misal buku = ... pensil = ...

Ahmad membeli ... buku dan ... pensil dengan membayar
Rp.

$$\dots + \dots = \dots$$

Budi membeli ... buku dan ... pensil dengan membayar
Rp.

$$\dots + \dots = \dots$$

Ditanyakan

Berapa yang harus dibayar bima jika membeli sebuah buku dan sebuah pensil?

Ubah dalam bentuk matriks $AX = B$

Melakukan Redaksi Pemecahan

Menggunakan determinan:

$$\Delta = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 2 - 1 = 1$$

$$\frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{18.000(1) - 2.000(-1)}{1} = 18.000 + 2.000 = 20.000$$

$$\frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{-18.000(1) + 2.000(-1)}{1} = -18.000 - 2.000 = -20.000$$

Universitas Muhammadiyah Makassar

Buku ini dibuat sebagai bahan dan sumber pengetahuan

$$x + y = \dots + \dots = \dots$$

Jadi Buku buku akan berisi

Ayo Amati dan Pahami Masalah Berikut!

Persamaan 2:

Anita membeli 2 kg mangga dan 1 kg Jeruk dan ia harus membayar Rp. 15.000,00 sedangkan Bella membeli 1 kg Mangga dan 2 kg Jeruk dan ia membayar Rp. 13.000,00 berapakah harga 1 kg Mangga dan 2 kg Jeruk?

Alternatif penyelesaian:

Masalah:

Mangga adalah ...

Jeruk adalah ...

Maka model matematikanya

$$2x + y = \dots$$

$$x + 2y = \dots$$

Pertama, kita cari SPLDV di atas menggunakan metode matriks $AX = B$

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 15 \\ 13 \end{bmatrix}$$

Kedua, kita ubah matriks $AX = B$ menjadi bentuk invers $X = A^{-1}B$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{\det A} \times \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 15 \\ 13 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{5} \times \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 15 \\ 13 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{5} \times \begin{bmatrix} 14 \\ 11 \end{bmatrix}$$

Ketiga, selesaikan persamaan di atas.

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \dots \\ \dots \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \{3(\dots) + 2(\dots)\}$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \dots + \dots$$

Ayo Membuktikan Kelempaman

Maka diperoleh $x = \dots$ dan $y = \dots$ Maka himpunan penyelesaiannya.

Keempat, tentukan harga 3 kg Marmut dan 1 kg Jeruk.

$$\begin{aligned} 3 \times \text{Rp. } & \dots = 1 \times \text{Rp. } \dots = \text{Rp. } \dots + \text{Rp. } \dots \\ & = \text{Rp. } \dots \end{aligned}$$

Jadi yang harus dibayar adalah Rp.



1.3 Lampiran Daftar Hadir Siswa

DAFTAR HADIR SISWA KELAS XI MIPA 1
SMA NEGERI 9 GOWA

No	Nama	Pertemuan Ke-					
		1 (Present)	2	3	4	5	6 (Present)
1	A. Hamim Muhammadiyah	✓	✓	✓	✓	✓	✓
2	A. Qatrunnadha	✓	✓	✓	✓	✓	✓
3	Amurrah Tazkiyah	✓	✓	✓	✓	✓	✓
4	Andi Nur Aisyah	✓	✓	✓	✓	✓	✓
5	Amugrah Dwi Fajar	✓	✓	✓	✓	✓	✓
6	Bebv Kristina	✓	✓	✓	✓	✓	✓
7	Dedi Partius	✓	✓	✓	✓	✓	✓
8	Erni Rasyidah	✓	✓	✓	✓	✓	✓
9	Feri Andika Pithonika	✓	✓	✓	✓	✓	✓
10	Imam Maulik	✓	✓	✓	✓	✓	✓
11	Iqbal Bahrul	✓	✓	✓	✓	✓	✓
12	M. Arifuddin Ridqi	✓	✓	✓	✓	✓	✓
13	Masyah Fitriyayah	✓	✓	✓	✓	✓	✓
14	Mish Asra	✓	✓	✓	✓	✓	✓
15	Muah. Andi Arifah	✓	✓	✓	✓	✓	✓
16	Mu. Dwiul Azizullah	✓	✓	✓	✓	✓	✓
17	Mu. Rafiq Ramaidhan	✓	✓	✓	✓	✓	✓
18	Muhibbin Abdu	✓	✓	✓	✓	✓	✓
19	Muhammad Faizal	✓	✓	✓	✓	✓	✓
20	Muzakkir Afwan	✓	✓	✓	✓	✓	✓
21	Nahlina	✓	✓	✓	✓	✓	✓
22	Nur Alita Ruldhian	✓	✓	✓	✓	✓	✓
23	Nur Iman	✓	✓	✓	✓	✓	✓
24	Nur Irfan Waliswara	✓	✓	✓	✓	✓	✓
25	Nurul Isayah Ramilia	✓	✓	✓	✓	✓	✓
26	Nurul Zekria	✓	✓	✓	✓	✓	✓
27	Rexza Renaldi	✓	✓	✓	✓	✓	✓
28	Rezki Rasyanegga	✓	✓	✓	✓	✓	✓
29	Salsa Bila	✓	✓	✓	✓	✓	✓
30	Salsa Nabila	✓	✓	✓	✓	✓	✓
31	Sitti Aisyah Az Zahra	✓	✓	✓	✓	✓	✓
32	Sofiyah Regima	✓	✓	✓	✓	✓	✓
33	Sri Amelha	✓	✓	✓	✓	✓	✓
34	Suci Ramadani	✓	✓	✓	✓	✓	✓

1.4 Lampiran Jadwal Pelaksanaan Penelitian

JADWAL PELAKSANAAN PENELITIAN

No	Hari/Tanggal	Pertemuan Ke-	Pukul
1	Senin, 24 Juli 2023	I (Pretest)	10.30 - 11.50
2	Kamis, 27 Juli 2023	II	07.30 - 08.50
3	Senin, 31 Juli 2023	III	10.30 - 11.50
4	Kamis, 2 Agustus 2023	IV	07.30 - 08.50
5	Senin, 7 Agustus 2023	V	10.30 - 11.50
6	Kamis, 9 Agustus 2023	VI (Posttest)	07.30 - 08.50

1.3 Lampiran Kisi-Kisi Soal Pretest Dan Posttest

KISI-KISI SOAL PRETEST DAN POSTTEST MATEMATIKA KELAS XI

No.	Kongkritik Dikir	Tujuan Soal	Mata Pelajaran	Bentuk Soal
1.	4.5 Menyelesaikan dari sistem persamaan linear bereliminasi dengan operasi matriks	<ul style="list-style-type: none"> Siswa dapat menyelesaikan sistem persamaan linear bereliminasi dengan operasi matriks Siswa dapat menyelesaikan sistem persamaan linear dengan menggunakan determinan matriks berordo 2x2 	Matematika	Essay 1
2.	1.6 Menyelesaikan sistem persamaan linear bereliminasi dengan menggunakan determinan matriks berordo 2x2	<ul style="list-style-type: none"> Siswa dapat menyelesaikan sistem persamaan linear bereliminasi dengan menggunakan determinan matriks berordo 2x2 Siswa dapat menyelesaikan sistem persamaan linear dengan menggunakan determinan matriks berordo 2x2 	Matematika	Essay 1





2.1 Lampiran Instrumen Tes Kemampuan Pemecahan Masalah (Pretest dan Posttest)

Lembar Soal Pre-Test

Mata Pelajaran : Matematika

Pokok Bahasan : Matriks

Waktu : 45 Menit

Petunjuk!

- Tuliskan identitas pada lembar jawab dengan benar!
- Bacalah baik-baik soal sebelum anda mengerjakannya!
- Panitia kembalikan jawaban anda setelah selesai dilengkapi!

SOAL

- E) Penitahian Ganesha Indah tiap bulannya mengeluar 3 model busana ke-4 lagu tujuh. Berikut ini adalah tabel data barang penjualan pada bulan Juni 2013 dalam satuan Rupiah.

Model	Negara Persegi				
	Jepang	Amerika	Cina	Inggris	Perancis
A	0	25	10	0	
B	20	30	11	23	
C	19	0	12	16	

Tabel berikut adalah data harga masing-masing model busana dalam satuan Rupiah.

Model Harga per busana

A	120
B	144
C	180

Berapakah pemasukan yang akan diperoleh perusahaan tersebut dari negara kota pada bulan Juni tersebut?

2. Dila dan Nisa pergi bersama-sama ke toko Mr. DIY. Dila membeli 3 tumbler dan 1 gelas dengan harga Rp45.000,00. Nisa membeli 2 tumbler dan 2 gelas dengan harga Rp60.000,00. Tentukan berapa masing-masing harga dari benda yang dibeli oleh Dila dan Nisa dengan menggunakan cara invers!



Lembar Soal Post-Test

Mata Pelajaran	: Matematika
Pokok Bahasan	: Matriks
Waktu	: 45 Menit

Petunjuk!

- a. Tulilah identitas pada lembar jawaban dengan benar!
- b. Bacalah baik-baik soal sebelum anda mengerjakan!
- c. Periksa kembali jawaban anda sebelum dikoreksi!

SOAL

1. Sebuah pabrik yang belum menggunakan tabel determinan mencari tiga buah matriks selama 1 tahun yang berjajar pada tabel berikut.

Jenis	Harga perolehan	Persentase ruginya (%)	Harga jual	
			(Rp)	(Rp)
Mesin A	22.000.000	5.000.000		
Mesin B	40.000.000	3.000.000		
Mesin C	35.000.000	9.000.000		

Tentukan berapa harga yang diperoleh dari tiga mesin-mesin tersebut!

2. Suhma dan Filsa membeli buah di indomaret yang sama. Suhma membeli 3 kg mangga dan 2 kg lemon dengan harga Rp133.000. Filsa membeli 1 kg mangga dan 2 kg lemon dengan harga Rp85.000. Tentukan, berapa masing-masing harga dari buah yang dibeli oleh Suhma dan Filsa dengan menggunakan cara determinan!

Indikator Pemecahan Masalah

Tahapan Pemecahan Masalah Oleh Polya	Indikator
Menyadari Masalah	Siswa dapat menentukan informasi atau data yang diberikan berdasarkan pertanyaan yang diberikan.
Merencanakan Pemecahan	Siswa dapat menentukan dan merangkang bagaimana cara untuk memecahkan masalah beserta alasan penggunaannya.
Melakukan Rencana Pemecahan	Siswa dapat menentukan apa yang telah dicapai dengan jawaban yang benar.
Menarikkan Kembali Pemecahannya	Siswa memperbaiki kembali rancangan dan hasil yang telah dicapai.

Sumber : (Kementerian Dik. 2011)

Rubrik Skor Pemecahan Masalah

Indikator Pemecahan Masalah	Skor	Keterangan
Menyadari Masalah	0	Tidak mengerti sama sekali masalah yang dimaksud
	1	Tidak mengerti sebagai masalah dengan menggunakan sebutan seperti apa yang dimaksud dan tidak menyebutkan apa yang ditanyakan dalam masalah
	2	Mampu menyatakan masalah dengan benar dan tepat
Merencanakan Pemecahan Masalah	0	Tidak merencanakan masalah sama sekali
	1	Merencanakan penyelesaian masalah tetapi tidak benar (tidak relevan dengan masalah sama sekali)
	2	Merencanakan penyelesaian yang digunakan hanya sebagian saja yang benar
	3	Mampu merencanakan penyelesaian masalah dengan benar dan tepat
Melakukan Rencana Pemecahan Masalah	0	Tidak mampu menyelesaikan masalah sama sekali
	1	Menyelesaikan masalah tidak sesuai dengan rencana
	2	Menyelesaikan sebagian dari masalah
	3	Menyelesaikan masalah kurang tepat
	4	Mampu menyelesaikan masalah dengan

Indikator Pemecahan Masalah	Skor	Keterangan
Memerlukan Kembali Pemecahan Masalah	0	benar dan tepat
	1	Tidak menyimpulkan sama sekali
	2	Dapat menyimpulkan masalah tetapi kurang tepat

Sumber: (Purnamasari & Setiawan, 2019)



Penyelesaian:

Praktis

No.	Jawaban:	Skor	Bobot
1.	<p>Misalkan:</p> <p>Harga per buah</p> $\begin{bmatrix} 120 & 144 & 180 \end{bmatrix}$ <p>Daftar harga pesanan</p> $\begin{bmatrix} 0 & 25 & 10 & 0 \\ 20 & 20 & 11 & 24 \\ 15 & 0 & 12 & 16 \end{bmatrix}$ <p>Dik:</p> <p>Pemasukan dan pengeluaran Ayam</p> <p>Penyelesaian:</p> <p>Pemasukan dan pengeluaran Ayam per buah tidak berbeda dengan harga satuan ke-1 traktir pelanggan, yaitu</p> $(120 \times 25) + (144 \times 30) + 0 = 3000 + 4320 = 7320$ <p>Jadi pemasukan yang akan diperolehnya adalah Rp. 7320</p>	1	1
2.	<p>Misalkan:</p> <p>Harga tumbler = x dan gelas = y</p> <p>Dik:</p> <p>Harga masing-masing dari barang yang dibeli oleh Didi dan Yuni dengan menggunakan cara lama</p> <p>Penyelesaian:</p> <p>Masalah di atas dapat kita bentuk sistem persamaan linear</p> $\begin{aligned} 3x + y &= 45.000 \\ 2x + 2y &= 60.000 \end{aligned}$ <p>Dalam persamaan pertama, kita miliki</p> $\begin{bmatrix} 3x + y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 45.000 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 45.000 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} 2x + 2y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 60.000 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 60.000 \end{bmatrix}$ <p>Sehingga</p> $\begin{bmatrix} 3 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 45.000 \\ 60.000 \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 45.000 \\ 60.000 \end{bmatrix}$ $= \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 90.000 - 160.000 \\ -90.000 + 180.000 \end{bmatrix}$ $= \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 30.000 \\ 90.000 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7.500 \\ 22.500 \end{bmatrix}$ <p>Jadi, harga tumbler adalah Rp. 7.500 dan harga gelas adalah RP. 22.500</p>	4	11

Penyelesaian:**Poin:**

No.	Jawaban	Skor
1.	<p><u>Misalkan:</u></p> <ul style="list-style-type: none"> Pada harga perolehan masing A = $\begin{bmatrix} 22.000.000 \\ 40.000.000 \\ 35.000.000 \end{bmatrix}$ dan Penyusutan tahun pertama merupakan masing B = $\begin{bmatrix} 5.000.000 \\ 3.000.000 \\ 5.000.000 \end{bmatrix}$ <p>Dit: Berapa harga yang diperoleh bahan dan barang tersebut dalam proses penyelesaian?</p> <p>Untuk menentukan harga bahan maka diketahui dengan rumus $A - B$ maka</p> $A = \begin{bmatrix} 22.000.000 \\ 40.000.000 \\ 35.000.000 \end{bmatrix} - B \begin{bmatrix} 5.000.000 \\ 3.000.000 \\ 5.000.000 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 17.000.000 \\ 37.000.000 \\ 26.000.000 \end{bmatrix}$ <p>Jadi, Pada harga bahan masing A adalah Rp 17.000.000 Pada harga bahan masing B adalah Rp 37.000.000 Pada harga bahan masing C adalah Rp 26.000.000</p>	2 3 4
2.	<p><u>Misalkan:</u></p> <p>Harga Mangga = x dan harga Lemon = y</p> <p>Dit: Berapa masing-masing harga dari buah yang dibeli oleh Pak Joko dan Pak Sugeng seorang pedagang?</p> <p><u>Penyelesaian:</u></p> <p>Masalah di atas dapat kita buat model persamaannya</p> $\begin{aligned} 3x + 2y &= 135.000 \\ x + 2y &= 85.000 \end{aligned}$ <p>Dalam peramalan masing, kita tuliskan</p> $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 135.000 \\ 85.000 \end{bmatrix}$ <p><u>Sehingga</u></p> $D = \begin{vmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 6 - 2 = 4$ $Dx = \begin{vmatrix} 135.000 & 2 \\ 85.000 & 2 \end{vmatrix} = 270.000 - 170.000 = 100.000$ $Dy = \begin{vmatrix} 3 & 135.000 \\ 1 & 85.000 \end{vmatrix} = 255.000 - 135.000 = 120.000$ $x = \frac{Dx}{D} = \frac{100.000}{4} = 25.000, y = \frac{Dy}{D} = \frac{120.000}{4} = 30.000$ <p>Jadi, harga 1 kg Mangga adalah Rp. 25.000 dan harga 1 kg Lemon adalah RP. 30.000.</p>	2 3 4

2.2 Lampiran Instrumen Lembar Observasi Aktivitas Siswa

LEMBAR OBSERVASI AKTIVITAS SISWA

**PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING*
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS
SISWA KELAS XI SMANEGERI 9 GOWA**

**SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI SI PENDIDIKAN MATEMATIKA,
UNISMUH**

Mata Pelajaran : Matematika Penilaian ke-

Kelas : XI Hari/Tanggal :

Nama Observer :

Pengaruh Pengaruh untuk Pengamatan:

Amatlah hal-hal yang menyebabkan aktivitas siswa selama kegiatan pembelajaran berlangsung seperti halnya kesiapan siswa, perangkat dan prosedur tertentu.

1. Amatlah kegiatan siswa selama pembelajaran matematika dengan penerapan model *Problem Based Learning* berlangsung dari awal hingga akhir kegiatan.
1. Berilah tanda centang (✓) pada kolom yang salah menjawab siswa dalam proses kegiatan belajar mengajar.

Kategori Aktivitas Siswa

1. Siswa yang tidak pada saat proses pembelajaran berlangsung.
2. Siswa menyatakan tujuan pembelajaran dan logistik yang diperlukan dalam kegiatan pembelajaran yang disampaikan sebelumnya.
3. Siswa memperhatikan permasalahan yang disajikan oleh guru dan kemudian mencari solusi dari permasalahannya.
4. Siswa yang bertanya tentang materi pelajaran yang belum dipahami.
5. Siswa meminta bimbingan pada guru dalam mengerjakan soal LKS.
6. Siswa yang meminta bimbingan temannya.
7. Siswa yang aktif pada saat diskusi.
8. Siswa melakukan refleksi atau evaluasi terhadap hasil presentasi.

LEMBAR OBSERVASI AKTIVITAS SISWA

NO	NAMA SISWA	L.P	ASPEK YANG DIAMATI						
			1	2	3	4	5	6	7
1									
2									
3									
4									
5									
6									
7									
8									
9									
10									
11									
12									
13									
14									
15									
16									
17									
18									
19									
20									
21									
22									
23									
24									
25									
dst.									

Pallangga, 2023

Observer

2.3 Lampiran Instrumen Lembar Observasi Keterlaksanaan Pembelajaran

LEMBAR OBSERVASI KETERLAKSANAAN

**PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING*
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS**

SISWA KELAS XI SMA NEGERI 9 GOWA

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, SI PENDIDIKAN MATEMATIKA UNISMUH

Mata Pelajaran : Matematika
 Kelas : XI
 Nama Observer :
Petunjuk Pengisian

Absennya dengan format KLM (Kegiatan Belajar Mengajar) yang sedang berlangsung beri tanda centing (✓) pada bagian penilaian ya nihil terlaksana dan tidak nihil tidak terindikasi

Tujuan

Lembar observasi keterlaksanaan ini digunakan untuk mengamati proses pembelajaran yang sedang berlangsung dalam implementasi model Problem Based Learning

TAHAP PEMBELAJARAN	AKTIVITAS GURU	PENILAIAN	
		YA	TIDAK
Orientasi siswa kepada masalah	Guru menjelaskan tujuan pembelajaran Guru mengajukan fenomena atau demonstrasi atau cerita untuk memunculkan masalah		
	Guru memotiviasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya		
	Guru membantu siswa mendefinisikan dan		

	mengorganisasikan tugas-tugas yang berkaitan dengan masalah.	
Mengorganisasikan siswa untuk belajar	Guru membagi siswa dalam kelompok heterogen. Guru melakukan cek per kelompok untuk membantu organisasi tugas siswa. Guru mengatur penggunaan waktu untuk diskusi kelas dengan tepat. Guru mendukung aktivitas untuk mengumpulkan informasi yang sama.	
Membantu penyelidikan mandiri mampun kelompok	Guru memberikan siswa untuk melaksanakan eksperimen untuk mendapatkan pengetahuan dan proses dalam mandiri. Guru memfasilitasi dan mengajarkan teknologi seperti laptop, tablet, dan model.	
Mengembangkan dan menyajikan hasil kerja	Guru membantu siswa untuk berbagi hasil kerjanya.	
Menganalisa dan mengevaluasi proses pemecahan masalah	Guru memberikan siswa waktu melaksanakan refleksi, atau evaluasi terhadap penyelidikan mereka dan proses-proses yang mereka gunakan.	

Pallanza,

2023

Observer:

2.4 Lampiran Instrumen Angket Respon Siswa

**INDIKATOR ANGKET RESPON TERHADAP PEMBELAJARAN
MATEMATIKA DENGAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING***

No	Aspek	Indikator	Nomor Penyelidikan Positif	Nomor Penyelidikan Negatif
1	Sikap siswa terhadap matematika	Menunjukkan minat terhadap pelajaran matematika	1,2	3,5
2	Sikap siswa terhadap perangkat pembelajaran	Menunjukkan minat terhadap lembar aktivitas siswa	4	6
3	Sikap siswa terhadap pembelajaran matematika dengan model <i>problem based learning</i>	Menunjukkan minat terhadap pembelajaran matematika dengan model <i>problem based learning</i> Menunjukkan keinginan mengikuti pembelajaran matematika dengan model <i>problem based learning</i>	3,15,17,20 11,12,13,14,16,18,19	7,10 9

ANKET RESPON SISWA

PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING* TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS SISWA KELAS XI SMANEGERI 9 GOWA SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, S.I. PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Nama : ...

Kelas : ...

Peraturan

- a. Sebelum mengisi anketa ini pastikan anda telah mempelajari matematika dalam matiks dengan penerapan model *Problem Based Learning*.
- b. Bacalah peraturan pertama pada kolom yang disediakan dengan baik.
- c. Berilah tanda centang () pada kolom jawaban yang benar.
- d. Respon yang salah benar tidak dianggap sebagai penilaian hasil belajar.
- e. Respon yang salah benar dituliskan dalam bentuk Skala Guritaan berupa tanggapan siapa terhadap pembelajaran.

Tujuan : Mengelatui respon siapa terhadap pembelajaran matematika dengan model *Problem Based Learning*.

No	Pernyataan	Jawaban	
		Ya	Tidak
1	Saya lebih suka pelajaran matematika daripada pelajaran yang lain		
2	Bagi saya matematika adalah pelajaran yang menyenangkan		
3	Saya terpaksa belajar matematika karena memperlukan salah satu pelajaran yang wajib diikuti		
4	Lembar aktivitas memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan		
5	Pelajaran matematika sangat merepotkan karena harus disiapkan secara khusus		
6	Lembar aktivitas tidak memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan		

7	Belajar matematika dengan cara seperti ini tidak menarik dan membosankan		
8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya senang dan tertarik terhadap pelajaran matematika		
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk memahami materi yang sedang dipelajari		
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini tidak ada bedanya dengan penyelesaian matematika yang biasa dilakukan		
11	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi		
12	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya dapat memahami matematika dalam kehidupan sehari-hari		
13	Bahanajar yang diajarkan memudahkan saya dalam memahami materi		
14	Pembelajaran matematika seperti ini memudahkan saya untuk memahami dan berlatih matematika		
15	Saya lebih senang pembelajaran matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa		
16	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat senang baik bersama teman maupun guru		
17	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya		
18	Saya senang radikal dan persamaan selain pembelajaran matematika berlingkung		
19	Belajar eksklusif memudahkan saya dalam memahami materi		
20	Saya lebih senang dengan matematika model mendapatkan pembelajaran model seperti ini		

LAMPIRAN 3

- a. LAMPIRAN DAFTAR NILAI PRETEST, POSTTEST DAN NILAI N-GAIN
- b. LAMPIRAN JAWABAN LEMBAR PRETEST DAN POSTTEST
- c. LAMPIRAN JAWABAN LEMBAR OBSERVASI AKTIVITAS SISWA
- d. LAMPIRAN JAWABAN LEMBAR OBSERVASI KETERLAKSANAAN PEMBELAJARAN
- e. LAMPIRAN JAWABAN LEMBAR ANGKET RESPON SISWA
- f. DESKRIPSI HASIL PENGAMATAN AKTIVITAS KETERLAKSANAAN PEMBELAJARAN
- g. LAMPIRAN DESKRIPSI HASIL PENGAMATAN AKTIVITAS SISWA DALAM PEMBELAJARAN MATEMATIKA MELALUI PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING*
- h. PERSENTASE RESPON SISWA TERHADAP PEMBELAJARAN MATEMATIKA MELALUI PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING*

a. Lampiran Daftar Nilai Pretest, Posttest Dan Nilai N-Gain

DAFTAR NILAI PRETEST-POSSTEST DAN N-GAIN SISWA KELAS XI MIPA

1

No	Nama	Nilai		
		Pretest	Posttest	N-Gain
1	A. Hanum Muhyaini	25	100	1
2	A. Qatrunnisa	23	81	0,76
3	Anurrah Taizirah	30	90	0,8
4	Anni Nur Aisyah	40	77	0,62
5	Anueraah Dwi Faiz	45	77	0,59
6	Bety Kristina	36	81	0,54
7	Devi Perini	37	77	0,37
8	Emi Rasykyati	36	81	0,24
9	Feri Andika Permana	45	77	0,37
10	Imam Maulid	36	77	0,36
11	Inni Mardisa	63	77	0,36
12	M. Armanas Firdat	50	84	0,72
13	Maryyah Humaaynah	36	81	0,63
14	Muh. Aisy	29	86	0,66
15	Muh. Andi Amish	53	81	0,65
16	Muh. Daqiq Abdillah	45	68	0,4
17	Muh. Rizki Ramadhani	15	84	0,81
18	Muh. Zulfiyan Abra	19	77	0,72
19	Muhammad Farrel	33	90	0,86
20	Munazka Arifin	40	86	0,77
21	Nabilah	49	77	0,61
22	Nur Aina Putri	39	95	0,58
23	Nur Imsu	24	86	0,7
24	Nur Irfan Walqiyah	36	60	0,64
25	Nurul Iasyah Kasmin	49	95	0,93
26	Nurul Zakiyah	37	100	1
27	Ressa Renaldi	34	90	0,89
28	Rezki Rasyvandza	50	86	0,72
29	Salsa Bila	59	95	0,88
30	Salsa Nabilia	45	72	0,5
31	Siti Aisyah Annurah	18	100	1
32	Sofivah Fergina	54	81	0,59
33	Sri Amelia	59	90	0,76
34	Suci Ramadani	22	86	0,52



b. Lampiran Jawaban Hasil Pretest

LEMBAR JAWABAN HASIL PRETEST



100

stiel D.O. M.F.

1

Surgeon S. T. H. Johnston

John 1:1-18

2019 © Leibniz-Open



Lembar Soal Praktik

Nama: Sinta Ayucah Arzadon

Kelas: XI MIPA 1

Materi: Matematika

45

Jawaban

$$1. \text{ Diket: } \begin{cases} 25 & 150 \text{ kg} \\ 50 & 100 \text{ kg} \end{cases} \rightarrow \text{Ditanya}$$

Diket:

$$1. 25 \times 150,000 = 3.750.000$$

$$2. 50 \times 100,000 = 5.000.000$$

$$3. 10 \times 100,000 = 1.000.000$$

$$= 5.750.000$$

$$4. 250.000$$

$$5. 1.000.000$$

$$6. 5.750.000$$

$$2. \text{ Diket: } \begin{array}{l} 1.25 \text{ kg} = 125 \text{ g} \\ 1.25 \text{ kg} = 125.000 \text{ g} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1.25 \text{ kg} \\ \times 125.000 \\ \hline 156.250.000 \end{array}$$

Dik: - Banyak masing-masing jenis buah yang dibeli yakni dan Filsa

Peny:

$$x = \frac{135.000}{67.500} = 2$$

$$\begin{array}{r} 135.000 \\ 67.500 \\ \hline 2 \end{array}$$

English Project No. 01
Date: 11.09.14

54

		Wing	Team
Row	Col	Team	Row
A	1	W	
B	2	S	
C	3	T	
D	4	R	

Temporary teams will be formed during the competition.

Row	Col	Team	Row	Col	Team
1	1	W	1	2	S
1	2	S	1	3	T
1	3	T	1	4	R
2	1	W	2	2	S
2	2	S	2	3	T
2	3	T	2	4	R
3	1	W	3	2	S
3	2	S	3	3	T
3	3	T	3	4	R
4	1	W	4	2	S
4	2	S	4	3	T
4	3	T	4	4	R

3.2 / 4.3

$$\frac{20,000 \text{ m}^2}{4} = 5,000 \text{ m}^2 \quad \frac{100,000 \text{ m}^2}{4} = 25,000 \text{ m}^2$$

20,000 m² for 4 teams

- 5 x 4 = 20

LEMBAR JAWABAN HASIL POSTTEST

Muhammad Zulfian
XI IPA 3

$$1) \text{Jenis A} = \text{Rp } 20.000,000 - \text{Rp } 1.000.000 = \text{Rp } 19.000,000$$

$$\text{Jenis B} = \text{Rp } 10.000,000 + \text{Rp } 1.000.000 = \text{Rp } 11.000,000$$

$$\text{Jenis C} = \text{Rp } 10.000,000 - \text{Rp } 5.000,000 = \text{Rp } 5.000,000$$

$$2) \text{Jenis A} = \frac{\text{Rp } 19.000.000}{\text{Rp } 10.000.000} \times 100\% = 190\%$$

$$\text{Jenis B} = \frac{\text{Rp } 11.000.000}{\text{Rp } 10.000.000} \times 100\% = 110\%$$

$$\text{Jenis C} = \frac{\text{Rp } 5.000.000}{\text{Rp } 10.000.000} \times 100\% = 50\%$$

3)



Matematika

$$\begin{array}{l} \text{1) } \text{Jumlah A} = 12.000.000 - 6.000.000 = 11.000.000 \\ \text{Jumlah B} = 14.000.000 - 3.000.000 = 11.000.000 \\ \text{Jumlah C} = 56.000.000 - 5.000.000 = 51.000.000 \end{array}$$

2) $\text{Dit: Total uang barang } 100\% \text{ dan hasil } 4$



$$\begin{array}{r} 100\% \\ \times 100.000 \\ \hline 100.000 \end{array}$$

$$100.000 = 100.000$$

$$\frac{100.000}{100} = 100$$

$$100.000 = 100.000$$

www.gutenberg.org

- 1 -

100

$$1 - \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right) \psi = \left[\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right] \psi$$

1996-1997

Figure 1-3. A screenshot of the Microsoft Word ribbon showing the Home tab selected.

2. $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$

10 of 10

100

100

• 100 •

10 of 10

卷之三

— 1 —

Roman Catholic Church
Parish - St. John's.

Year Month	High Volatility	Volatility Rate (%)	Value (\$)
Month A	\$1,000,000	0.000,000	
Month B	\$1,000,000	0.000,000	
Month C	\$1,000,000	0.000,000	



www.english-test.net

Lesson 3: The enterprising teacher

1- <u>dis</u> - <u>gentrifac</u> <u>tm</u>	length fraction	proportion	length total
resin A	23,000-20%	2	17,000-20.0
resin B	18,000-20%	1	12,000-16.0
resin C	16,000-15%		11,000-14.0
			40,000-50.0

1996-1997 学年第一学期

$$\text{Point E: } \begin{bmatrix} 22.000 & 0.00 \\ 4.000 & 0.00 \\ 7.000 & 0.00 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 5.000 & 0.00 \\ 1.000 & 0.00 \\ 2.000 & 0.00 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 17.000 & 0.00 \\ 3.000 & 0.00 \\ 5.000 & 0.00 \end{bmatrix}$$

Jodi writing morning notes

$$\begin{aligned} & \text{415} \\ & 2 \cdot 25 + 27 = 77, \text{ then } 77 \cdot 100 = 7700 \\ & 100 + 77 = 177 \\ & \text{This is the same as } 17700 \text{ or } 177\% \text{ of } 100\%. \text{ The answer is } 177\%. \end{aligned}$$

Wednesday, 2

Jadi harga dan biaya yang dibutuhkan adalah 75.000,- sedangkan pisa adalah 20.000,-

કાન્દુલી

2

Lava Wangga 2,600 (Lundi 2000)



Sosigah Sugiharti

(di bawah)

j. matematik

A	B
21	7
45	3
25	5

2

latihan : pengaruh faktor model
lebih membatasi nilai
yang tidak termasuk
dalam distribusi

Dik : tandaan buang tinggi adalah hasil dari fungsi $y = \frac{1}{2}x^2 + 3$

misal $x = 2$

UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH
PAKASSAPAN

j. matematik

X₁ = 10000

y₁ = 1000

$$2x_1 + 2y_1 = 2(10000) + 2(1000)$$

$$10x_1 + 5y_1 = 10(10000) + 5(1000)$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ y_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 20000 \\ 2000 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3x_1 + 2y_1 = 10000 \\ 10x_1 + 5y_1 = 10000 \end{bmatrix}$$

$$x_1 = \frac{3(10000) - 4(10000)}{3 \cdot 5 - 2 \cdot 10}, \quad y_1 = \frac{2(10000) - 1(10000)}{3 \cdot 5 - 2 \cdot 10}$$

$$\frac{10000}{-10} = 1000$$

$$-1 = 1, \quad \frac{10000}{-10} = 1000$$

$$\frac{10000}{-10} = 1000$$

$$\frac{10000}{-10} = 1000$$

4

3.3 Lampiran Jawaban Lembar Observasi Aktivitas Siswa

KATEGORI AKTIVITAS SISWA

1. Siswa yang hadir pada saat proses pembelajaran berlangsung
2. Siswa menyatakan tujuan pembelajaran dan logistik yang diperlukan dalam kegiatan pembelajaran yang disampaikan sebelum guru
3. Siswa memperhatikan perintah atau yang disampaikan oleh guru dan kemudian mencari solusi dan penyelesaiannya
4. Siswa yang bertemu dengan materi pelajaran yang belum dipahami
5. Siswa meminta bantuan pada guru dalam menyelesaikan soal LKS
6. Siswa yang meminta bantuan temannya
7. Siswa yang aktif pada saat diskusi
8. Siswa melaksanakan refleksi atau evaluasi terhadap hasil presentasi

LEMBAR OBSERVASI AKTIVITAS SISWA

Pertemuan 2

NO	NAMA SISWA	L/P	ASPEK YANG DIAMATI							
			1	2	3	4	5	6	7	8
1	A. Hanum Mutmainnah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	-
2	A. Qatrunnisa	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
3	Amitrah Tazkiyah	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
4	Andi Nur Aisyah	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓
5	Anugrah Dwi Fajar	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
6	Baby Kristina	P	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓	✓
7	Devi Partiani	P	✓	-	✓	✓	-	✓	✓	✓
8	Emi Reviyana	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
9	Fen Andilla Prasetya	P	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓	-
10	Imantri Melika	P	✓	✓	-	✓	-	-	-	-
11	Irene Manissa	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	-
12	M. Ammarah Syaqiq	P	✓	✓	✓	✓	-	✓	✓	✓
13	Maryati Hidayatoh	P	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓	-
14	Muh. Azra	P	✓	-	✓	✓	✓	-	✓	-
15	Muh. Adill Arrahman	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
16	Muh. Dzakiyyah Adillah	P	✓	✓	✓	✓	-	✓	✓	-
17	Muh. Raafi Rasyidah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	-
18	Muhib Zulfiqar Albari	P	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓	-
19	Muhammad Farhan	P	✓	✗	-	✓	✓	✓	-	-
20	Muzakkir Arrifqi	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓
21	Nahlah	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	-
22	Nur Aina Salsikyan	P	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓	✓
23	Nur Iman	P	✓	✓	✓	-	✓	✓	-	✓
24	Nur Irfan Wahyuan	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
25	Nurul Isayah Kamila	P	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓	-
26	Nurul Zekciliah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓
27	Reza Rezalien	P	✓	-	-	-	✓	✓	✓	✓
28	Rozki Rasyqiyah	P	✓	✓	✓	-	✓	-	✓	✓
29	Salsa Bilsa	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓
30	Salsa Nabila	P	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓	✓
31	Siti Aisyah Amrahra	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	-	-
32	Sofiyah Regina	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
33	Sri Amalia	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓
34	Suci Ramadani	P	✓	-	✓	✓	✓	✓	-	✓

LEMBAR OBSERVASI AKTIVITAS SISWA

Pertemuan 3

NO	NAMA SISWA	L/P	ASPEK YANG DIAMATI								
			1	2	3	4	5	6	7	8	
1	A. Hanum Mutmainnah	P	✓	✓	✓	✓	—	—	✓	✓	—
2	A. Qatrunnisa	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
3	Amitrah Tazkiah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
4	Andi Nur Aisyah	P	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓
5	Anugrah Dwi Fajar	P	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
6	Baby Kristina	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
7	Devi Partiani	P	✓	—	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
8	Emi Rezkyana	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
9	Fen Andilla Prasetya	P	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓
10	Imanah Melika	P	✓	✓	✓	✓	✓	—	—	—	—
11	Irene Manissa	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
12	M. Ammar Syaq	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
13	Maryati Hidayatoh	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
14	Muh. Azra	P	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓
15	Muh. Adill Arrahman	P	✓	✓	✓	—	✓	—	✓	✓	✓
16	Muh. Dzulfiqar Abdullah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓
17	Muh. Raafi Rasyidin	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
18	Muhib Zulfiqar Albari	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
19	Muhammad Farhan	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓
20	Muzakkir Arrifqi	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓
21	Nahlah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓
22	Nur Aina Salsoma	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
23	Nur Iman	P	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
24	Nur Irfan Wahyuddin	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
25	Nurul Isayah Kamila	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
26	Nurul Zekciliah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
27	Reza Renaldi	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
28	Rezki Rasyvandha	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
29	Salsa Bilia	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓
30	Salsa Nahla	P	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
31	Siti Aisyah Arrahman	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓
32	Sofiyah Regina	P	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
33	Sri Amalia	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
34	Suci Ramadani	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓

LEMBAR OBSERVASI AKTIVITAS SISWA

Pertemuan 4

NO	NAMA SISWA	L/P	ASPEK YANG DIAMATI							
			1	2	3	4	5	6	7	8
1	A. Hanum Mutmainnah	P	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓
2	A. Qatrunnisa	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
3	Amitrah Tazkiah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
4	Andi Nur Aisyah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—
5	Anugrah Dwi Fajar	P	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓	—
6	Baby Kristina	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
7	Devi Partiani	P	✓	✓	✓	—	—	✓	✓	✓
8	Ermie Rizqiyah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
9	Feri Andilla Pratiwi	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—
10	Imanul Hikmah	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
11	Ismi Mawida	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
12	M. Ammar Syiq	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
13	Maryamul Hudaibiyah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
14	Muh. Asgar	P	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓	✓
15	Muh. Adill Arrahman	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
16	Muh. Dzaki' Abdillah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
17	Muh. Faizi Rasidah	P	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
18	Muh. Zulfiqar Albari	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
19	Muhammad Farid	P	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓	✓
20	Muzakki Anisa	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—
21	Nahilah	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	—
22	Nur Aqra Radenah	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—
23	Nur Iman	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—
24	Nur Irfan Wahyuni	P	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓
25	Nurul Isayah Kamila	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	—
26	Nurul Zekciliah	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
27	Reza Renaldi	P	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓	—
28	Rezki Rasyvanya	P	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓
29	Salsa Bila	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
30	Salsa Nahila	P	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓
31	Siti Aisyah Arrahma	P	✓	—	✓	✓	✓	✓	✓	—
32	Sofiyah Regina	P	✓	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓
33	Sri Amalia	P	✓	✓	—	✓	✓	✓	✓	—
34	Suci Ramadani	P	✓	✓	✓	✓	✓	—	✓	✓

LEMBAR OBSERVASI AKTIVITAS SISWA

Pertemuan 5

NO	NAMA SISWA	L/P	ASPEK YANG DIAMATI							
			1	2	3	4	5	6	7	8
1	A. Hanan Miftahuzzah	P	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓	✓
2	A. Qatrunnisa	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
3	Amitrah Tazkiyah	P	✓	-	✓	-	✓	✓	✓	✓
4	Andi Nur Aisyah	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
5	Anugrah Dwi Fajar	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
6	Baby Kristina	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
7	Davi Pertiwi	P	✓	-	✓	✓	✓	-	✓	✓
8	Erni Reckywna	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓
9	Fen Angilia Pratiwi	P	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓	✓
10	Imann Maulida	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
11	Irene Manissa	P	✓	-	✓	✓	✓	-	✓	✓
12	M. Ammar Syaq	P	✓	✓	✓	-	✓	✓	-	✓
13	Maryati Hidayah	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓
14	Moh. Aqar	P	✓	✓	✓	-	✓	✓	-	✓
15	Moh. Adill Arifin	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
16	Mira Daulatuddinah	P	✓	-	✓	✓	✓	✓	-	✓
17	Mira Rizki Ramadhani	P	✓	-	✓	✓	✓	✓	-	✓
18	Muli Zulfikar Abies	P	✓	✓	✓	-	✓	✓	-	✓
19	Muhammad Farid	P	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓	-
20	Muzakkir Arrif	P	✓	✓	✓	-	✓	-	✓	✓
21	Nahlah	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	-
22	Nur Aina Putriyan	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓
23	Nur Iman	P	✓	✓	-	✓	✓	-	✓	✓
24	Nur Irfan Welsyana	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	✓
25	Nurul Imayah Kamila	P	✓	✓	-	✓	✓	✓	✓	-
26	Nurul Zakiah	P	✓	✓	✓	✓	✓	-	✓	✓
27	Rozza Renaldi	P	✓	-	✓	-	✓	✓	✓	✓
28	Rozki Rasyanegga	P	✓	-	✓	✓	-	✓	✓	✓
29	Salsa Bilsa	P	✓	✓	✓	-	✓	✓	-	✓
30	Salsa Nabila	P	✓	✓	✓	✓	-	✓	✓	✓
31	Siti Aisyah Azraha	P	✓	✓	✓	-	✓	✓	✓	-
32	Sofiyah Regina	P	✓	✓	✓	✓	-	✓	✓	✓
33	Sri Anneliza	P	✓	✓	✓	-	✓	✓	✓	-
34	Suci Ramadani	P	✓	-	✓	✓	-	✓	✓	✓

3.4 Lampiran Jawaban Lembar Observasi Keterlaksanaan Pembelajaran

LEMBAR OBSERVASI KETERLAKSANAAN
PENGARUH PENERAPAN MODEL PROBLEM BASED LEARNING
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS
SISWA KELAS XI SMA NEGERI 9 COWA

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI SI PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Mata Pelajaran : Matematika Periode ke- 2
 Kelas : XI Hari Tanggal : Kamis, 27 Juli 2023
 Nama Observer : Cahyawulan, S.Pd.

Peran dan Pengaruh

Anastasia dengan cemerlang (KEM) (Kegiatan Belajar Mengajar) yang sedang berlangsung beri tanda centang (✓) pada bagian penilaian ya untuk terlaksana dan tidak untuk tidak terlaksana

Tujuan

Lembar observasi keterlaksanaan ini digunakan untuk mengamati proses pembelajaran yang sedang berlangsung dengan menggunakan model Problem Based Learning

TAHAP PEMBELAJARAN	AKTIVITAS GURU	PEMILAHAN	
		YA	TIDAK
Orientasi siswa kepada masalah	Guru menjelaskan tujuan pembelajaran	✓	
	Guru menjelaskan logistik yang dibutuhkan	✓	
	Guru menyajikan fenomena atau demonstrasi atau cerita untuk memunculkan masalah	✓	
	Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya	✓	
Mensosialisasikan siswa untuk belajar	Guru membantu siswa mendefinisikan dan	✓	

	mengorganisasikan tugas-tugas yang berkaitan dengan masalah.	
	Guru membagi siswa dalam kelompok heterogen.	✓
	Guru melakukan cek per kelompok untuk membantu organisasi tugas siswa.	✓
	Guru mengatur penggunaan waktu untuk diskusi kelas dengan tepat.	✓
Membantu penyelidikan mandiri maupun kelompok	Guru mendukung aktivitas untuk mengumpulkan informasi yang sama.	✓
	Guru memberi tugas untuk melaksanakan eksperimen untuk mendapatkan pengetahuan dan penerapan matematis.	✓
Mengantarkan dan menyajikan hasil karya	Guru atau Mahasiswa berlatih menggunakan dan memvisualisasikan yang serupa seperti laporan, video, dan model.	
	Guru membantu siswa untuk berbagi tugas dengan teman-teman.	
Mengantarkan dan mengevaluasi proses penyelesaian masalah	Guru memberi tugas untuk melaksanakan refleksi atas strategi belajar dan penyelesaian tugas dan metode yang mereka gunakan.	



LEMBAR OBSERVASI KETERLAKSANAAN

PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING* TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS SISWA KELAS XI SMA NEGERI 9 GOWA

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, SI PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Mata Pelajaran	: Matematika	Pertemuan ke-	: 3
Kelas	: XI	Hari/Tanggal	: Senin 31 Juli 2023
Nama Observer	: Sulmawati S.Pd.		

Petunjuk Pengisian

Amati di bawah dengan cermat KEGIATAN BELAJAR MASA KEGIATAN yang sedang berlangsung beserta hasil centang (✓) pada bagian penilaian ya untuk terlaksana dan tidak untuk tidak terlaksana

Tujuan

Lembar observasi keterlaksanaan ini digunakan untuk menilai mutu proses pembelajaran yang sedang berlangsung dengan menggunakan model *Problem Based Learning*.

TAHAP PEMBELAJARAN	AKTIVITAS GURU	PEMILIAN	
		YA	TIDAK
Orientasi siswa kepada masalah	Guru menyampaikan tujuan pembelajaran		
	Guru menjelaskan logistik yang dibutuhkan	✓	
	Guru mengajukan fenomena atau demonstrasi atau cerita untuk memunculkan masalah	✓	
	Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya	✓	
Mengorganisasikan siswa untuk belajar	Guru membantu siswa mendefinisikan dan mengorganisasikan tugas-tugas yang berkaitan dengan masalah	✓	

	Guru membagi siswa dalam kelompok heterogen.	✓
	Guru melakukan cek per kelompok untuk membantu organisasi tugas siswa.	✓
	Guru mengatur penggunaan waktu untuk diskusi kelas dengan tepat.	✓
Membantu penyelidikan mandiri maupun kelompok	Guru mendorong siswa untuk mengumpulkan informasi yang sesuai. Guru mendorong siswa untuk melaksanakan eksperimen untuk mendapatkan penjelasan dan pemecahan masalah.	✓
Mengembangkan dan menyajikan hasil karya	Guru memfasilitasi siswa dalam berdiskusi dan menyelesaikan tugas yang sesuai seperti kapasitas, teknologi, dan model.	✓
Mengintervensi dan mengalihfazkan proses pembelajaran masalah	Guru membantu siswa untuk berbagi tugas dengan temannya. Guru membantu siswa untuk melakukan refleksi atau analisis terhadap tugas, alasan, metode dan proses-proses yang dilakukan penyelesaian.	✓

Pallabika

2013

Observer

LEMBAR OBSERVASI KETERLAKSANAAN

PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING* TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS SISWA KELAS XI SMA NEGERI 9 GOWA

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, SI PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Mata Pelajaran	: Matematika	Pertemuan ke-	4
Kelas	XI	Hari/Tanggal	Kamis 03 Agustus 2023
Nama Observer	: Luhmawati, S.Pd.		

Petunjuk Pengisian

Amati di bawah ini sejauh apakah pelajaran yang sedang berlangsung benar-benar sesuai (✓) pada bagian pendekatan yang telah terlaksana dan tidak untuk tidak terlaksana

Tujuan

Lembar observasi keterlaksanaan ini digunakan untuk menilai mutu proses pembelajaran yang sedang berlangsung dengan menggunakan model *Problem Based Learning*.

TAHAP PEMBELAJARAN	AKTIVITAS GURU	PERILAKU	
		YAHU	TIDAK
Orientasi siswa kepada masalah	Guru menyampaikan tujuan pembelajaran		
	Guru menjelaskan logistik yang dibutuhkan	✓	
	Guru mengajukan fenomena atau demonstrasi atau cerita untuk memunculkan masalah	✓	
	Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya	✓	
Mengorganisasikan siswa untuk belajar	Guru membantu siswa mendefinisikan dan mengorganisasikan tugas-tugas yang berkaitan dengan masalah	✓	

	Guru membagi siswa dalam kelompok heterogen.	✓
	Guru melakukan cek per kelompok untuk membantu organisasi tugas siswa	✓
	Guru mengatur penggunaan waktu untuk diskusi kelas dengan tepat	✓
Membantu penyelidikan mandiri maupun kelompok	Guru mendorong siswa untuk mengumpulkan informasi yang sesuai Guru mendorong siswa untuk melaksanakan eksperimen untuk memperbaiki pengetahuan dan pemecahan masalah	✓ ✓
Mengembangkan dan menyajikan hasil karya	Guru memfasilitasi siswa dalam berdiskusi dan menyelesaikan tugas yang sesuai seperti laporan tulis, dan model	
Mengandalkan dan menggunakan proses pemecahan masalah	Guru memberikan siswa ruang berlatih tugas dengan fleksibilitas Guru memfasilitasi siswa untuk melaksanakan refleksi atas solusi terhadap pemecahan masalah dan proses-proses yang dilakukan peserta	

LEMBAR OBSERVASI KETERLAKSANAAN

PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING* TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS SISWA KELAS XI SMA NEGERI 9 GOWA

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, SI PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Mata Pelajaran	: Matematika	Pertemuan ke-	: 5
Kelas	XI	Hari/Tanggal	Senin/07 Agustus 2013
Nama Observer	: Siti Khadijah Badru, S.H.		

Petunjuk Pengisian

Amati di bawah ini sejauh apakah KEGIATAN BELAJAR MASA KEGIATAN yang sedang berlangsung benar terhadap sentra (✓) pada bagian pertama ya untuk terlaksana dan tidak untuk tidak terlaksana

Tujuan

Lembar observasi keterlaksanaan ini digunakan untuk mengetahui proses pembelajaran yang sedang berlangsung dengan menggunakan model *Problem Based Learning*.

TAHAP PEMBELAJARAN	AKTIVITAS GURU	PENILAIAN	
		YA	TIDAK
Orientasi siswa kepada masalah	Guru menyampaikan tujuan pembelajaran		
	Guru menjelaskan logistik yang dibutuhkan	✓	
	Guru mengajukan fenomena atau demonstrasi atau cerita untuk memunculkan masalah	✓	
	Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang dipilihnya	✓	
Mengorganisasikan siswa untuk belajar	Guru membantu siswa mendefinisikan dan mengorganisasikan tugas-tugas yang berkaitan dengan masalah	✓	

	Guru membagi siswa dalam kelompok heterogen.	✓
	Guru melakukan cek per kelompok untuk membantu organisasi tugas siswa.	✓
	Guru mengatur penggunaan waktu untuk diskusi kelas dengan tepat.	✓
Membantu penyelidikan mandiri maupun kelompok	Guru mendorong siswa untuk mengumpulkan informasi yang sesuai. Guru mendorong siswa untuk melaksanakan eksperimen untuk memperbaiki pengetahuan dan pemecahan masalah.	✓
Mengembangkan dan menyajikan hasil karya	Guru memfasilitasi siswa dalam berdiskusi dan menyelesaikan tugas yang sesuai seperti kapasitas, teknologi, dan model.	✓
Mengintervensi dan mengalihfazkan proses proses kognitif masalah	Guru membantu siswa untuk berbagi tugas dengan temannya. Guru membantu siswa untuk melakukan refleksi atau evaluasi terhadap tugas dan hasil mereka dan proses-proses yang dilakukan gunakan.	✓

ANGKET RESPON SISWA

**PENGARUH PENERAPAN MODEL PROBLEM BASED LEARNING
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS
SISWA KELAS XI SMANEGERI 9 GOWA**
SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, STI PEMERINTAHAN MATEMATIKA, UNISMUH

Nama

Muhammad Zalijal Akbar

Kelas

XII IPS 3

Pertanyaan

- Siswa yang mendapat pembelajaran matematika dengan model problem based learning
- Pembelajaran matematika pada sistem yang disebutkan sangat baik
- Pada matematikanya (Y) pada kewenangan yang dimiliki
- Rasanya ada hasil tidak sempurna pada pembelajaran
- Pengaruh matematika terhadap aktivitas dalam berinteraksi dengan lingkungan sekitar

Tujuan : Untuk melihat respon siswa terhadap pertanyaan yang diajukan dalam model Problem Based Learning.

No.	Pertanyaan	Jawaban	
		Ya	Tidak
1.	Saya lebih suka pelajaran matematika dan teknologi informasi	✓	
2.	Saya suka matematika adalah pelajaran yang menyenangkan	✓	
3.	Saya suka belajar matematika karena cukup menantang		✓
4.	Lembar aktivitas membantu saya mengajukan tugas yang akan dilakukan	✓	
5.	Pelajaran matematika sangat memudahkan karena bisa diambil secara自由		✓
6.	Lembar aktivitas tidak memudahkan saya mengajukan tugas yang akan dilakukan		✓
7.	Belajar matematika dengan cara seperti ini tidak cocok dan membosankan		✓

3.6 Lampiran Jawaban Lembar Angket Respon Siswa

8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya senang dan tertarik terhadap pelajaran matematika	<input checked="" type="checkbox"/>	
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk menyimak materi yang sedang diajarkan		<input checked="" type="checkbox"/>
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini tidak ada bedanya dengan pembelajaran matematika yang biasa diskusikan		<input checked="" type="checkbox"/>
11	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
12	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya dapat menikmati matematika dalam kehidupan sehari-hari		<input checked="" type="checkbox"/>
13	Bahan ajar yang disajikan memudahkan saya dalam memahami materi		<input checked="" type="checkbox"/>
14	Pembelajaran matematika seperti ini membuat saya bersemangat untuk meneruskan pengetahuan pengetahuan guru	<input checked="" type="checkbox"/>	
15	Saya lebih suka pembelajaran matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa	<input checked="" type="checkbox"/>	
16	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat merasa baik bersama teman maupun guru	<input checked="" type="checkbox"/>	
17	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
18	Saya merasa suntai dan senang selama pembelajaran matematika berlangsung	<input checked="" type="checkbox"/>	
19	Belajar diskusi memfasilitasi saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
20	Saya lebih termotivasi belajar matematika setelah mendapatkan pembelajaran model seperti ini	<input checked="" type="checkbox"/>	

ANGKET RESPON SISWA

**PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING*
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS
SISWA KELAS XI SMANEGERI 1 GOWA**

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, S1 PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Nama:

: RNUST. RAFL R

Kelas:

: XI IMPA

Petaujuk:

- Sebelum mengisi angket ini, pertama-tama telah mempelajari matematika mulai saat diajak pertama kali oleh guru di sekolah.
- Bacalah perintah-perintah pada soal dan respon dengan baik.
- Berilah tanda centang (✓) pada soal yang benar dan salah.
- Respon yang ada berikan hasil pengaruh posisikan hasil belajar.
- Respon yang anda berikan merupakan dasar hasil studi matematika berdasarkan siswa sendiri-pribadi.

Tujuan : Mengetahui respon siswa terhadap pembelajaran matematika dengan model *Problem Based Learning*.

No	Pernyataan	Pembelajaran	
		Ya	Tidak
1	Saya lebih suka pelajaran matematika daripada pelajaran yang lain	✓	
2	Bagi saya matematika adalah pelajaran yang menyenangkan	✓	
3	Saya terpaksa belajar matematika karena memperlukan nilai satu pelajaran yang wajib dikuasai		✓
4	Lembar aktivitas memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan	✓	
5	Pelajaran matematika sangat membebani karena harus diselesaikan secara khusus		✓
6	Lembar aktivitas tidak memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan		✓
7	Belajar matematika dengan cara seperti itu tidak menarik dan membosankan		✓

8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya senang dan tertarik terhadap pelajaran matematika	<input checked="" type="checkbox"/>	
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk menyimak materi yang sedang dipelajari		<input checked="" type="checkbox"/>
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini tidak ada bedanya dengan pembelajaran matematika yang biasa dilakukan	<input checked="" type="checkbox"/>	
11	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
12	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya dapat memahami matematika dalam kehidupan sehari-sehari	<input checked="" type="checkbox"/>	
13	Bahan ajar yang disajikan memudahkan saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
14	Pembelajaran matematika seperti ini membuat saya berani untuk mengungkapkan pendapat saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
15	Saya lebih senang pembelajaran matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa	<input checked="" type="checkbox"/>	
16	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat sharing baik bersama teman maupun guru	<input checked="" type="checkbox"/>	
17	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
18	Saya merasa santai dan senang selama pembelajaran matematika berlangsung	<input checked="" type="checkbox"/>	
19	Belajar diskusi memudahkan saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
20	Saya lebih termotivasi belajar matematika setelah mendapatkan pembelajaran model seperti ini	<input checked="" type="checkbox"/>	

ANGKET RESPON SISWA

PENGARUH PENERAPAN MODEL PROBLEM BASED LEARNING TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS SISWA KELAS XI SMANEGERI 9 GOWA

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, S1 PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Nama : EENI LESTARI

Kelas : XI IPA 1

Petunjuk

- a. Sebelum mengisi angket ini, pastikan anda telah selesai pelajaran matematika materi matika dengan penerapan model Problem Based Learning.
- b. Bacalah pernyataan-pernyataan pada bawah yang disertai dengan hasil.
- c. Berilah tanda centang (✓) pada kolom jawaban yang sesuai.
- d. Respon yang tidak berikan tidak memperhitungkan penilaian hasil belajar.
- e. Respon yang tidak berikan menjadikan dalam berhitung nilai dalam berupa tanggapan atau nilai bagi pertanyaan.

Tujuan : Mengelajui respon siswa terhadap penerapan matematika dengan model Problem Based Learning.

No	Pernyataan	Jawaban	
		Ya	Tidak
1	Saya lebih suka pelajaran matematika dibanding pelajaran yang lain	✓	
2	Bagi saya matematika adalah pelajaran yang menyenangkan	✓	
3	Saya terpaksa belajar matematika karena merupakan salah satu pelajaran yang wajib diikuti		✓
4	Lembar aktivitas memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan	✓	
5	Pelajaran matematika sangat merepotkan karena harus dikerjakan secara khusus	✓	
6	Lembar aktivitas tidak memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan		✓
7	Belajar matematika dengan cara seperti ini tidak menarik dan membosankan		✓

8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya senang dan tertarik terhadap pelajaran matematika	<input checked="" type="checkbox"/>	
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk menyimak materi yang sedang dipelajari		<input checked="" type="checkbox"/>
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini tidak ada bedanya dengan pembelajaran matematika yang biasa dilakukan		
11	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi		
12	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya dapat memahami matematika dalam kehidupan sehari-hari	<input checked="" type="checkbox"/>	
13	Bahan ajar yang disajikan memudahkan saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
14	Pembelajaran matematika seperti ini membuat saya berani untuk mengungkapkan pendapat saya		
15	Saya lebih senang pembelajaran matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa		
16	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat sharing baik bersama teman maupun guru	<input checked="" type="checkbox"/>	
17	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
18	Saya merasa santai dan senang selama pembelajaran matematika berlangsung	<input checked="" type="checkbox"/>	
19	Belajar diskusi memudahkan saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
20	Saya lebih termotivasi belajar matematika setelah mendapatkan pembelajaran model seperti ini.	<input checked="" type="checkbox"/>	

ANGKET RESPON SISWA

PENGARUH PENERAPAN MODEL, *PROBLEM BASED LEARNING* TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS SISWA KELAS XI SMANEGERI 9 GOWA

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, SI PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Nama : Nurul Iwoya Lamda

Kelas : XI IPA 1

Petunjuk

- a. Sebelum mengisi angket ini, pastikan anda telah mengikuti pembelajaran matematika materi masalah dengan penerapan model *Problem Based Learning*.
- b. Bacalah pertanyaan-pertanyaan pada kolom yang disediakan dengan baik.
- c. Berilah tanda centang (✓) pada kolom jawaban yang sesuai.
- d. Respon yang anda berikan tidak mempergunakan penulisan hasil belajar.
- e. Respon yang anda berikan dituliskan dalam bentuk salah Gunman harus tanggapan siswa terhadap pembelajaran.

Tujuan : Mengetahui respon siswa terhadap pembelajaran matematika dengan model *Problem Based Learning*.

No	Pernyataan	Jawaban	
		Ya	Tidak
1	Saya lebih suka pelajaran matematika daripada pelajaran yang lain	<input checked="" type="checkbox"/>	
2	Bagi saya matematika adalah pelajaran yang menyenangkan		<input checked="" type="checkbox"/>
3	Saya terpaksa belajar matematika karena merupakan salah satu pelajaran yang wajib diikuti	<input checked="" type="checkbox"/>	
4	Lembar aktivitas memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan	<input checked="" type="checkbox"/>	
5	Pelajaran matematika sangat merepotkan karena harus diusulkan secara khusus		<input checked="" type="checkbox"/>
6	Lembar aktivitas tidak memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan		<input checked="" type="checkbox"/>
7	Belajar matematika dengan cara seperti ini tidak menarik dan membosankan		<input checked="" type="checkbox"/>

8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya senang dan tertarik terhadap pelajaran matematika	<input checked="" type="checkbox"/>	
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk menyimak materi yang sedang dipelajari		<input checked="" type="checkbox"/>
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini tidak ada bedanya dengan pembelajaran matematika yang biasa dilakukan		<input checked="" type="checkbox"/>
11	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
12	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya dapat memakai matematika dalam kehidupan sehari-hari	<input checked="" type="checkbox"/>	
13	Bahan ajar yang disajikan memudahkan saya dalam memahami materi		<input checked="" type="checkbox"/>
14	Pembelajaran matematika seperti ini membuat saya berani untuk mengungkapkan pendapat saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
15	Saya lebih senang pembelajaran matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa	<input checked="" type="checkbox"/>	
16	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat sharing baik bersama teman maupun guru	<input checked="" type="checkbox"/>	
17	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
18	Saya merasa santai dan senang selama pembelajaran matematika berlangsung	<input checked="" type="checkbox"/>	
19	Belajar diskusi memudahkan saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
20	Saya lebih termotivasi belajar matematika setelah mendapatkan pembelajaran model seperti ini.	<input checked="" type="checkbox"/>	

ANGKET RESPON SISWA

**PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING*
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS
SISWA KELAS XI SMANEGERI 9 GOWA**

SKRIPSI SITI AMELIA PUTRI, SI PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Nama : Siti Aisyah, Putri

Kelas : XI MIPA 1

Petaujuk

- Sebelum mengikuti pelajaran matematika siswa tidak pernah merasa matematika itu membosankan dan menyenangkan
- Banyak pertanyaan yang diajukan pada pelajaran matematika
- Berilah simbol centang (✓) pada kalimat jawaban yang benar
- Respon yang salah berarti tidak memperhatikan pertanyaan saat belajar
- Respon yang salah berarti diajukan dalam bentuk akhir dalam bentuk tanda centang

Tujuan : Mengidentifikasi faktor-faktor mempengaruhi penerapan model *Problem Based Learning*

No	Pernyataan	Jawaban	
		Ya	Tidak
1	Saya lebih suka pelajaran matematika daripada pelajaran yang lain	✓	
2	Dulu saya matematika adalah pelajaran yang menyenangkan	✓	
3	Saya terpaksa belajar matematika karena merupakan salah satu pelajaran yang wajib diikuti		✓
4	Lembar aktivitas memudahkan saya menyelesaikan tugas yang akan diberikan	✓	
5	Pelajaran matematika sangat merepotkan karena harus disepakati secara khusus		✓
6	Lembar aktivitas tidak memudahkan saya menyelesaikan tugas yang akan diberikan		✓
7	Belajar matematika dengan cara seperti ini tidak menarik dan membosankan		✓

8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya senang dan tertarik terhadap pelajaran matematika	<input checked="" type="checkbox"/>	
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk menyimak materi yang sedang dipelajari		<input checked="" type="checkbox"/>
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini tidak ada bedanya dengan pembelajaran matematika yang biasa dilakukan	<input checked="" type="checkbox"/>	
11	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
12	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya dapat memahami matematika dalam kehidupan sehari-sehari	<input checked="" type="checkbox"/>	
13	Bahan ajar yang ditujukan memudahkan saya dalam memahami materi		<input checked="" type="checkbox"/>
14	Pembelajaran matematika seperti ini membuat saya berani untuk mengungkapkan pendapat saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
15	Saya lebih senang belajar matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa	<input checked="" type="checkbox"/>	
16	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat sharing baik bermanfaat tentang matipun guru	<input checked="" type="checkbox"/>	
17	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
18	Saya merasa santai dan senang selama pembelajaran matematika berlangsung	<input checked="" type="checkbox"/>	
19	Belajar diskusi memudahkan saya dalam memahami materi		<input checked="" type="checkbox"/>
20	Saya lebih termotivasi belajar matematika setelah mendapatkan pembelajaran model seperti ini.	<input checked="" type="checkbox"/>	

ANGKET RESPON SISWA

**PENGARUH PENERAPAN MODEL *PROBLEM BASED LEARNING*
TERHADAP KEMAMPUAN PEMECAHAN MASALAH MATEMATIS
SISWA KELAS XI SMANEGERI 9 GOWA**

SKRIPSITI AMELIA PUTRI, SI PENDIDIKAN MATEMATIKA, UNISMUH

Nama : Sofiyah Reginna M Ashnor

Kelas : XI Mipa 1

Petunjuk:

- Sebutkan tujuan dan isi pertanyaan yang diajukan dalam penelitian.
- Bacalah pernyataan-pernyataan pada halaman yang disediakan dengan baik.
- Berilah tanda centang (✓) pada kolom jawaban yang benar.
- Respon yang tidak berikan tidak memperpaniti pertanyaan hasil penelitian.
- Respon yang tidak berikan dimaksudkan dalam bentuk tanda Centang berupa tanda tangan siapa bertindak pada lembar.

Tujuan : Mengidentifikasi respon siswa terhadap pemecahan masalah matematik dengan model *Problem Based Learning*

No	Pertanyaan	Jawaban	
		Ya	Tidak
1	Saya lebih suka pelajaran matematika daripada pelajaran yang lain	✓	
2	Bagi saya matematika adalah pelajaran yang menyenangkan	✓	
3	Saya terpaksa belajar matematika karena merupakan salah satu pelajaran yang wajib dilulusi		✓
4	Lembar aktivitas memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan	✓	
5	Pelajaran matematika sangat membosankan karena harus dimengerti secara klinis		✓
6	Lembar aktivitas tidak memudahkan saya mengerjakan tugas yang akan dilakukan		✓
7	Belajar matematika dengan cara seperti ini tidak menarik dan membosankan		✓

8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya senang dan tertarik terhadap pelajaran matematika	<input checked="" type="checkbox"/>	
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk menyimak materi yang sedang dipelajari		<input checked="" type="checkbox"/>
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini tidak ada bedanya dengan pembelajaran matematika yang biasa dilakukan	<input checked="" type="checkbox"/>	
11	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
12	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya dapat memakai matematika dalam kehidupan sehari-sehari	<input checked="" type="checkbox"/>	
13	Bahan ajar yang disajikan memudahkan saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
14	Pembelajaran matematika seperti ini membuat saya berani untuk mencaruhkan pendapat saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
15	Saya lebih senang pembelajaran matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa	<input checked="" type="checkbox"/>	
16	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat sharing baik bersama teman maupun guru	<input checked="" type="checkbox"/>	
17	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya	<input checked="" type="checkbox"/>	
18	Saya merasa santai dan senang selama pembelajaran matematika berlangsung	<input checked="" type="checkbox"/>	
19	Belajar diskusi memudahkan saya dalam memahami materi	<input checked="" type="checkbox"/>	
20	Saya lebih termotivasi belajar matematika setelah mendapatkan pembelajaran model seperti ini	<input checked="" type="checkbox"/>	

JAWABAN ANGKET RESPON SISWA

No.	Persepsi																			
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
1	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
2	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya
3	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya
4	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
5	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
6	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya
7	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya
8	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya						
9	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya						
10	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
11	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
12	Tidak	Tidak	Tidak	Tidak	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
13	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya
14	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya						
15	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya
16	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya						
17	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya						
18	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
19	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya
20	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya
21	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
22	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
23	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya
24	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya							
25	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
26	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
27	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya						
28	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Ya

29	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
30	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
31	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya
32	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
33	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Tidak	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya	Ya
34	Ya	Ya	Tidak	Ya	Tidak	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya	Ya	Ya	Tidak	Ya	Ya



3.6. Lampiran Deskripsi Hasil Pengamatan Aktivitas Keterikatan Pembelajaran

Tahap Pembelajaran	Aktivitas Guru	Pemenuhan					Skor
		2	3	4	5	PENILAIAN	
Orientasi siswa kepada masalah	Guru menjelaskan tujuan pembelajaran	✓	✓	✓	✓		4
	Guru menggunakan fenomena atau demonstrasi atau cerita untuk memotivasi siswa masalah	✓	✓	✓	✓		4
	Guru memotivasi siswa untuk terlibat dalam pemecahan masalah yang diberikan	✓	✓	✓	✓		4
Mengorganisasikan siswa untuk belajar	Guru membantu siswa mendefinisikan dan mengorganisasikan tugas-tugas yang berkaitan dengan masalah	✓	✓	✓	✓		4
	Guru membagi siswa dalam kelompok homogen	✓	✓	✓	✓		4
	Guru memberikan catatan kelompok untuk membantu organisasi tugas siswa	✓	✓	✓	✓		4
	Guru mengatur penggunaan waktu untuk diskusi kelas dengan tepat	✓	✓	✓	✓		4
Membantu penyelidikan mandiri sebagian kelompok	Guru mendorong siswa untuk menggunakan informasi yang sesuai	✓	✓	✓	✓		4
	Guru mendorong siswa untuk melakukan eksperimen untuk mendapatkan pengetahuan dan proses-sesuaian masalah	✓	✓	✓	✓		4
Mengembangkan dan menyajikan hasil karya	Guru membantu siswa dalam menyajikan hasil dan menampilkan hasilnya dalam bentuk laporan, video, dan model	✓	✓	✓	✓		4
	Guru membantu siswa untuk berbagi tugas dengan temannya	✓	✓	✓	✓		4
Menganalisis dan mengevaluasi proses pemecahan masalah	Guru membantu siswa untuk melakukan refleksi atau evaluasi terhadap penyelidikan mereka dan proses-proses yang mereka gunakan	✓	✓	✓	✓		4
Jumlah						48	
Rata-rata						4	

3.7 Lampiran Deskripsi Hasil Pengamatan Aktivitas Siswa dalam Pembelajaran Matematika Melalui Penerapan Model *Problem Based Learning*

No	Aktivitas Siswa	Pertemuan						Rata-rata	Persentase (%)
		1	2	3	4	5	6		
1	Siswa yang hadir pada saat proses pembelajaran berlangsung	34	34	34	34	34	34	34	100
2	Siswa yang memahami tujuan pembelajaran dan logistik yang diperlukan dalam kegiatan perkuliahan yang disampaikan oleh guru	35	30	28	22			26,5	77
3	Siswa yang mengikuti pertemuan perkuliahan yang disampaikan oleh guru dan kegiatan mengerjakan tugas dan pemasukan jawaban	23	34	30	19	17	26,5		
4	Siswa yang bertanya tentang materi pelajaran yang belum dipahami	39	29	24	23	24	24	24	72
5	Siswa yang memiliki bimbingan pada guru dalam mengerjakan LKS	R	51	30	25	25	P	29,5	66
6	Siswa yang memiliki bimbingan temannya	P					R		
7	Siswa yang aktif pada saat diskusi	E	23	30	34	27	S	28,5	83
8	Siswa melakukan refleksi atau evaluasi terhadap hasil presentasi	E	25	28	20	29	T	23,5	75

Rata-rata 27,8 : 31,3

2.3 Lampiran Persentase Respon Siswa Terhadap Pembelajaran Matematika Melalui Penerapan Model Problem Based Learning

No	Pernyataan	Frekuensi		Jumlah Skor	Persentase (%)
		Ya	Tidak		
1	Saya lebih suka pelajaran matematika daripada pelajaran yang lain	28	6	28	82
2	Bagi saya matematika adalah pelajaran yang menyenangkan	22	11	23	67
3	Saya terpaksa belajar matematika karena mempunyai nilai matematika yang wajib dikuasai	4	50	50	93
4	Lester aktivitas memudahkan saya mencapai tujuan yang akan dilakukan	30	4	30	94
5	Pelajaran matematika sangat menantang karena harus diaplikasikan secara kritis	5	21	22	73
6	Lester aktivitas tidak memudahkan saya mengikuti tujuan yang akan dilakukan	0	34	34	100
7	Belajar matematika dengan cara seperti ini tidak menarik dan membosankan	5	29	39	83
8	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini membuat saya semangat dan tertarik terhadap pelajaran matematika	30	4	30	83
9	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya malas untuk menyimak materi yang sedang dipelajari	5	29	29	85
10	Pembelajaran matematika dengan model seperti ini	28	6	28	82

	tidak ada bedanya dengan pembelajaran matematika yang biasa dilakukan				
11.	Pembelajaran dengan model seperti ini memudahkan saya untuk memahami materi	31	3	31	91
12.	Pembelajaran dengan model seperti ini membuat saya dapat memakai matematika dalam kehidupan sehari-hari	26	8	26	76
13.	Bahanajar yang disajikan memudahkan saya dalam memahami materi	22	2	12	94
14.	Pembelajaran matematika seperti ini membuat saya terasa untuk memudahkan peningkatkan pengetahuan saya	12	9	5	73
15.	Saya tidak merasa pembelajaran matematika model seperti ini dibandingkan pembelajaran biasa	27	7	12	79
16.	Saya senang dengan pembelajaran matematika seperti ini karena saya dapat belajar baik bersama teman maupun sendiri	33	1	3	97
17.	Pembelajaran matematika seperti ini bermanfaat bagi saya	30	4	30	88
18.	Saya merasa santai dan senang selama pembelajaran matematika berlangsung	31	3	31	91
19.	Belajar diskusi memudahkan saya dalam memahami materi	28	6	28	82
20.	Saya lebih termotivasi belajar matematika setelah mendapatkan pembelajaran model seperti ini	30	4	30	88
Rata-rata			29,05	35,45	





LAMPIRAN 4

- 4.1 LAMPIRAN ANALISIS STATISTIK DESKRIPTIF
- 4.2 LAMPIRAN ANALISIS STATISTIK INFERENSIAL

4.1 Lampiran Analisis Statistik Deskriptif

ANALISIS DESKRIPTIF DAN INFERENSIAL SPSS 25

Deskripsi nilai *pretest*, *posttest* dan *N-Gain*

Descriptives		
	Std. Mean	Std. Err.
Pretest	43,0582	1,23661
95% Confidence Interval		
Lower Bound	36,5371	
Upper Bound	47,5807	
Mean	43,0582	
SD	12,4872	
SE T	1,23661	
Min	17,00	
Max	68,00	
Sum	18,00	
Total	30,00	
Pretest	43,0582	
95% Confidence Interval		
Lower Bound	36,5371	
Upper Bound	47,5807	
Mean	43,0582	
SD	12,4872	
SE T	1,23661	
Min	17,00	
Max	68,00	
Sum	18,00	
Total	30,00	
Posttest	56,2500	
95% Confidence Interval		
Lower Bound	51,7308	
Upper Bound	60,7692	
Mean	56,2500	
SD	12,4872	
SE T	1,23661	
Min	42,00	
Max	68,00	
Sum	18,00	
Total	30,00	
N-Gain	13,19	
95% Confidence Interval		
Lower Bound	11,60	
Upper Bound	14,78	
Mean	13,19	
SD	1,403	
SE T	0,403	
Min	11,60	
Max	14,78	
Sum	18,00	
Total	30,00	

Descriptives

Measure	Mean	Std. Error
95% Confidence Interval for Mean	Lower Bound	Upper Bound
Mean		.7722
95% Confidence Interval for Mean		.7725
Median	7200	
Range		.032
SD (Deviation)		.0745
Minimum	22	
Maximum	100	
Sum	600	
Count (N)	10	

UJI Noticias

— 2000 年度会計

Final Exam Review

• The Hindu •

www.ijerpi.org | 10

Tests of Normality

三

	Score	cl	Stn
Name	pts	%	200
None	0.0	0%	200

* This is a third branch of the tree with four

© 2010 The McGraw-Hill Companies

Test of Normality

Shapiro-Wilk			
Statistic	p-value		
0.73	0.10		

* This is a lower bound of the true significance.

a. Cut-off Significance: Correspondence

Test of Normality

Kolmogorov-Smirnov			
Statistic	p-value		
0.00	0.10		
0.00	0.10		

* This is a lower bound of the true significance.

a. Cut-off Significance: Correspondence

4.2 Lanjutkan Analisis Statistik Inferensial

Hasil One Sample T-Test nilai KKM

One-Sample Statistics

One-Sample Statistics			
	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
Nilai	4.252 (1)	1.000	.030

Hasil One Sample T-Test N-Gain

One-Sample Statistics

	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
N-Gain	14	7.97	1.705



$$\text{Gain Ternormalisasi (g)} = \frac{\text{Skor positif-Skor rata-rata}}{\text{Skor ideal-Skor rata-rata}}$$

$$(g) = \frac{84,79 - 43,02}{100 - 43,02}$$

$$(g) = \frac{41,71}{56,97}$$

$$(g) = 0,732$$

Uji Proporsi Sam Pihak (Pihak Kuning)

$$Z_{hitung} = \frac{p - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$$

$$Z_{hitung} = \frac{0,73 - 0,5}{\sqrt{\frac{0,5(1-0,5)}{34}}} = \frac{0,23}{\sqrt{\frac{0,25}{34}}} = \frac{0,23}{0,0791} = 2,91$$

$$Z_{hitung} = \frac{0,91 - 0,73}{\sqrt{\frac{0,73(0,27)}{34}}} = \frac{0,18}{\sqrt{\frac{0,1971}{34}}} = \frac{0,18}{0,0573} = 3,15$$

$$Z_{hitung} = \frac{0,18}{0,0573} = 3,15$$

$$Z_{hitung} = 2,25$$

Hasil $t_{tabel} : 0,5 - \alpha$

Hasil $t_{tabel} : 0,5 - 0,05$

$t_{tabel} = 0,45$

Tabelle 1: Unik-Nilai Pointtest der N-Gain



Lampiran 5.1 Dokumentasi**Penerapan Model *Problem Based Learning*****Kerja Kelompok**



Siswa Minba Rimbang Guru

Pembelajaran Angket Respon



Foto Bersama Setelah Pembelajaran

5.2 Lampiran Persuratan





UNIVERSITAS MULYASARI ADYATI MARASSAH
FAKULTAS NEGERILAN DAN SAINS PENDIDIKAN
PROGRAM STUDI PENDIDIKAN MATEMATIKA

REFERENCES AND NOTES

Basis Matematika	: 100. Analisa Punkt
SMA	: ISSN 1186-19
Program Studi	: Pendidikan Matematika
Judul Proposal	: Pengembangan Model Problem-Based Learning Terintegrasi Kognitif dan Pemecahan Masalah Matematika Untuk Kelas XI SMA Sosial & Cerdas





UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH MAKASSAR
FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN
PROGRAM STUDI PENDIDIKAN MATEMATIKA

ANSWER

EARTH MONITORING PROGRAM

NAMA PENULIS	Siti Aminah Putri 105161104310
PRODI DAN STYLUS	Pendidikan Matematika
JUDUL, PROPOSAL	Perangkat Pembelajaran Model Problem Based Learning Terintegrasi Gamification Untuk Meningkatkan Minat dan Kreativitas Siswa Kelas XI SMK Negeri V Cirebon
KEMERKAMAN	I. M. Muhammadiyah, S.Pd., M.Pd. II. Dian Syuraini, S.Pd.





І ПІДВІДОПРОДАЖ ВІЧНУЇ ІНСУЛІНІ

[Home](#) | [Edit Article](#) | [Help](#)

Page 15 of 15

Principles of Evidence

Learn English Grammar with Pathway Learning Technique

Document released under the Access to Information Act

- 15 -

On the payroll, Harry and Alice are the most senior members of the office staff.





UNIVERSITAS ISLAM NAMA HABIB MAKAASSAR
FACULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN
PROGRAM STUDI PENDIDIKAN MATEMATIKA

卷之三

KAHYU KONTROL KIMINGAN PERANGKAT PEMBELAJARAN PRAKTIKUM PESILITIAS

NAMA PELAKU KEGIATAN	Ran Arieza Putra
NIM	20081104310
PROGRAM STUDI	Pendidikan Matematika
JUDUL PROPOSAL	Pengaruh Pembelajaran Model Problem Based Learning Terhadap Kemampuan Pemecahan Masalah Matematis Siswa Kelas X SMK Negeri 9 Lhokseumawe
PERIODIKAL	1. Matematika SMP, Edisi 10
	2. Matematika SMP, Edisi 11

A decorative certificate for a 'Milkshake Competition'. The title 'MILKSHAKE COMPETITION' is at the top, followed by 'RESULTS' and 'WINNER'. The center features a large trophy with a star on top, surrounded by a circular border containing the names of the participants and their scores.





UNIVERSITAS NEGERI MAKASSAR
FAKULTAS KEGURUAN DAN TAHU PERDIDIKAN
PROGRAM STUDI PENDIDIKAN MATEMATIKA

—
—
—
—

KAITAN KONTROL BIMbingAN PERANGKAT PEMBELAJARAN / INSTRUKSI PENELITIAN

NAMA MAHASISWA:	Rin Andini Putri
NIM:	133130713043-17
PROGRAM STUDI:	Pendidikan Matematika
JURUSAN/PROMOSI:	Pengembangan Model Problem Based Learning Terintegrasi Kognitif dan Persepsi Matematika Siswa Kelas VII di SMP Negeri 9 Cirebon
THESIS DIRECTOR:	I. M. Dr. H. Asep Maulida, MM II. Dr. H. Syahidah, SE, MM

No.	Nama Pemohon	Jenis Pendaftaran	Tanda Tangan
1.	Choppysoft	Surat Perintah Pendaftaran Surat Keterangan Dapat Dipercaya	
2.	Rifky Syaiful	Surat Perintah Pendaftaran Surat Keterangan Dapat Dipercaya	









KARTU KONTROL RIMBUNGAN SKRIPSI

NAMA MAHASISWA	Wic Ananda Putri
NIM	10120110043-19
PROGRAM STUDI	Pendidikan Matematika
JUDUL SKRIPSI	Pengaruh Pembelajaran Model Problem Based Learning Terhadap Kognitif, Emosional, dan Minat Matematika Siswa Kelas XI SMK Negeri 3 Gorontalo
MAKSUD DAN TUJUAN	I. Meningkatkan PA, M.Pd. II. Diberdayakan S.Pd., M.Pd.

No.	Buku/Tangkap	Uraian Perolehan	Tanda Tangan
1	Skripsi, 10120110043-19	Model PBL Pembelajaran Kognitif Emosional Minat Matematika Siswa Kelas XI SMK Negeri 3 Gorontalo	







**MATERI PENDIDIKAN CINTA TERCINTA PUSAT KEMAMPUAN
UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH MAKASSAR**

GARANSI PENELITIAN DAN KEGIATAN PENGETAHUAN UNTUK MASA DEPAN
Kontak: 0813-3300-2222 | Email: penerjemah@unimed.ac.id | Website: www.unimed.ac.id

Nomor:	1001/03/C4-V03/VI/1444/2023	Tgl. Daftar Pengajuan:	1444 H
Jumlah:	1 (satu) Bantuan Penelitian	24 June 2023 M	
Bantuan:	Pembiayaan Biaya Penelitian		
Kategori:	Risiko RIA		
Penulis:	Triyati, S.Pd., M.Pd.		
Catatan Dapat Pembiayaan Model & PTSP Provinsi Sulawesi Selatan:	0-		

Makalah

“IMPLEMENTASI MODEL PEMBELAJARAN KOGNITIF TERHADAP KONSEP DAN PEMERITAHAN MATEMATIKAL MATERI ALJABAR XI SMA DENGAN GOOD”

Berdasarkan surat Undang Pendekat Penugasan dan Biaya Pendidikan Universitas Muhammadiyah Makassar Nomor: 1001/03/C4-V03/VI/1444/2023 tanggal 22 Juni 2023, memperkenankan bantuan penelitian sebagaimana berikut:

Nama : Triyati, S.Pd., M.Pd.

No. Diktiweb : 10033-01-003-09

Pelaksana : Pendidikan Tinggi dan Diklat, Universitas

Jurusan : Pendidikan Matematika

Nim : 131104001140001

Alamat : Jl. Prof. Dr. Ing. Soekarno No. 10, Kelurahan Muara Baru, Kecamatan Muara Baru, Kota Makassar, Sulawesi Selatan 90111

Kontak : 081333002222

“IMPLEMENTASI MODEL PEMBELAJARAN KOGNITIF TERHADAP KONSEP DAN PEMERITAHAN MATEMATIKAL MATERI ALJABAR XI SMA DENGAN GOOD”

Tujuan penelitian ini adalah untuk mengetahui pengembangan model pembelajaran kognitif terhadap konsep dan pemerintahan matematikal materi aljabar XI SMA dengan Good.

Kemungkinan dugaan dalam penelitian ini adalah bahwa pengembangan model pembelajaran kognitif terhadap konsep dan pemerintahan matematikal materi aljabar XI SMA dengan Good akan memberikan hasil yang baik.

Evaluasi Penelitian

PUSTAKA DAN PENGERJAHAN



Universitas Muhammadiyah Makassar

1001/03/C4-V03/VI/1444/2023



REKAM KEGIATAN PENGETAHUAN
DINAS PENANAMAN MODAL DAN PELAYANAN TERPADU SATU PINTU
 Jl. Gajahmungkur No. 5 Telp. (0411) 421677 Fax. (0411) 422916
 Website : <http://dpmptsp.sulselprov.go.id> - rekapitulasi@dpmptsp.sulselprov.go.id
 Nomor : 0001

Nomor	20190500012622	Kategori VIIa
Lengkap	-	Dinas Penanaman Modal dan Pelayanan Terpadu Satu Pintu
Perihal	Surat pemberitahuan	

Berdasarkan surat Edaran DPMPTSP Provinsi Sulawesi Selatan Nomor 0001, tertanggal 30 Juni 2023 perihal formulir status, berikut ini diinformasikan :

1. Lainnya
 2. Surat/Perbaikan
 3. Program/Bantuan
 4. Perjanjian/Jamuan
 5. Amanah

Berikut ini adalah formulir status yang diberikan oleh DPMPTSP Provinsi Sulawesi Selatan :

"**PERJANJIAN PADA PERIZINAN MULAKAAT DAN KONSEP**, bertujuan untuk mendukung pelaksanaan kegiatan
 "PERIZINAN PADA PERIZINAN MULAKAAT DAN KONSEP" yang dilakukan oleh DPMPTSP Provinsi Sulawesi Selatan.

Berdasarkan surat edaran nomor 0001 tertanggal 30 Juni 2023 perihal formulir status, berikut ini diinformasikan :

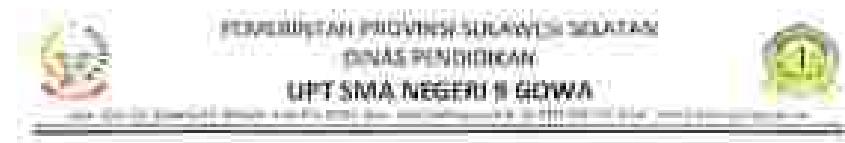
Demikian Surat Pemberitahuan Status yang diberikan oleh DPMPTSP Provinsi Sulawesi Selatan.

Dinas Penanaman
 Modul Pengetahuan

"**PERIZINAN PADA PERIZINAN MULAKAAT DAN KONSEP**, bertujuan untuk mendukung pelaksanaan kegiatan
 "PERIZINAN PADA PERIZINAN MULAKAAT DAN KONSEP" yang dilakukan oleh DPMPTSP Provinsi Sulawesi Selatan.

Dinas Penanaman
 Modul Pengetahuan

Tersusun oleh
 1. Surat pemberitahuan
 2. Pengajuan

**SIMBOL KETETANGGALAN**

Nomor : 012345 - UPT SMA Negeri II Gowa

Berdasarkan Surat dari Permenpan Kabinet Kerja, Dinas Pendidikan Muda dan Pelajaran
Terbaru Satu Waktu Nomor : 20/10007/Permenpan/2023, Tanggal 5 Juli 2023,
Kepada Sekretaris/Direktur, Pimpinan dan Pengajar

Nama

: STI Muhammadiyah

Jin

: Mahasiswa

Jenjang

: Pendidikan Tinggi

Dapat

: Dapat

Penilaian

Penilaian akademik dalam pelajaran yang diberikan oleh dosen pengajar pada semester
pertama dan semester kedua dilaksanakan pada bulan Februari, bulan Mei dan bulan
Juli setiap tahun pelajaran di Universitas Muhammadiyah Makassar. Untuk penilaian
dilakukan dengan menggunakan skala nilai yang berlaku di seluruh universitas ini.

Penilaian

: Penilaian akademik



UNITAT PERPUSTAKAAN DAN PENELITIAN
UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH MAKASSAR
UPT PERPUSTAKAAN DAN PENELITIAN

SURAT KETERANGAN BEBAS PLAGIAT

OPSI Pengetahuan dan Pemikiran Universitas Muhammadiyah Makassar,
Menyatakan bahwa makalah yang berikut ini bersifat benar-benar bebas dari

Nama : Syaiful Rizki Putra

Nim : 1333110040

Program Studi : Pendidikan Islam

Dengan tesis:



BAB I Siti Amelia Putri

105361104319



BAB I Sri Amelia Putri 105361104319



BAB II Siti Amelia Putri 105361104319

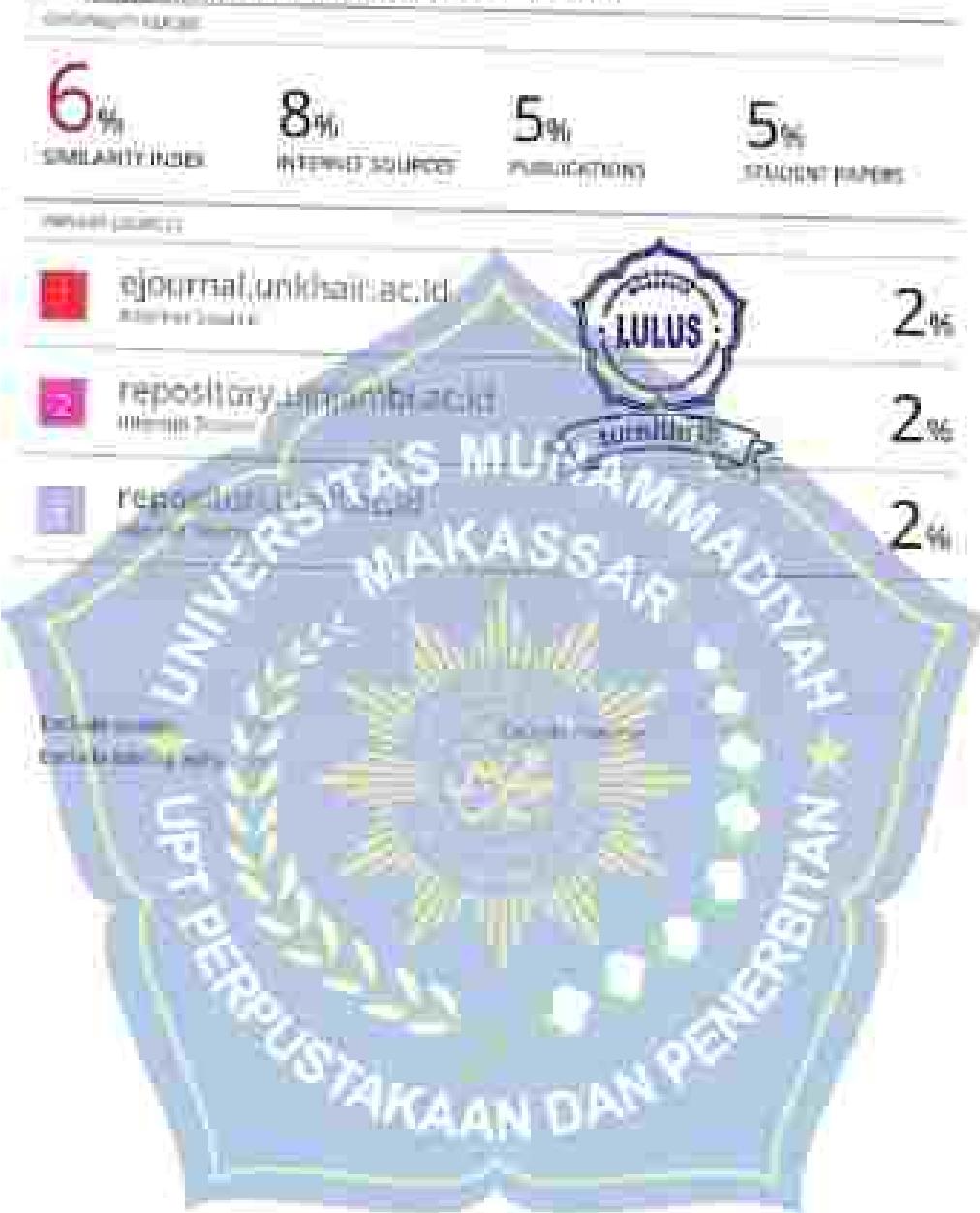


BAB II Siti Amelia Putri 105361104319

BAB III Siti Amelia Putri 105361104319



BAB III Siti Amelia Putri 105361104319



BAB IV Siti Amelia Putri
105361104319

Submitted on 24 Aug 2013 at 10:47 UTC by **SAKAKI**
Submission ID: 21100077
File name: 348.s - 2013-08-24 10:47:00 UTC
Word count: 1384
Character count: 21100

BAB IV Siti Amelia Putri 105361104319

Sumber: Google Scholar

8%
SIMILARITY INDEX**9%**
CROSS-REF SCOPUS**3%**
PUBLICATIONS**2%**
STUDENT PAPERS

Source: Google Scholar

 ejournal.unkhair.ac.id.
Journal Source**3%** 123dok.com
Other Source**2%** ojs.unkhair.ac.id
Other Source**2%** core.ac.uk
Other Source**2%**

BAB V Siti Amelia Putri
105361104319



BAB V Siti Amella Putri 105361104319

Citation & Metrics

3
%

SIMILARITY INDEX

3
%

RECENT PUBLICATIONS

0
%

PUBLICATIONS

0
%

STUDENT PROFILE

Recent Publications



id.scribd.com

View profile

3
%



5.3 Lampiran Power Point





BAB 2: KARAKTERISASI SISTEM PEMERINTAHAN DENGAN HYPOTHESIS PENGETAHUAN









RIWAYAT HIDUP



Siti Amelia Putri lahir di Jakorto pada tanggal 19 Mei 2001, anak tunggal dari pasangan Ayah Munir dan Ibu Syarifah. Penulis memulai pendidikan di SDN 08 Pareuring dan tamat pada 2013. Kemudian penulis melanjutkan pendidikan di SMP Negeri 1 Tanjate Riga dan tamat pada tahun 2016. Tamat SMA pada tahun 2019 di SMA Negeri 5 Bumi. Pada tahun yang sama (2019) penulis melanjutkan pendidikan strata Satu (S1) di salah satu perguruan tinggi negeri yakni di Jurusan Ilmu Universitas Muhammadiyah Malang pada program studi Pendidikan Matematika Fakultas Keguruan dan Ilmu Pendidikan.

